



دانشگاه پیام نور

سومین همایش علمی- تخصصی فیزیک دانشگاه پیام نور

دانشگاه پیام نور استان خوزستان - 23 الی 25 آذر 1387

محاسبه عددی تحرك پذیری الکترونها در نیمرسانای ترکیبی $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ در میدان های الکتریکی ضعیف

بهروز سروری¹، هادی عربشاهی²، علیرضا بینش³

¹دانشگاه پیام نور مشهد

²دانشگاه فردوسی مشهد

³دانشگاه پیام نور فریمان

vohrouch1980@gmail.com

چکیده- در این پژوهش، تحرك پذیری الکترونها برای نیمرسانای ترکیبی $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ با استفاده از روش تکرار در بازه دمایی 20 K تا 600 K در حد میدانهای پایین محاسبه شده است. با در نظر گرفتن مکانیسم های پراکندگی اپتیکی قطبی، پراکندگی ناخالصی یونیده شده و پراکندگی فونون های اکوستیکی (پتانسیل تغییر شکل یافته و پیزوالکتریک)، معادله ترابری بولتزمن را با استفاده از روش تکرار حل می کنیم. در محاسبه تحرك پذیری، ساختار نوار رسانش نیمرسانای $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ را بصورت غیرسه موی در نظر می گیریم. در مجموع، ترکیب توابع موج و استتار الکترون را مورد توجه قرار داده و در نهایت یک بستگی دمایی، برای تحرك پذیری نیمرسانای مورد نظر بدست می آوریم.

کلید واژه- $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ ، تحرك پذیری الکترون، روش تکرار، فونونهای اپتیکی قطبی، پتانسیل تغییر شکل یافته.

Numerical Calculation of Electron Mobility in $Ga_{0.52}In_{0.48}P$

Semiconductor at Low Electric Field Application

B. Sarvari¹, H. Arabshahi², A. Binesh³

¹Payam Nour university of mashhad

²Ferdowsi university of mashhad

³Payam Nour university of Fariman

Abstract - In this work, the electron mobility of $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ semiconductor compound is calculated using iterative method in range of 20K-600K. We primarily considered polar optic phonon scattering, impurity scattering, polar acoustic phonon scattering (piezoelectric scattering) and non-polar acoustic phonon scattering (deformation-potential scattering) mechanisms. Boltzman transport equation is solved using iterative method. The conduction-band structure of $Ga_{0.52}In_{0.48}P$ has taken to be non-parabolic. In addition, we took into account the mixing of wave functions and electron screening, and we investigated temperature dependence of mobility for the given compound.

Keywords: $Ga_{0.52}In_{0.48}P$, electron mobility, iterative method, polar optic phonons, deformation-potential scattering.



(1) هر فرآیند پراکندگی الکترون، بوسیله زمان واهلش $\tau(E)$ که انرژی الکترون است، توصیف می شود، (2) برای هر فرآیند پراکندگی، یک زمان واهلش میانگین $\langle \tau \rangle$ ،
$$\langle \tau \rangle = \frac{1}{\tau_0} \int_0^{\infty} \tau(E) E^{\frac{1}{2}} \exp\left(-\frac{E}{k_B T}\right) \frac{dE}{\sqrt{(k_B T)^3}} \quad (2)$$

سپس تحرك پذيري ميدان پايين بصورت زیر تعريف می شود

$$\mu_j = q \langle \tau_j \rangle / m^* \quad (3)$$

که بار الکتريکی و m^* جرم مؤثر الکترون در باند Γ می باشد. بعنوان یک تقریب، مکانیسم های مختلف پراکندگی بصورت مستقل از یکدیگر در نظر گرفته می شوند.

آنگاه تحرك ماتيسين بدست $\mu_{tot}^{-1} = \sum_j \mu_j^{-1}$ قانون
$$\mu_{tot}^{-1} = \sum_j \mu_j^{-1} \quad (4)$$

اگرچه این فرضها بطور سختگیرانه یک روش دقیقی نیست، اما محاسبات بر اساس این فرضها نشان می دهد که یک توافق بسیار خوبی با داده های تجربی دارد.

در مورد پراکندگی غیر الاستیک (مانند پراکندگی از فونونهای اپتیکی) از تقریب زمان واهلش دیگر نمی توانیم استفاده کنیم، زیرا تصحیح تابع توزیع نه تنها به انرژی الکترون قبل از پراکندگی بلکه به انرژی حالت نهایی نیز بستگی دارد. در اینحالت معادله بولتزمن را باید از تکنیک های عددی مانند روش تکرار حل کرد [3].

در دنباله بحث، مکانیسمهای مختلف پراکندگی را مورد بررسی قرار می دهیم.

3.

در این پروژه، ساختار زینک-بلند نیمرسانای ترکیبی $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ و چهار فرآیند پراکندگی اصلی فونونهای اپتیکی قطبی، ناخالصیهای

1. مقدمه

دانشگاه پیام نور استان خوزستان - 23 الی 25 آذر 1387 در سالهای اخیر، دانشمندان درباره مطالعه و استفاده نیمرساناهای ترکیبی جلوه های جالب و مهمی را ارائه داده اند. یکی از محدودیت ها در فن آوری پیوند غیر همگن ادوات الکترونیکی، نبود زیر لایه مناسب با تطبیق شبکه است، که باعث پیدایش و تولید نقایص بلوری می شود. نیمرسانای ترکیبی $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ که ثابت شبکه، آن با GaAs تطبیق می کند برای توسعه چشمه ها و آشکار سازهای محدوده مرئی طیف اهمیت دارد. ساختار غیر همگن $\text{GaAs-Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ با تطبیق ثابت شبکه (عدم تطبیق شبکه = 0/02 %) برای قطعات دوقطبی مهم بوده و ممکن است برای ترانزیستورهای نوری نیز حائز اهمیت باشد. همچنین این ساختار غیر همگن دارای چگالی نقایص بلوری و جابجاشدگی اندک در صفحه واسط بوده و بنابراین بطور وسیع در موجرها و قطعات الکترونیک نوری فعال مورد استفاده در محدوده مادون قرمز نزدیک طیف، استفاده می شوند [1].

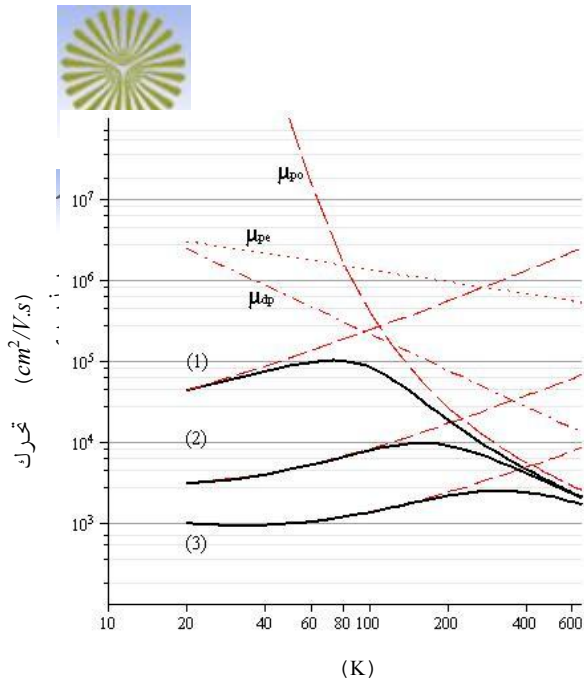
خواص ترابری الکترون ها در نیمرساناهای با گاف انرژی مستقیم را می توان به راحتی با حل مستقیم معادله بولتزمن بدست آورد. موضوع این تحقیق تعیین پارامترهای الکتريکی نظیر تحرك پذيري الکترونها در ماده نیمرسانای $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ بر حسب تابعی از دما و چگالی الکترونها در میدانهای الکتريکی پايين است. این اندازه گیری با حل معادله بولتزمن به روش تکرار و طراحی یک برنامه کامپیوتری بدست می آید.

2.

معادله برای تابع توزیع الکترونها f ، معادله ترابری بولتزمن نامیده می شود

$$(1)$$

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \mathbf{V} \cdot \nabla_r f + \mathbf{k} \cdot \nabla_k f = \left(\frac{\partial f}{\partial t}\right)_{coll}$$



شکل (1). نمودار تحرک پذیری برای $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ بر حسب تابعی از دما برای غلظت های الکترونی مختلف. (1) 10^{15}cm^{-3} (2) $5 \times 10^{16}\text{cm}^{-3}$ (3) $5 \times 10^{17}\text{cm}^{-3}$

سپس تحرک پذیری کاهش پیدا می کند. دلیل کاهش تحرک پذیری شروع پراکندگی از ارتعاشات شبکه است که پراکندگی از فونونهای اپتیکی قطبی و پتانسیل تغییر شکل یافته مهم می شوند، اما با اینحال فرآیند غالب در دماهای بالا پراکندگی از فونونهای اپتیکی قطبی می باشد. در نیمرسانای ترکیبی $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ با آرایش کم یا تقریباً کم در دماهای بالا (بالاخص در دمای اتاق) همانطور که از شکل پیداست، پراکندگی اپتیکی قطبی، مکانیسم غالب است. تحرک پذیری پیزوالکتریک چندان نقشی در محدود کردن تحرک پذیری کل ندارد و این بعلت تقارن نسبتاً خوب، بالاخص در ساختار زینک- بلند است.

در شکل های (2) و (3) تغییرات تحرک پذیری کل بر حسب چگالی الکترونها (=چگالی اتمهای ناخالصی) برای دماهای 77K و 300K نشان داده شده است. همانطور که می بینیم، داده ها در این دو نمودار در توافق کامل با نمودار شکل (1) هستند.

همانطور که از شکل های (2) و (3) مشاهده می شود، با افزایش چگالی الکترونها، تحرک پذیری کاهش پیدا می کند. نکته مهم در اینجا

پارامتر	$\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$
چگالی ρ (gr/cm^3)	۴/۴۶
جرم مؤثر الکترون در دره $m^* \Gamma$	$0.09m_e$
ثابت دی الکتریک فرکانس پایین ϵ_0	۱۱/۸
ثابت دی الکتریک فرکانس بالا ϵ_∞	۹/۳۵
ثابت شبکه a (A°)	۵/۶۵
سرعت صوت u (cm/s)	$5/49 \times 10^5$
ثابت الکترومکانیکی K	-0.28
پتانسیل تغییر شکل یافته اکوستیکی E_1 (eV)	$-9/2$
دمای دبای فونونهای اپتیکی قطبی T_{po} (K)	۵۳۸

در شکل (1) تغییرات تحرک پذیری کل و نسبت مشارکت تحرک پذیری محدود شده بوسیله مکانیسمهای مختلف پراکندگی الکترون بطور مجزا برای هر کدام بر حسب تابعی از دما نشان داده شده است. همچنین در شکل (1) نمودار تحرک پذیری الکترون در سه غلظت الکترونی مختلف محاسبه شده است. همانطور که از شکل پیداست پراکندگی بوسیله فونون های اپتیکی قطبی و ناخالصی یونیده شده فرآیندهای غالب هستند. برای چگالی اتمهای ناخالصی کمتر از $5 \times 10^{17}\text{cm}^{-3}$ آشکارا پراکندگی بوسیله ناخالصیهای یونیده شده، فرآیند محدود کننده تحرک پذیری در دمای اتاق نیست. زیرا همچنان که از شکل پیداست، تحرک پذیری کل برای الکترون در دمای 300K بترتیب برای غلظتهای (1)، (2) و (3) برابر است با $7990\text{cm}^2/\text{V.s}$ ، $5870\text{cm}^2/\text{V.s}$ و $2300\text{cm}^2/\text{V.s}$ در حالیکه تحرک پذیری ناخالصی بترتیب برای این غلظت ها برابر است با $8/5 \times 10^5\text{cm}^2/\text{V.s}$ ، $10^4\text{cm}^2/\text{V.s}$ و $2 \times 10^3\text{cm}^2/\text{V.s}$.

چنانچه از شکل (1) مشاهده می شود، با افزایش دما، تحرک پذیری افزایش می یابد و در دمای معینی به مقدار بیشینه خود می رسد. این مقدار بیشینه برای غلظتهای

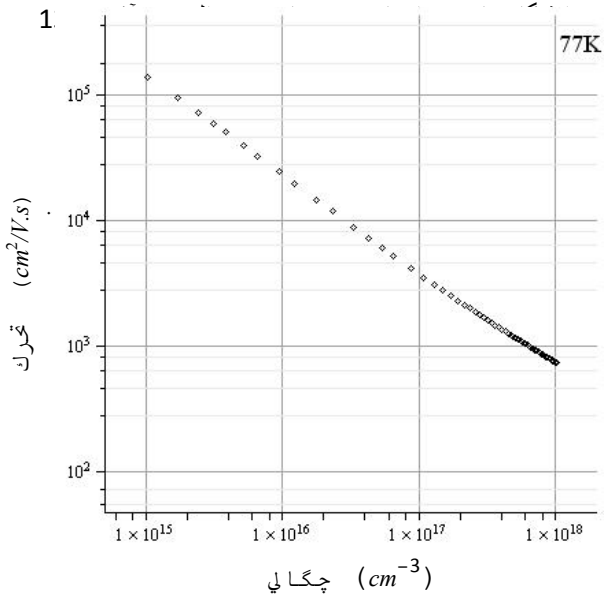


برای نیمرسانای ترکیبی $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ در دمای اتاق همانطور که نامش را دیدیم این غلظت برابر با $5 \times 10^{17} \text{ cm}^{-3}$ است. و تحرك پذیری کل برای غلظتهای بیشتر از این عدد چندان با دما تغییر نمی کند، این موضوع در شکلهای (1)، (2) و (3) کاملاً مشخص است. تمام داده ها در شکلهای فوق با مقادیر تجربی سازگاری کامل را دارند. همانطور که در شکل (1) دیده شد نقش پراکندگی پتانسیل تغییر شکل یافته برای دماهای بالا مهم است، و مقدار این نقش را می توان از داده ها تخمین زد. در نیمرسانای مورد بررسی (با ساختار زینک-بلند) پراکندگی پیزوالکتریک چندان مهم نیست.

مراجع

- [1] A F Qarasi and N M Gasanly, *Crystal Res. Tech.* **36**, 457 (2001)
- [2] J Bardeen and W Shockley, *phys. Rev.* **77**, 407 (1950)
- [3] J D Zook, *phys. Rev.* **136**, A869 (1964)

4

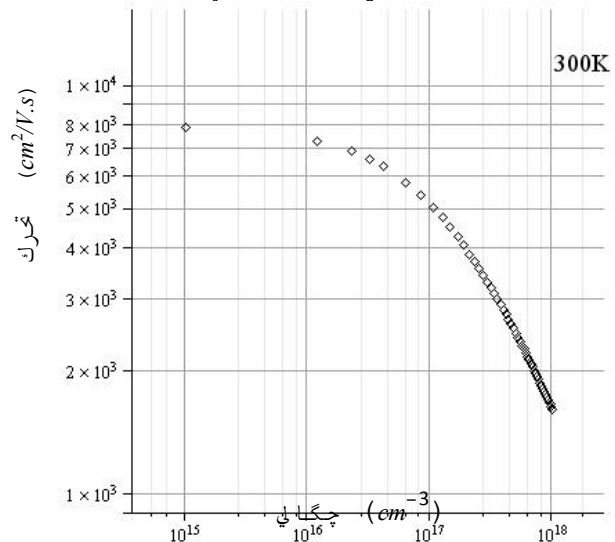


شکل (3). تغییرات تحرك پذیری کل بر حسب چگالی الکترونها برای $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ در دمای 77K

4.

از بحث های بالا به این نکته مهم می رسیم که پراکندگی بوسیله فونون های اپتیکی قطبی و ناخالصی یونیده شده دو

فرآیند غالب در تحرك پذیری برای نیمرسانای ترکیبی $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ می باشند. پراکندگی ناخالصی یونیده شده در دماهای پایین و پراکندگی فونون های اپتیکی قطبی در دماهای بالا نقش مهمی را بازی می کنند. تعیین دمای مرزی برای این دو پراکندگی، همانطور که دیدیم بستگی به غلظت اتمهای ناخالصی دارد.



شکل (2). تغییرات تحرك پذیری کل بر حسب چگالی الکترونها برای $\text{Ga}_{0.52}\text{In}_{0.48}\text{P}$ در دمای 300K