

بررسی پارامترهای مؤثر بر عملکرد هیدروفویل در نزدیکی سطح آب

محمدحسن جوارشکیان^{۱*}، علی اسماعیلی^۲

۱- دانشیار، گروه مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد
۲- دانشجوی کارشناسی ارشد گروه مکانیک، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد

* مشهد، کد پستی ۹۱۷۷۹۴۸۹۷۴

javareshkian@ferdowsi.um.ac.ir

چکیده- در این تحقیق، تأثیر ضخامت، انحنای، عمق فرورفنگی و سرعت حرکت هیدروفویل غوطه‌ور در آب با روشی عددی مطالعه شده است. این روش عددی بر الگوریتم فشار مبتنی بوده و از SIMPLE برای حل معادلات ناویراستوکس، و از VOF برای شبیه‌سازی دو فاز آب و هوا استفاده می‌شود. از مدل آشفتگی $E - k$ و طرح مرتبه دوم بالا درست برای طرح‌های تفاضلی استفاده شده است. به منظور بررسی صحت روند حل عددی، قسمتی از نتایج شبیه‌سازی حاضر با نتایج تجربی موجود در مقالات مقایسه و روند شبیه‌سازی تأیید شده است. نتایج تحقیق حاضر نشان می‌دهد که با افزایش ضخامت هیدروفویل ضرایب برا و پسا بیشتر می‌شوند، اما نسبت برا به پسا روندی کاهشی دارد. از طرفی با افزایش انحنای، هر چند که ضریب برا و پسا افزایش می‌یابد، اما نسبت برا به پسا نیز روند صعودی دارد؛ لذا در انتخاب مقطع مناسب برای هیدروفویل‌ها، هر چه ضخامت کمتر و انحنای بیشتر باشد، عملکرد هیدرودینامیکی مطلوبتر می‌شود. تغییر مقطع هیدروفویل حتی بر جریان هوا و لایه مرزی تشکیل شده بر سطح آب نیز تأثیر می‌گذارد. همچنین با افزایش عمق و زاویه حمله، ضریب برا و پسا روندی رو به رشد دارند که منجر به افزایش نسبت برا به پسا می‌شود. با افزایش سرعت، ضرایب برا و پسا کاهش می‌یابد و در مجموع نسبت برا به پسا نیز کم می‌شود.

کلیدواژگان: هیدروفویل، موج، برا، پسا، عملکرد هیدرودینامیکی.

هر یک مشخص شده و اصلاحاتی برای برطرف کردن عیوب آنها ارائه شده است. یکی از مهمترین روش‌های افزایش سرعت شناورها، استفاده از هیدروفویل است. شناور هیدروفویلی، گونه‌ای شناخته شده از شناورهای تندره است که علاوه بر قابلیت حرکت با سرعت بالا، قدرت مانور بالا، پایداری خوب و عملکرد مناسبی در

۱- مقدمه
افزایش نیاز به استفاده از سیستم‌های دریابی، محققان را به سمت مطالعه و طراحی آنها سوق داده است. شناورهای تندره به عنوان یکی از مهمترین سیستم‌های دریابی، در چند دهه اخیر کاربرد رو به گسترشی یافته است. با استفاده بیشتر از انواع این شناورها، نقاط ضعف و قوت

Kouh et al. (2002) به تحلیل عملکرد هیدروفویل دو بعدی در سطح آزاد پرداختند. Rhee et al. (2003) هیدروفویل دارای بالچه را تحلیل کردند. در همین سال Bourgoyne در مطالعه‌ای آزمایشگاهی جریان دو بعدی حول هیدروفویل را مطالعه و عملکرد آن را از جنبه نیروهای برا و پسا و نیز گردابه‌های ایجاد شده در پشت هیدروفویل مطالعه کرد (Bourgoyne, 2003).

Chen and Liu (2005) با در نظر گرفتن توزیع دابلت بر روی سطح داخلی جسم به بررسی جریان پرداختند.

Hay and Visonneau (2005) با استفاده از شبکه تطبیقی به حل عددی جریان سطح آزاد پرداختند و روش جدیدی را برای پیش‌بینی دقیق سطح آزاد ارائه کردند. مطالعات وسیعی در سال‌های اخیر در زمینه هیدروفویل‌ها انجام شده است. Carcaterra et al. (2005) جریان حول هیدروفویل نوسانی را به صورت تحلیلی حل کردند.

Kim and Yamato (2005) سعی کردند امواج تولیدی توسط وسایل دریایی دارای هیدروفویل را تخمین زده و در نوعی سیستم کترلی استفاده کنند.

Xie and Vassalos (2007) با استفاده از روش پتانسیل هیدروفویل سه‌بعدی را مطالعه کردند. در سال ۲۰۰۸، سادات حسینی و همکاران سطح آزاد امواج و شکست آنها و نیز جدایش ناشی از امواج را به صورت عددی شبیه‌سازی کردند. Ducoin et al. (2009) به بررسی تحقیقات عددی و تجربی در زمینه جریان بر روی هیدروفویل پرداختند و پدیده لایه مرزی، جدایش جریان، تبدیل جریان از آرام به آشفته و نیز پدیده واماندگی را تحلیل کردند. Munch et al. (2010) به بررسی اثر متقابل سیال و سازه در هیدروفویل نوسانی کاملاً غرق شده پرداختند. Zanette et al. (2010) اثر جریان عبوری از پرهای توربین آبی را بررسی کردند.

در تحقیقات انجام شده تاکنون با استفاده از روش‌های تحلیلی، عددی و تجربی، پدیده‌های مختلفی در جریان

برابر امواج دارد. بنابراین تحلیل عملکرد هیدروفویل‌ها اهمیت می‌یابد. وقتی عمق فروزنگی هیدروفویل کم شود، اثر سطح آزاد اهمیت یافته و باید در محاسبات در نظر گرفته شود. تاریخچه استفاده از هیدروفویل به سال ۱۸۹۸ باز می‌گردد. در آن سال فورلانینی در ایتالیا تلاش کرد که برای افزایش سرعت قایق از هیدروفویل‌ها استفاده کند. Guidoni (1911) نیز هیدروفویل را در وسایل پرنده دریایی جایگزین کرد. مزیت هیدروفویل تولید نیروی برا است که بر اثر حرکت نسبی بین آن و سیال لزج غیر قابل تراکم ایجاد می‌شود. به همین دلیل برای طراحی صحیح به مطالعات بیشتری نیاز است. معادلات حاکم بر این جریان‌ها در آن سال‌ها شناخته شده بود، اما پیچیدگی هندسه و نیز ویژگی‌های جریان سبب شد که این معادلات به سادگی قابل حل نباشند. لذا از مدل‌های تئوری برای شناخت بیشتر مسئله استفاده کردند. به طوری که جریان پتانسیل و نیز روش تصویر توسط Wadlin et al., Kotchin (1951), Vladimirov (1937) و Duncane and Parkin (1972), (1995) دیگران توسعه داده شد.

Bai and Han (1994) به روش المان محدود جریان را حول هیدروفویل دو بعدی در شرایط خطی و غیرخطی سطح آزاد حل کردند. Blasi et al. (2000) به مطالعه تجربی شکست امواج پشت هیدروفویل‌های غرق شده با استفاده از LDV پرداختند. Daskovsky (2000) اثر نزدیکی سطح نیروی برای تولیدی توسط هیدروفویل را به طور تجربی و نظری بررسی کرد. نتایج حاکی از آن است که کاهش نیروی برا در عمق‌های کمتر از دو برابر طول وتر هیدروفویل، نسبت به عمق‌های بیشتر محسوس است (Daskovsky, 2000).

Filippov (2001) جریان پایای عبوری از هیدروفویل را به صورت تحلیلی و با استفاده از روش اختلال^۱ حل کرد.

1. Perturbation

گسسته‌سازی شده و توسط الگوریتم فشار مبنا به روش ضمنی حل می‌شوند.

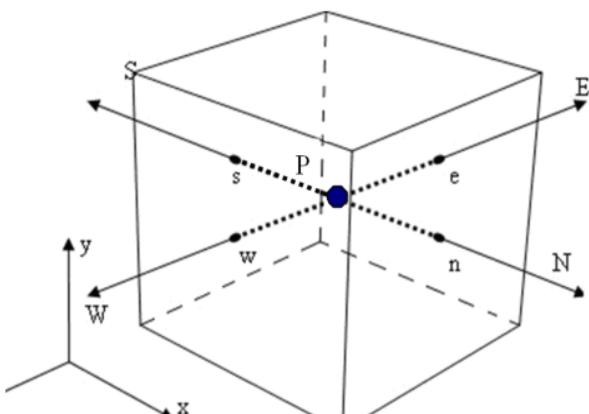
۲-۲- گسسته‌سازی

طیعت معادلات اساسی به گونه‌ای است که می‌توان با انتگرال‌گیری کلی روی حجم‌های کترل، مجھولات مسئله را به دست آورد و به تحلیل جریان پرداخت. از آنجا که در بیشتر موارد، این انتگرال‌گیری به صورت تحلیلی مشکل است، از روش عددی استفاده می‌شود. برای حل عددی به گسسته‌سازی معادلات نیاز است که با استفاده از روش حجم گسسته یا سلول‌ها تقسیم می‌شود، به طوری که تمامی متغیرها در مرکز سلول‌ها ذخیره شوند. سپس این معادلات برای تمامی حجم‌های کترل بر اساس نظریه گوس به کار گرفته می‌شود. برای هر متغیر \emptyset (که می‌تواند مؤلفه‌های سرعت باشد) شکل کلی معادلات چنین است:

$$I_e - I_w + I_n - I_s = S_\phi \delta \emptyset \quad (6)$$

که I ترکیبی از جمله جابه‌جایی^۳ و جمله نفوذ^۴ است. شار نفوذ به وسیله تفاضل مرکزی بیان می‌شود و می‌توان آن را برای سطح سلول مثل e در شکل ۱ به صورت زیر نوشت:

$$I_e^D = D_e(\phi_P - \phi_E) - S_e^\phi \quad (7)$$



شکل ۱ حجم کترل یک سلول و وجوه آن

- 2. Domain
- 3. Convection - I^C
- 4. Diffusion - I^D

حول هیدروفویل در نزدیکی سطح آب بررسی شده، اما در کارهای انجام شده کمتر به بررسی تأثیر ضخامت و انحنای هیدروفویل، فاصله آن تا سطح آزاد و سرعت جریان بر ضرایب هیدرودینامیکی با شبیه‌سازی جریان لزج و آشفته پرداخت شده است. هدف از این تحقیق، شبیه‌سازی جریان لزج و آشفته حول هیدروفویل در نزدیکی سطح آب به منظور بررسی تأثیر ضخامت، انحنای هیدروفویل، فاصله تا سطح آزاد و سرعت جریان بر پدیده‌های جریان و ضرایب هیدرودینامیکی است. همچنین تأثیر ضخامت و انحنای هیدروفویل بر موج تشکیل شده در سطح آزاد و نیز اثر آنها بر جریان پشت هیدروفویل مطالعه شده است.

۲- معادلات حاکم

۲-۱-۲- معادلات اساسی

معادلات اساسی بقای جرم، مومنتوم و اسکالار در حالت برداری و مستقل از سیستم مختصات به صورت زیر است (Javareshkian et al., 2011):

$$\frac{\partial(\rho u_j)}{\partial x_j} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial(\rho u_i u_j - T_{ij})}{\partial x_j} = S_i^u \quad (2)$$

$$\frac{\partial(\rho u_j \emptyset - q_j)}{\partial x_j} = S^\emptyset \quad (3)$$

تانسور تنش و بردار اسکالار شار^۵ بر اساس متغیرهای وابسته بیان می‌شوند. تانسور تنش برای سیال نیوتونی به شکل زیر است:

$$T_{ij} = -p \delta_{ij} + \mu \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \quad (4)$$

μ چگالی، u بردار سرعت و \emptyset نوعی متغیر مستقل اساسی (انرژی) است. \vec{q} بردار شار اسکالار است و از قانون فوریه به دست می‌آید:

$$\vec{q} = \Gamma_\emptyset \text{grad} \emptyset \quad (5)$$

معادلات (۱)، (۲) و (۳) به روش حجم محدود

- 1. Flux

است. لزجت توربولانسی (μ_t) و ترم پخش توربولانسی (Γ_ϕ^t) معادلات فوق از روابط زیر به دست می‌آیند:

$$\mu_t = C_\mu \rho \frac{k^2}{\varepsilon} \quad (12)$$

$$\Gamma_\phi^t = \left(\frac{\mu_t}{\sigma_\phi^t} \right) \quad (13)$$

مدل آشفتگی $\varepsilon - k$ به دلیل سادگی در همگرایی و پایداری خوب انتخاب شده است. در این تحقیق بیشینه زاویه حمله برابر $7/5^\circ$ درجه است و در این حالت جدایش قوی وجود نداشته و جریان، چرخشی و پیچیده نیست. به همین دلیل این مدل آشفتگی انتخاب شده است. مقایسه نتایج آزمایشگاهی و عددی نشان می‌دهد که این مدل مناسب است. از سوی دیگر مقالات دیگری هم که جریان حول هیدروفویل را به صورت عددی حل کرده‌اند به انتخاب مدل $\varepsilon - k$ تأکید داشتند (Zanette et al., 2010; Liu et al., 1994)

فازی از روش VOF استفاده شده است. در روش VOF در محل تماس دو فاز، معادله پیوستگی درصد حجمی برای یک یا هر دو فاز حل می‌شود. اگر تعداد فازها برابر باشد این معادله چنین است (اسماعیلی، ۱۳۹۰):

$$\frac{1}{\rho_q} \left[\frac{\partial}{\partial t} (\alpha_q \rho_q) + \nabla \cdot (\alpha_q \rho_q \vec{u}) \right] = S_{\alpha q} + \sum_{p=1}^n (\dot{m}_{pq} - \dot{m}_{qp}) \quad (14)$$

که در آن \dot{m}_{pq} دبی جرمی انتقال یافته از فاز p به فاز q و $S_{\alpha q}$ دبی جرمی انتقال یافته از فاز q به فاز p است. α جمله چشممه بوده و در این مسئله برابر صفر است. معادله بیانگر درصد حجمی در هر سلول از فاز q است. معادله درصد حجمی برای فاز اولیه قابل حل نیست. بنابراین درصد حجمی فاز اولیه از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\sum_{q=1}^n \alpha_q = 1 \quad (15)$$

معادله درصد حجمی را می‌توان به هر دو روش ضمنی و صریح حل کرد که در این تحقیق به روش ضمنی حل شده است.

گسسته‌سازی شار جابه‌جایی به توجه ویژه نیاز دارد و این، موضوع توسعه طرح‌های تفاضلی مختلف شده است. در مسائلی که در آن جمله جابه‌جایی وجود دارد، لازم است خاصیت مورد بررسی بر روی سطح سلول به دست آید. اما محل دخیره‌سازی کمیت‌ها بر روی سطح سلول‌ها نیست، بلکه در مرکز سلول ذخیره می‌شوند. به همین دلیل روش‌های مختلفی برای به دست آوردن مقدار خاصیت در سطح سلول وجود دارد.

شار جابه‌جایی برای سطح سلول e به شکل زیر است:

$$I_e^C = (\rho V A)_e \emptyset_e = F_e \emptyset_e \quad (8)$$

که F_e جمله جابه‌جا شده در واحد سطح سلول و \emptyset_e مقدار خاصیت در سطح سلول است که مقدار آن را با روش‌های مختلفی می‌توان به دست آورد. در این تحقیق از روش تفاضلی بالادست مرتبه دوم برای به دست آوردن جمله‌های جابه‌جایی استفاده شده است. با قرار دادن جمله نفوذ و جابه‌جایی در معادله گسسته شده، نتایج معادلات گسسته شده برای هر تقریبی به شکل زیر است:

$$a_p \emptyset_p = \sum_{m=E,W,N,S} a_m \emptyset_m + S_\emptyset^t \quad (9)$$

که a شامل ضرایب نفوذ و جابه‌جایی است (Javareshkian et al., 2011)

اکنون با گسسته‌سازی معادلات حاکم می‌توان جریان را حل کرد. در این تحقیق، معادلات حاکم به روش بالا گسسته‌سازی می‌شود. سپس بر اساس روش فشار مبنای بر پایه الگوریتم SIMPLE جریان حول بالواره حل می‌شود. مدل آشفتگی که در این تحقیق در نظر گرفته شده $\varepsilon - k$ بوده و معادلات حاکم بر آن به صورت زیر است (Javareshkian et al., 2012)

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho k) + \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\rho u_j k - \Gamma_k \frac{\partial k}{\partial x_j} \right) = G - \rho \varepsilon \quad (10)$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \varepsilon) + \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\rho u_j \varepsilon - \Gamma_\varepsilon \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right) = C_1 \frac{\varepsilon}{k} G - C_2 \rho \frac{\varepsilon}{k} \quad (11)$$

C_1 و C_2 ضرائب ثابت مدل و پارامتر G معرف تولید انرژی جنبشی اغتشاش در اثر گرادیان‌های سرعت متوسط

۳- نتایج

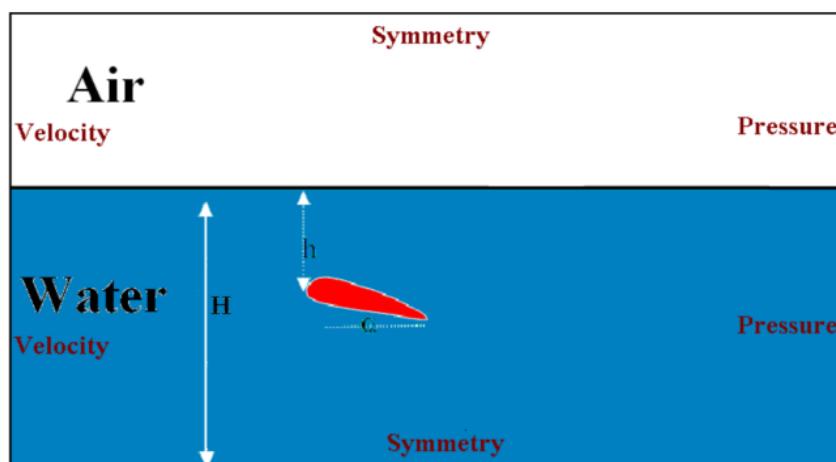
۳-۱- شبکه‌بندی و شرایط مرزی

شرط مرزی تقارنی استفاده شده است. شبکه‌ای که در اینجا استفاده شده از نوع H بوده و ابعاد حوزه حل به اندازه کافی بزرگ در نظر گرفته شده است (شکل ۳).

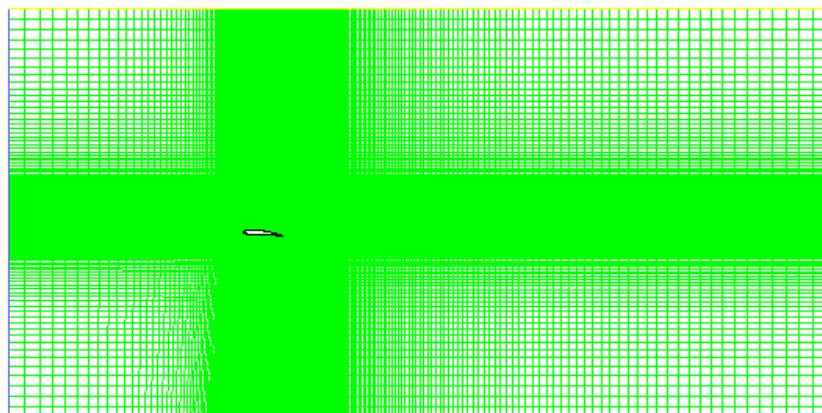
از آنجا که جریان دو فازی و در فاز آب فشار هیدرواستاتیکی نیز در نظر گرفته شده و همچنین لایه‌های بالای آب بر لایه‌های زیرین اثر دارد، این نوع شبکه‌بندی مناسب‌تر است.

همچنین در مدل‌سازی این نوع شبکه‌بندی بهتر می‌توان مناطق فاز‌های مختلف را جدا کرد و در کد عددی نیز تعریف ناحیه‌ها ساده‌تر است. البته در مقالات متعددی نیز که به بررسی پدیده‌های نزدیک سطح پرداخته‌اند از این نوع شبکه‌بندی استفاده شده است.

در این تحقیق به شبیه‌سازی هیدروفویل دو بعدی که در نزدیک سطح آب و دور از بستر حرکت می‌کند پرداخته شده است. کشش سطحی برای فصل مشترک فاز آب و هوا در نظر گرفته شده و همچنین سطح هیدروفویل صاف در نظر گرفته شده است. حوزه حل جریان در شکل ۲ نشان داده شده است. شرایط مرزی در نظر گرفته شده چنین است: سرعت در مرز ورودی برای هر دو فاز و فشار استاتیک در مرز خروجی به عنوان شرط مرزی فیزیکی در نظر گرفته شده است؛ برای فاز آب شرط فشار استاتیکی اعمال شده است؛ مرز مشترک بین دو فاز، به عنوان شرط مرزی داخل و برای سطح بالا و پایین نیز از



شکل ۲ حوزه حل و شرایط مرزی جریان



شکل ۳ نحوه شبکه‌بندی حول هیدروفویل

شود. بنابراین، جریان حول هیدروفویل NACA 4412 (Abbott and Doenhoff, 1959) برای سه شبکه مختلف حل شد. عدد فرود جریان $F_C = 1$ (طول مشخصه برابر و تر هیدروفیل است)، سرعت جریان $V = 3.13 \text{ m/s}$ ، عمق فرورفتگی $h/c = 1$ و زاویه حمله هیدروفویل برابر ۵ درجه (C_p) در نظر گرفته شده است. همان‌طور که از توزیع فشار (C_p) بر روی سطوح هیدروفویل مورد نظر در شکل ۴ دیده می‌شود، برای تعداد سلول‌ها برابر ۸۴۰۰۰ مسئله به وضعیت استقلال رسیده و با ریزتر کردن شبکه تغییر چندانی در ضریب فشار ایجاد نمی‌شود.

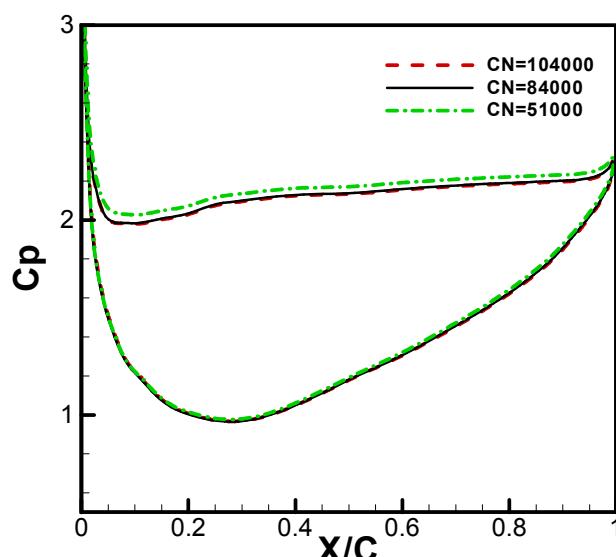
در شبیه‌سازی‌های عددی لازم است درستی حل عددی نشان داده شود. برای این منظور، نتایج ضریب برآ حول NACA 4412 با زاویه حمله ۵ درجه و $h/c = 1$ به ازای هیدروفویل در شرایط $F_C = 1$, $AOA = 5^\circ$, $C_p = 1$ با نتایج تجربی (Kouh et al. (2002) مقایسه شده است.

مقایسه نتایج تجربی (Kouh et al. (2002) و عددی در این شکل، تطابق خوبی را نشان می‌دهد. در شکل ۶ مقدار خطای نرمالیزه شده بر حسب تکرار نشان داده شده است.

با توجه به اینکه در این تحقیق شبیه‌سازی حرکت هیدروفویل در نزدیکی سطح مد نظر بوده، لذا عدد فرود اهمیت بیشتری در مقایسه با عدد رینولدز دارد و به همین دلیل عدد بدون بعد فرود مبنای شبیه‌سازی بوده است. اما اگر عمق غوطه‌وری طوری افزایش یابد که تأثیر سطح آزاد از بین برود، در این صورت عدد رینولدز اهمیت بیشتری می‌یابد. نکته حائز اهمیت دیگر آن است که به دلیل استفاده از هیدروفویل‌های استاندارد در این تحقیق و این که در این هیدروفویل‌ها همه پارامترها از جمله ضخامت و خمیدگی با طول و تر هیدروفویل، بی‌بعد می‌شوند، لذا طول و تر هیدروفویل به عنوان پارامتر معنادار بوده و مبنایی برای بی‌بعدسازی قرار گرفته است. از سوی دیگر، در بیشتر مقالات، ضریب عمق غوطه‌وری بی‌بعد شده بر حسب طول و تر هیدروفویل (h/c) به عنوان پارامتر، بررسی شده است، بنابراین به منظور اعتبارسنجی در این تحقیق، بی‌بعد سازی فاصله، با این پارامتر انجام شده است (Kouh, 2002; Xie et al., 2007).

۲-۳- نتایج و بحث

برای شبیه‌سازی عددی لازم است استقلال از شبکه بررسی



شکل ۴ نمودار توزیع ضریب فشار حول هیدروفویل NACA4412 به ازای شبکه‌های مختلف

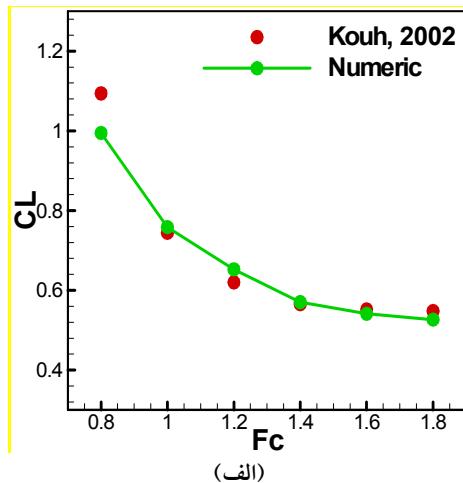
خطا از روابط زیر به دست آمده است:

$$R = \sum_{i=1}^m \left[(a_p - S_p) \phi_p - \sum_{n=1}^k a_{nb} \phi_{nb} - S_u \right]_i \phi \\ = F_{inlet} \phi_{inlet} \\ \left| \frac{R}{\phi} \right| < \lambda, \quad \lambda \approx 10^{-3} \quad (16)$$

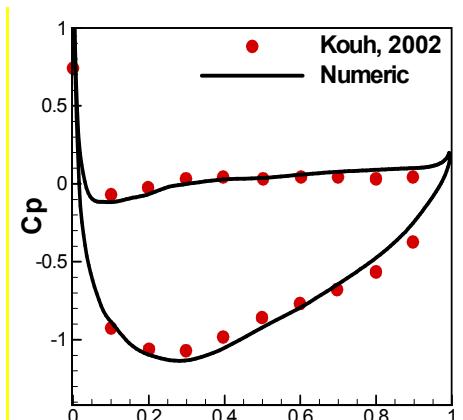
اکنون با اطمینان یافتن از درستی حل عددی می‌توان به بررسی پارامترهای مورد نظر پرداخت. شکل ۷ نمودار توزیع ضربی فشار را روی سطح چند هیدروفویل نشان می‌دهد. در آغاز اثر ضخامت هیدروفویل بررسی شده است. همان‌طور که دیده می‌شود، با افزایش ضخامت هیدروفویل فشار در سطح بالا و پایین آن کاهش می‌یابد، اما کاهش فشار در سطح بالا بیشتر بوده و به همین دلیل نیروی برا افزایش یافته است. ضربی برا و پسا و نسبت برا به پسا در جدول ۱ نشان داده شده است. همان‌طور که این جدول نشان می‌دهد با افزایش ضخامت، نیروی پسا زیاد می‌شود، اما نسبت نیروی برا به پسا کاهش می‌یابد.

جدول ۱ بررسی اثر ضخامت هیدروفویل بر ضربی برا و پسا و نسبت برا به پسا

$h/c=0.7$, AOA=5, $Fc=1$	CL	CD	CL/CD
NACA0009	0.368	0.0652	5.656
NACA 0012	0.376	0.0783	4.813
NACA 0015	0.378	0.0931	4.060

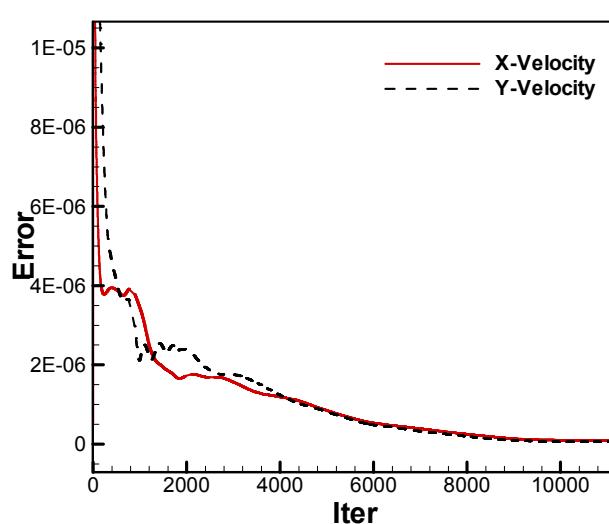


(الف)



(ب)

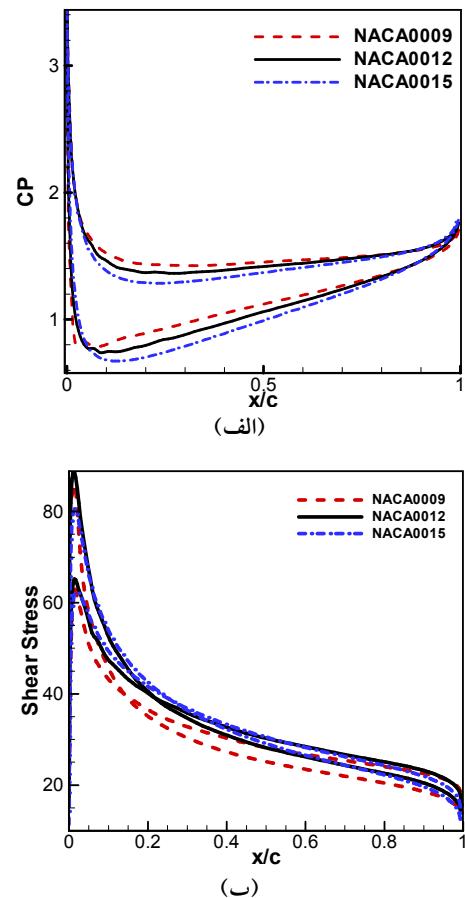
شکل ۵ مقایسه حل عددی حاضر با نتایج تجربی (Kouh, 2002)



شکل ۶ نمودار خطای نرمال شده بر حسب تکرار حل عددی

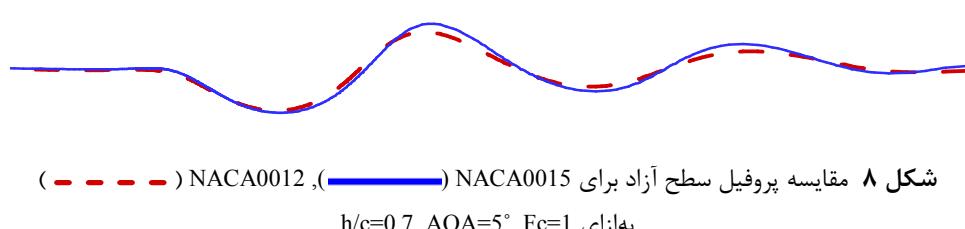
بر روی سطح هیدروفویل بیشتر باشد امواج متشر شده قوی‌تر بوده و سبب تغییر شکل بیشتر در سطح می‌شوند. به همین علت با افزایش ضخامت هیدروفویل موج ایجاد شده در سطح آب قوی‌تر می‌شود. شکل ۹ تأثیر ضخامت هیدروفویل بر پروفیل سرعت پشت آن را نشان می‌دهد. با افزایش ضخامت هیدروفویل گردابه‌های ایجاد شده در پشت آن قوی‌تر شده و این، به افزایش نیروی پسا بهازای ضخامت بیشتر هیدروفویل منجر می‌شود. نکته جالب آن است که نوع هیدروفویل غوطه‌ور در زیر آب بر جریان هوای آزاد نیز تأثیر می‌گذارد و پروفیل لایه مرزی تشکیل شده بر روی سطح آب تحت تأثیر آن قرار می‌گیرد. به طوری که با افزایش ضخامت هیدروفویل، گرادیان سرعت در لایه مرزی کمتر و تنش برشی بر روی سطح کمتر می‌شود. بنابراین موج ایجاد شده بر روی سطح آب با افزایش ضخامت قوی‌تر می‌شود.

شکل ۱۰ نمودار توزیع فشار بر روی سطح هیدروفویل را برای انحنای‌های مختلف نشان می‌دهد. دیده می‌شود که با افزایش انحنا، فشار در سطح بالا کاهش و در سطح پایین افزایش و در نتیجه نیروی برا افزایش می‌یابد. نیروی پسا نیز با افزایش انحنا روندی افزایشی دارد، اما مقدار افزایش در نیروی برا بیشتر بوده و این موجب می‌شود که روند تغییر نسبت برا به پسا افزایش یابد. وقتی انhani هیدروفویل زیاد می‌شود، سرعت در سطح بالا افزایش یافته و موجب کاهش فشار در آن ناحیه می‌شود. از طرفی با افزایش انحنا، سیال عبوری از سطح زیرین با مانع بزرگتری در تماس است که این موجب افزایش فشار و نیروی پسا خواهد شد. شکل ۱۱ پروفیل موج‌دار سطح آزاد را نشان می‌دهد.

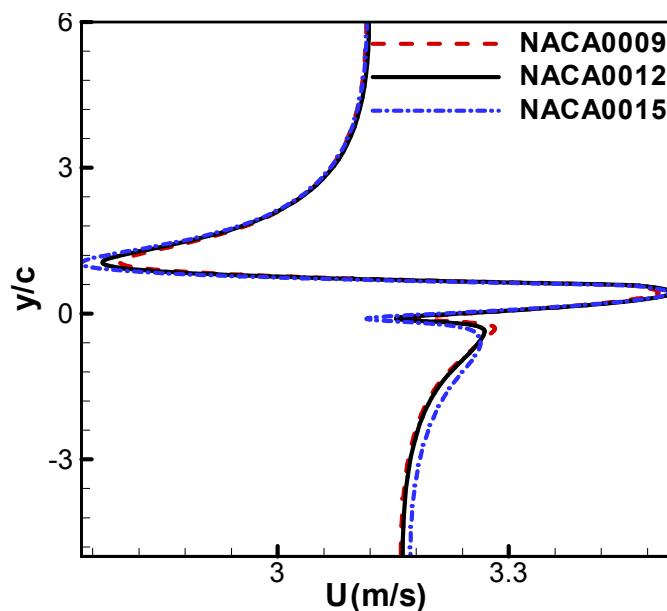


شکل ۷ مقایسه هیدروفویل‌های NACA0009, 0012, 0015
بهازای $h/c=0.7$, $AOA=5^\circ$, $Fc=1$

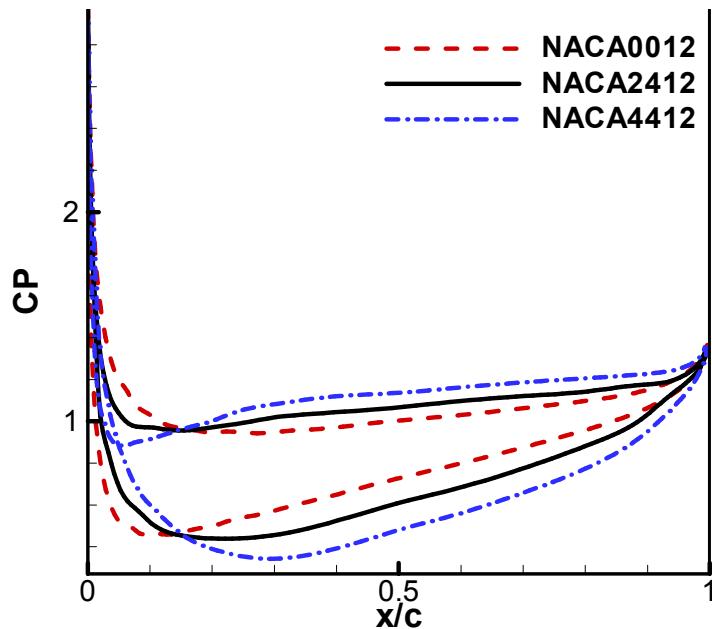
همین رفتار بین هیدروفویل‌های با انحنای‌های متفاوت نیز دیده می‌شود. شکل ۸ پروفیل سطح آزاد را برای دو هیدروفویل نشان می‌دهد و مشاهده می‌شود که هر چه ضخامت هیدروفویل بیشتر باشد، دامنه موج ایجاد شده بزرگتر می‌شود، زیرا با افزایش ضخامت، فشار در سطح بالایی هیدروفویل کاهش بیشتری یافته و تغییر فشار در این سطح بیشتر خواهد شد. این تغییر فشار سبب انتشار امواجی در داخل آب می‌شود که به سطح آب رسیده و سبب تغییر شکل سطح آب می‌شود. هر چه گرادیان فشار



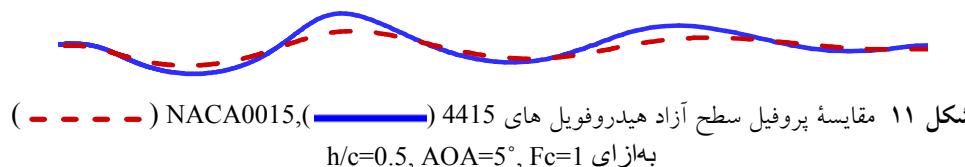
شکل ۸ مقایسه پروفیل سطح آزاد برای NACA0012, (—) NACA0015
بهازای $h/c=0.7$, $AOA=5^\circ$, $Fc=1$



شکل ۹ پروفیل سرعت در فاصله $x=2c$ در پشت هیدروفویل به ازای $h/c=0.7$, $AOA=5^\circ$, $Fc=1$



شکل ۱۰ مقایسه هیدروفویل‌های NACA0012, 2412, 4412 به ازای $h/c=0.5$, $AOA=5^\circ$, $Fc=1$



شکل ۱۱ مقایسه پروفیل سطح آزاد هیدروفویل‌های NACA0015, (—) 4415 به ازای $h/c=0.5$, $AOA=5^\circ$, $Fc=1$

همچنین با افزایش انحنای هیدروفویل گرادیان سرعت در پروفیل لایه مرزی زیر سطح آب روندی کاهشی دارد و در نتیجه، تنفس برشی آب نیز کاهش می‌یابد. به همین دلیل با افزایش انحنای هیدروفویل، امواج سطح آزاد دامنه بزرگتری دارد.

شکل‌های ۱۳ و ۱۴ لزجت آشفتگی حول هیدروفویل‌های ۰۰۱۲ و ۴۴۱۲ را نشان می‌دهد. همان‌طور که پیشتر نشان داده شده، با افزایش انحنای هیدروفویل امواج سطحی قوی‌تری تشکیل می‌شوند. این شکل‌ها همچنین نشان می‌دهند که با افزایش انحنای لزجت آشفتگی حول هیدروفویل بیشتر شده است. جدول ۳ نشان دهنده درصد تغییر ضرایب هیدرودینامیکی بر اثر انحنای است. نکته قابل توجه آن است که با افزایش انحنای، بهازای ضخامت کمتر، نسبت برا به پسا رشد بیشتری دارد، هر چند ضریب برا و پسا تغییر کمتری دارد.

جدول ۳ درصد تغییر ضرایب برا، پسا و نسبت آنها

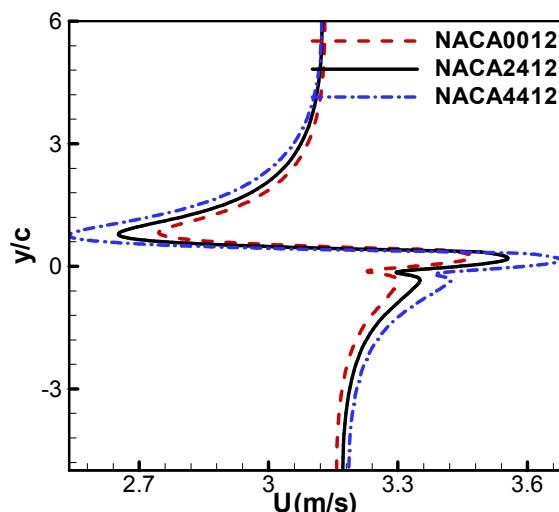
$h/c=1, Fe=1, AOA=5^\circ$	CL%	CD%	CL/CD%
NACA 0012-4412	۵۸/۶۸	۲۸	۲۳/۹
NACA 0015-4415	۵۹/۸۸	۳۱	۲۱/۹۶

مقادیر ضرایب برا، پسا و نسبت برا به پسا به‌ازای انحنای مختلف در جدول ۲ نشان داده شده است.

جدول ۲ بررسی اثر انحنای هیدروفویل بر ضرایب برا و پسا نسبت برا به پسا

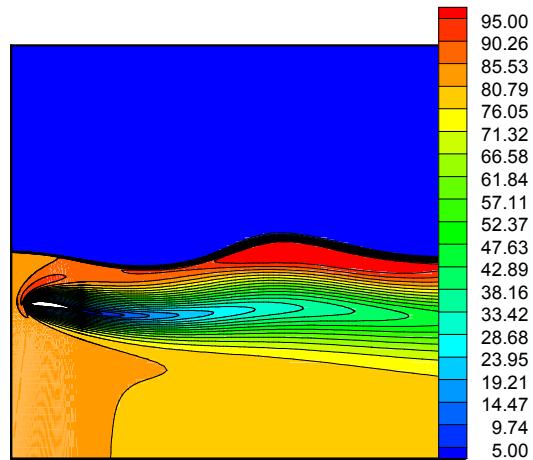
$h/c=0.5, AOA=5, Fe=1$	CL	CD	CL/CD
NACA0012	۰/۲۹۴	۰/۰۲۷۲	۴/۰۴۶
NACA 2412	۰/۳۷۴	۰/۰۸۰۷	۴/۶۳۰
NACA 4412	۰/۴۷۲	۰/۰۹۹۲	۴/۷۵۸

مشاهده می‌شود که با افزایش انحنای دامنه موج بزرگتر می‌شود. شکل ۱۲ تأثیر انحنای هیدروفویل بر پروفیل سرعت در پشت آن را نشان می‌دهد. این شکل نشان می‌دهد که با افزایش انحنای هیدروفویل، تغییر سرعت در پشت هیدروفویل بیشتر شده، به‌طوری که دنباله^۱ قوی‌تری در پشت هیدروفویل ایجاد شده و به افزایش نیروی پسا در اثر افزایش انحنای هیدروفویل منجر می‌شود. نکته جالب آن است که با افزایش انحنای هیدروفویل نیز پروفیل لایه مرزی هوا تشکیل شده بر روی سطح آب تحت تأثیر قرار می‌گیرد، به‌طوری که با افزایش انحنای هیدروفویل، گرادیان سرعت در پروفیل لایه مرزی کاهش می‌یابد.

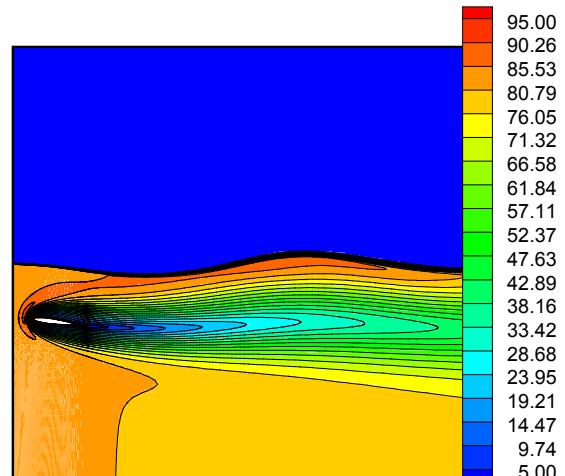
شکل ۱۲ تأثیر انحنای هیدروفویل بر پروفیل سرعت در پشت آن در $x/c=2$ به‌ازای $y/c=2$ در $h/c=0.5, AOA=5^\circ, Fe=1$

در این تحقیق اثر عمق فرورفتگی هیدروفویل بهازای $h/c=0.5, 0.7, 1$ بررسی شده است. علت این که عمق نسبی بین نصف کورد تا ۱ کورد ($h/c=0.5-1$) انتخاب شده، آن است که در این فاصله، اثر حرکت هیدروفویل و تشکیل موج بر روی سطح آزاد آب بیشتر بوده و امواج تشکیل شده در این فاصله را بهتر می‌توان مطالعه کرد. البته هر چه عمق بیشتر شود اثر سطح کمتر می‌شود، به طوری که بهازای عمق غوطه‌وری بیشتر از $h/c=4$ اثر سطح دیگر معنا ندارد و امواجی بر روی سطح آب تشکیل نمی‌شود و در نتیجه شرایط مدل‌سازی متفاوت خواهد بود. در شکل ۱۵ موج ایجاد شده بر روی سطح آزاد آب بهازای $h/c=0.5, 4$ مقایسه شده است. همان‌طور که از شکل می‌توان دریافت بهازای عمق $h/c=4$ اثر سطح دیگر معنا ندارد و حرکت هیدروفویل باعث ایجاد موجی در سطح آزاد نمی‌شود. لذا محدوده اثر عدد فرود را می‌توان تا عمق غوطه‌وری $h/c=4$ در نظر گرفت، برای عمق‌های بیشتر، اثر عدد رینولدز غالب است.

شکل ۱۶ منحنی توزیع فشار بر روی سطوح هیدروفویل NACA 0015 را بهازای عمق‌های مختلف فرورفتگی نشان می‌دهد. هر چه عمق فرورفتگی هیدروفویل بیشتر باشد، فشار بر روی سطوح بیشتر افزایش می‌یابد. با افزایش عمق فرورفتگی، اختلاف فشار بین سطح بالا و پایین هیدروفویل نیز بیشتر می‌شود. جدول ۴ ضرایب برا و پسا و نسبت برا به پسا را نشان می‌دهد.



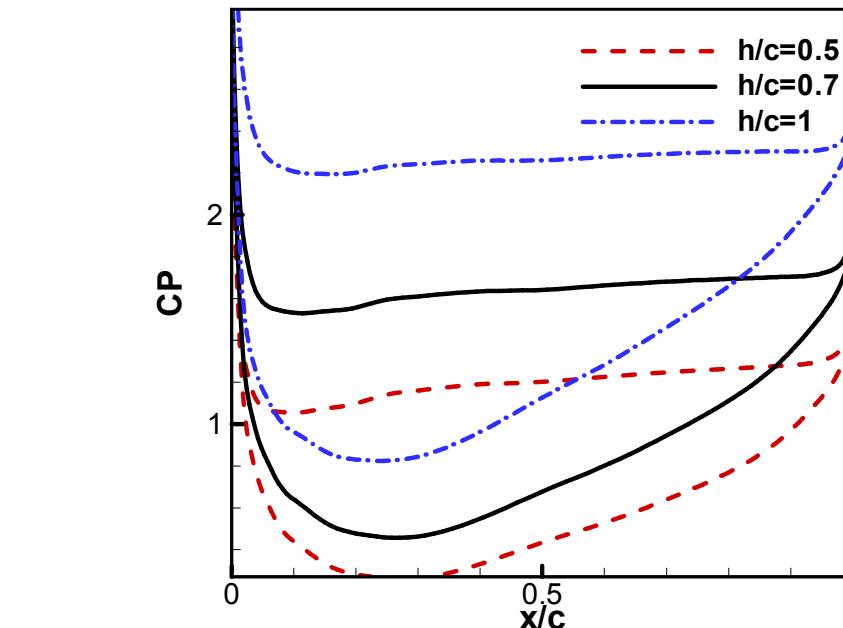
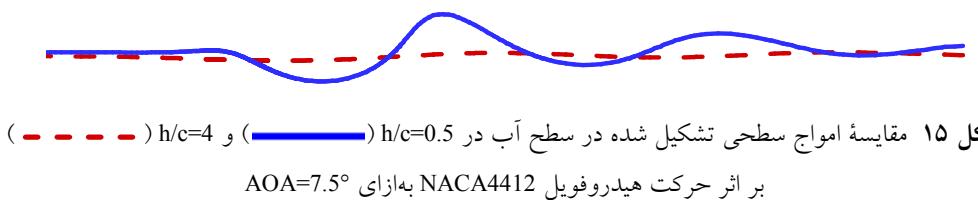
شکل ۱۳ لزجت آشفتگی حول هیدروفویل NACA4412 در $h/c=1$, $AOA=7.5$



شکل ۱۴ لزجت آشفتگی حول هیدروفویل NACA0012 در $h/c=1$, $AOA=7.5$

جدول ۴ بررسی اثر عمق فرورفتگی هیدروفویل بر ضرایب برا و پسا و نسبت برا به پسا

$AOA=7.5^\circ$, $Fe=1$	h/c	CL	CD	CL/CD
NACA 0012	0/5	0/473511	0/09419	0/42136
	0/7	5/120229	0/1048	0/5366
	1	5/895668	0/1131	0/6668
NACA 4412	0/5	4/869193	0/12614	0/6142
	0/7	5/565813	0/14298	0/7958
	1	6/52091	0/15041	0/98081

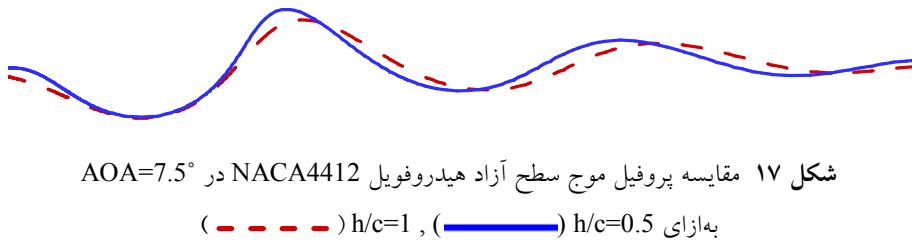


شکل ۱۶ مقایسه اثر فاصله از سطح آزاد برای هیدروفولیل NACA4412 به‌ازای $AOA=7.5^{\circ}$

اما هر چه عمق غوطه‌وری افزایش یابد، استهلاک بیشتر این امواج در رسیدن به سطح آزاد مایع افزایش یافته و در نتیجه موج تشکیل شده در سطح آزاد ضعیفتر خواهد بود (شکل ۱۷). همان‌طور که پیشتر بیان شد با افزایش عمق غوطه‌وری گرادیان فشار در سطح فوقانی هیدروفولیل بیشتر می‌شود و امواج منتشر شده بر اثر این تغییرات قدرت بیشتری دارند؛ اما چون عمق غوطه‌وری بیشتر است، بخش بزرگی از قدرت امواج مستهلاک می‌شود و هنگامی که این امواج به سطح آزاد می‌رسند، قدرت کمتری دارند. اما هنگامی که هیدروفولیل در نزدیکی سطح آزاد قرار می‌گیرد انرژی کمتری در آب مستهلاک شده و این امواج با قدرت بیشتری به سطح آزاد می‌رسند.

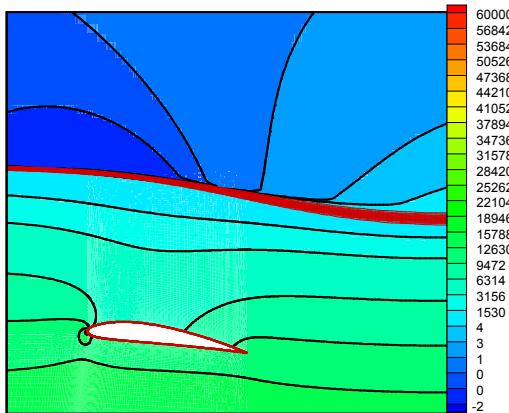
همان‌طور که این جدول نشان می‌دهد با افزایش عمق غوطه‌وری ضرایب برا و پسا افزایش می‌یابند. همچنین نسبت برا به پسا روندی رو به رشد دارد.

توزيع ضریب فشار بر روی هیدروفولیل برای مقادیر مختلف h/c در شکل ۱۶ نشان می‌دهد که با افزایش عمق غوطه‌وری فشار در سطح بالایی هیدروفولیل تغییرات زیادی دارد. به بیان دیگر هر چه عمق غوطه‌وری افزایش یابد، شب تغییر ضریب فشار بیشتر می‌شود. علت این امر را می‌توان اثر سطح آزاد دانست. بر اثر این تغییر فشار، امواجی در داخل آب منتشر می‌شود. قدرت این امواج به تغییر فشار در سطح هیدروفولیل بستگی دارد و هر چه تغییر فشار در سطح هیدروفولیل بیشتر باشد، امواج قوی‌تری از سطح آب به سطح آزاد سیال منتشر می‌شود،



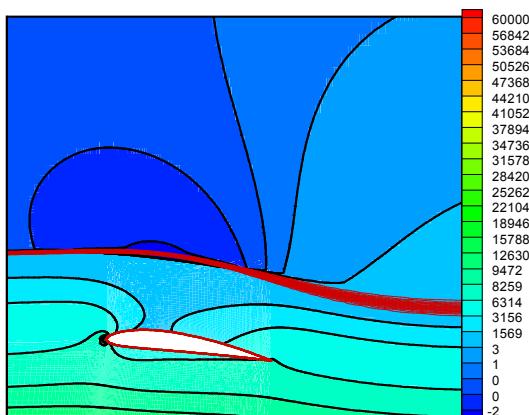
شکل ۱۷ مقایسه پروفیل موج سطح آزاد هیدروفویل NACA4412 در ۷.۵°

بر روی سطح آزاد منجر می‌شود. بنابراین هر چه هیدروفویل به سطح آزاد نزدیک‌تر شود، تنش برشی بر روی سطح آزاد کاهش یافته و این موجب شکست امواج می‌شود. در شکل ۲۱ تأثیر زاویه حمله بررسی شده است.



شکل ۱۸ منحنی‌های هم‌تراز فشار استاتیکی حول هیدروفویل

$h/c=1$, $AOA=7.5^\circ$, $Fc=1$ در NACA4412



شکل ۱۹ منحنی‌های هم‌تراز فشار استاتیکی حول هیدروفویل

$h/c=0.5$, $AOA=7.5^\circ$, $Fc=1$ در NACA4412

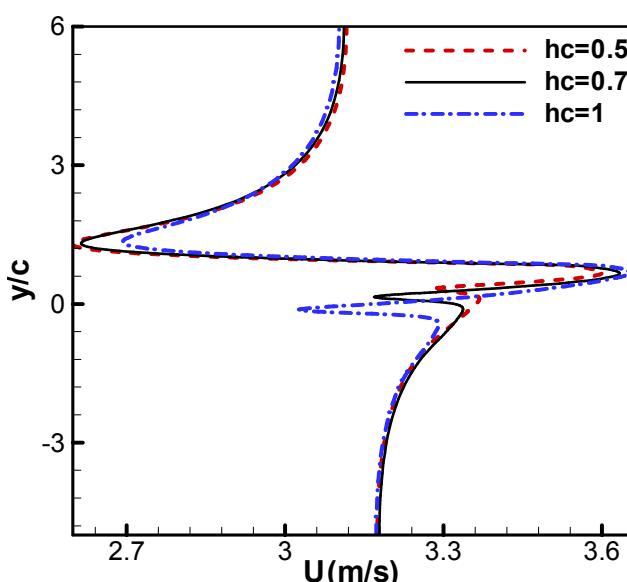
به همین دلیل هر چه عمق غوطه‌وری کمتر باشد موج تشکیل شده در سطح آزاد تغییر بیشتری دارد. از آنجا که بهازای عمق غوطه‌وری کمتر موج ایجاد شده در سطح آزاد قوس بیشتری دارد، سیال زیرین بیشتر محبوس می‌شود و فشار افزایش می‌یابد. این افزایش فشار بر فشار روی سطح فوقانی هیدروفویل تأثیر می‌گذارد و سبب افزایش فشار در آن می‌شود. اما هر چه عمق غوطه‌وری بیشتر شود موج ایجاد شده در سطح آزاد قوس کمتری داشته و حبس سیال کمتر بوده و فشار افزایش کمتری دارد. به همین دلیل با افزایش عمق غوطه‌وری نیروی برا افزایش می‌یابد. شکل‌های ۱۸ و ۱۹ به ترتیب، توزیع فشار استاتیکی حول هیدروفویل NACA4412 را در $h/c=1$ و $h/c=0.5$ نشان می‌دهد. در این شکل‌ها به خوبی می‌توان روند تغییر فشار را ملاحظه کرد.

در شکل ۲۰ پروفیل سرعت در پشت هیدروفویل بهازای عمق‌های مختلف غوطه‌وری نشان داده شده است. با افزایش عمق غوطه‌وری دنباله ایجاد شده در پشت هیدروفویل قوی‌تر شده و در نتیجه نیروی پسا با افزایش عمق غوطه‌وری افزایش می‌یابد. از سوی دیگر با افزایش عمق غوطه‌وری فاصله هیدروفویل از سطح آزاد افزایش یافته و حرکت هیدروفویل تأثیر کمتری بر جریان سطح آزاد می‌گذارد. به همین دلیل پروفیل لایه مرزی هوا در سطح آزاد با افزایش عمق غوطه‌وری هیدروفویل رشد کمتری دارد. از سوی دیگر هرچه هیدروفویل به سطح آزاد نزدیک‌تر می‌شود، $\partial u / \partial y$ در لایه مرزی تشکیل شده بر روی سطح آزاد کمتر شده و این به کاهش تنش برشی

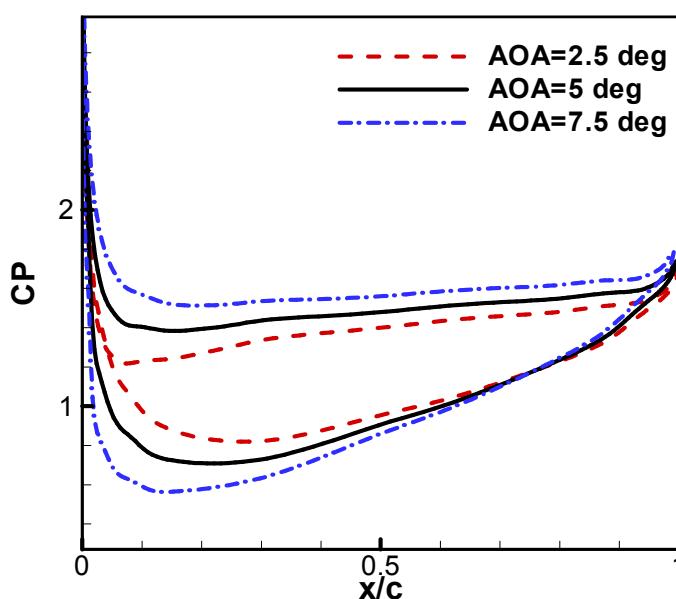
جدول ۵ تأثیر تغییر زاویه حمله بر ضرایب هیدرودینامیکی
 $h/c=0.7$, $Fc=1$ NACA2412 در هیدروفویل

AOA	CL	CD	CL/CD
۲/۵	۴/۴۸۶۷۸۴	۰/۰۶۹۹۹	۰/۳۱۴۰۳
۵	۵/۴۶۳۵۴۲	۰/۰۸۷۹۱	۰/۴۸۰۳
۷/۵	۵/۵۲۴۳۱۴	۰/۱۱۷۰۱	۰/۶۴۶۴

این شکل نشان می‌دهد که با افزایش زاویه حمله، فشار در سطح بالای هیدروفویل کاهش و در سطح پایین آن افزایش می‌یابد که در نتیجه سبب افزایش برا و پسا می‌شود. ضرایب هیدرودینامیکی و نسبت برا به پسا در جدول ۵ آورده شده است. شکل ۲۲ توزیع فشار و جدول ۶ ضرایب هیدرودینامیکی بر هیدروفویل 12 NACA4412 را به ازای سرعت‌های مختلف نشان می‌دهد.



شکل ۲۰ تأثیر عمق غوطه‌وری بر پروفیل سرعت در پشت هیدروفویل NACA4412 به ازای $Fc=1$, $AOA=7.5$, $x/c=2$



شکل ۲۱ مقایسه اثر زاویه حمله هیدروفویل NACA2412 به ازای $Fc=1$, $h/c=0.7$

برا به پسا روندی کاهشی دارد. از سوی دیگر با افزایش انحنای هر چند ضریب برا و پسا افزایش می‌یابد، اما نسبت برا به پسا نیز روندی صعودی دارد. لذا در انتخاب مقطع مناسب برای هیدروفویل‌ها، هر چه ضخامت کمتر و انحنای بیشتر باشد، کارایی هیدرودینامیکی بیشتر است. همچنین با افزایش عمق فرورویی ضریب برا و پسا روندی افزایشی و نسبت برا به پسا نیز روندی افزایشی دارد. با افزایش سرعت، ضرایب برا و پسا کاهش می‌یابد و در مجموع نسبت برا به پسا نیز کوچک می‌شود.

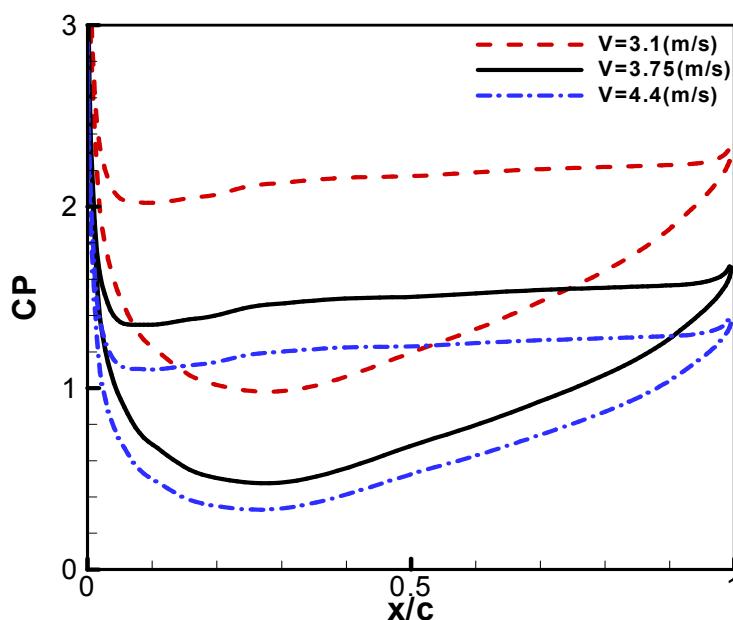
این شکل نشان می‌دهد که با افزایش سرعت، فشار کاهش می‌یابد. اما کاهش فشار در سطح پایین، افت بیشتری داشته و موجب کاهش ضرایب برا می‌شود. همچنین ضریب پسا نیز روندی نزولی داشته و در مجموع نسبت برا به پسا کاهشی خواهد بود (جدول ۶).

۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق تأثیر ضخامت و انحنای هیدروفویل و اثر عمق فرورفتگی آن در آب و نیز تأثیر سرعت مطالعه شده است. نکته قابل توجه آن است که با افزایش ضخامت هیدروفویل، ضرایب برا و پسا بزرگتر می‌شوند، اما نسبت

جدول ۶ بررسی اثر سرعت بر ضرایب برا و پسا و نسبت برا به پسا

$h/c=1$, AOA=5°	Velocity (m/s)	CL	CD	CL/CD
NACA 4412	1/25	1/875	0/1465	12/79863
	2/2	1/1538	0/13305	8/671928
	3/1	0/7585	0/11334	6/692253
	3/75	0/6527	0/09982	6/53877
	4/4	0/5708	0/0863	6/614137
	5	0/5412	0/09102	5/945946



شکل ۲۲ مقایسه اثر سرعت جریان حول هیدروفویل NACA4412 به ازای $h/c=1$, AOA=5°

۵- فهرست علائم

ρ	چگالی		
ϕ	متغیر مستقل اساسی	A	سطح سلول
		AOA	زاویه حمله
		c	طول وتر
		C_1	ضریب ثابت مدل
		C_2	ضریب ثابت مدل
		CD	ضریب پسا
		CL	ضریب برا
		D	نیروی پسا
		F	شار
		F_c	عدد فرود
		G	تولید انرژی جنبشی اغتشاش
		h	عمق فروروی
		I^D	شار نفوذ
		I^c	شار جابه‌جایی
		k	انرژی جنبشی آشفتگی
		L	نیروی برا
		m	دبی جرمی
		P	فاز اول
		p	فشار
		q	فاز دوم
		\vec{q}	بردار شار اسکالر
		Re	عدد رینولدز
		\vec{S}	جمله چشمی
		\vec{T}	تانسور تنش
		x	مختصات افقی
		y	مختصات عمودی
		u	بردار سرعت
		Γ	ضریب پخش
		Γ_ϕ^t	ترم پخش توربولان
		α	درصد حجمی
		δv	حجم سلول
		ε	نرخ استهلاک آشفتگی
		θ	زاویه (درجه)
		μ	لزجت
		μ	لزجت توربولانسی

- Liu H. and Ikehata M. (1994). "Computation of free surface waves around an arbitrary body by a Navier-Stokes solver using the psuedocompressibility technique", International Journal for Numerical Methods in Fluids, Vol. 19, pp. 395-413.
- Munch C., Ausoni P., Braun O., Farhat M. and Avellan F. (2010). "Fluid-structure coupling for an oscillating hydrofoil", Journal of Fluid and Structure, Vol. 26, pp. 1018-1033.
- Parkin B. R., Perry B. and Wu T. Y. (1956). "Pressure distribution on a hydrofoil running near the water surface", Journal of Applied Physics, Vol. 27, pp. 232-240.
- Rhee S. H., Kim S. E., Ahn H., Oh J. and Kim H. (2003). "Analysis of a jet-controlled high-lift hydrofoil with a flap", Journal of Ocean Engineering, Vol. 30, pp. 2117-2136.
- Xie N. and Vassalos D. (2007). "Performance analysis of 3D hydrofoil under free surface", Journal of Ocean Engineering, Vol. 34, pp. 1257-1264.
- Sadathosseini S. H., Mousaviraad S. M., Firoozabadi B. and Ahmadi G. (2008). "Numerical simulation of free-surface waves and wave induced separation", Journal of Scientia Iranica, Sharif University of Technology, Vol. 15, No. 3, pp. 323-331.
- Zanette J., Imbault D. and Tourabi A. (2010). "A design methodology for cross flow water turbines", Journal of Renewable Energy, Vol. 35, pp. 997-1009.
- International Journal of Aerodynamics, Vol. 2, pp.66-92.
- Ducoin A., Jacques A., Astolfi A., François D. and François S. J. (2009). "Computational and experimental investigation of flow over a transient pitching hydrofoil", European Journal of Mechanics B/Fluids , Vol. 28, pp. 728-743.
- Filippov S. I. (2001). "Flow past a submerged hydrofoil", Journal of Fluid Dynamics, Vol. 36, No. 3, pp. 489-496.
- Guidoni A. (1928). "Seaplanes - Fifteen years of national aviation", Journal R.A.S., Vol. 32, No. 205, pp. 25-64.
- Hay A. and Visonneau M. (2005). "Computation of free-surface flows with local mesh adaptation", International Journal for Numerical Methods in fluids, Vol. 49, pp. 785-816.
- Javarehkian M., Esmaeili A. and Parsani A. (2011). "Aerodynamics of smart flap under ground effect", J. of Aerospace Science and Technology, Vol. 15, pp. 642-652.
- Kim S. H. and Yamato H. (2005). "The estimation of wave elevation and wave disturbance caused by the wave orbital motion of a fully submerged hydrofoil craft", Journal of Marine Science Technology, Vol. 10, pp. 22-31.
- Kouh J. S., Lin T. J. and Chau S. W. (2002). "Performance analysis of two-dimensional hydrofoil under free surface", Journal of National Taiwan University, Vol. 86, pp. 113-123.