



بیست و یکمین همایش سالانه بین المللی مهندسی مکانیک
دانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی
۱۴۹۲ اردیبهشت

21th Annual International Conference on Mechanical Engineering
Faculty of Mechanical Engineering K.N.Toosi University of Technology
7-9 May 2013



کوایی ارائه مقاله

بدینویسید کوایی می شود مقاله

بررسی تأثیر روش انفجاری بر ترشی پلی‌پامد ناٹی از جو شکاری به روش تحلیل اکزری
نگارش:

سید حمایی، مجتبی ماموریان، همناز خسروجردی

در بیست و یکمین همایش سالانه بین المللی مهندسی مکانیک که در تاریخ ۱۷ اردیبهشت ۱۳۹۲ به منیزبانی و انتشاره
صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی و با همکاری کروه پناپرکزار گردید، ارائه شده است.

دکتر میدعی اکبر موسویان

دبیر کمیته علمی

دکتر علی عطائی

دبیر همایش

بررسی تاثیر روش انفجاری بر تنش‌های پسماند ناشی از جوشکاری به روشن تحلیل اگزرژی^۱

سعید حنایی^۱، مجتبی ماموریان^۲، مهناز خسروجردی^۳

^۱کارشناسی ارشد تبدیل انرژی، مشهد، دانشگاه فردوسی؛

استادیار، مشهد، دانشگاه فردوسی؛

^۲کارشناسی اتمومکانیک، مشهد، دانشگاه خیام؛

^۳کارشناسی ارشد تولید انرژی، با عنوان تولید انتروپی بی بعد شده میزان تاثیرگذاری روش انفجاری بر این پارامتر در دو سرعت متفاوت و برای فواصل مختلفی از دیتونیتر بررسی گردیده است. که در آن تغییرات انتروپی در اثر فرآیند جوشکاری به صورت محلی^۱ بیان شده است. از آنجا که این پارامتر از تولید انتروپی و کل اگزرژی ورودی تشکیل یافته است، به عنوان معیاری از میزان تولید انتروپی در قبال انرژی مصرف شده مورد استفاده قرار می‌گیرد. از طرفی تنش‌های پسماند جوشکاری که نوعی بازگشت‌ناپذیری محسوب می‌گردد، با تولید انتروپی همراه خواهد بود بنابراین پارامتر مورد بحث می‌تواند معیاری از میزان تنش‌های پسماند در ازای مصرف مقدار مشخصی از انرژی محسوب گردد. نتایج حاصله نشان می‌دهد با افزایش فاصله عرضی دیتونیتر، میزان تولید انتروپی بی بعد شده افزایش یافته که نشان از افزایش تنش‌های پسماند جوشکاری می‌باشد لذا فاصله کمتری از دیتونیتر برای کاهش تنش‌ها توصیه می‌گردد. در این تحقیق با به کارگیری مدل شار حرارتی سگرلیند تاثیرات سرعت بر توزیع دمای جوش وارد روابط شده که نشان می‌دهد افزایش سرعت سبب کاهش انتروپی بی بعد شده می‌گردد. تطابق نتایج حاصله با داده‌های موجود، نشان از قابلیت بالای پارامتر تولید انتروپی بی بعد شده در راستای بررسی کیفیت جوش دارد.

چکیده

است که عبارتست از افزایش استحکام فلز با استفاده از تغییر شکل پلاستیک^[۱]. این افزایش استحکام در اثر حرکات نابهجه‌ای‌ها داخل ساختار کربیستال ماده است. شوک‌های موجی که توسط انفجار ایجاد گردیده، در راستای افزایش سختی فلزات به کار گرفته شده که در واقع از تغییر شکل‌های پلاستیک در نزد بالایی از کرنش استفاده گردیده شده است. هنگامی که دیتونیترها مشتعل می‌شوند، موج‌های فشاری تولید شده سبب کاهش قسمتی از تنش‌های اولیه می‌گردد^[۲]. تحقیقات عددی و تجربی متعددی در جهت نشان دادن میزان تاثیر استفاده از موج‌های فشاری برای کاهش تنش‌های پسماند ارائه گردیده است؛ از جمله ژانگ و همکاران (۲۰۰۵) مکانیزم انجام عملیات انفجاری، چگونگی تشکیل موج‌های انفجاری و تاثیر آن بر تنش‌های پسماند را مورد مطالعه قرار دادند^[۳]. کای-زین و همکاران (۲۰۰۵) ضمن بررسی تاثیر فرآیند انفجاری بر میزان تنش‌های پسماند جوشکاری، برخی پارامترهای بهینه در این روش را تعیین کردند^[۴]. گارسیا-جاکومینو و همکاران (۲۰۰۹) هندسه‌های مختلفی از بارگذاری انفجاری در نواحی حرارتی جوش را مورد مطالعه قرار دادند که شامل بارگذاری خطی و سینوسی می‌باشد. نتایج آن نشان داد که کاهش تنش‌های پسماند جوش از ۵۰ تا ۶۰ درصد قابل کاهش است^[۵]. لیو و همکاران (۲۰۱۱) تاثیر متدهای بحث را بر کاهش تنش‌های پسماند جوشکاری فولادهای هدفیلد را بررسی کردند و تفاوت رفتارهای استاتیک و دینامیک را مورد بحث قرار دادند^[۶].

فیزیک مسئله

همانطور که در شکل(۱) نشان داده شده است، دیتونیتر بر روی نوار جوش قرار می‌گیرد. هنگامی که دیتونیتر در $t = 0$ آغاز به کار می‌کند، موج انفجاری در راستای جهت Z حرکت خواهد کرد. موج‌های ایجاد شده از نوع فشاری خواهد بود. این موج در انتهای آزاد سطح، تبدیل به موج کششی می‌گردد. در هنگام عبور موج فشاری، تنش‌ها به مرور تغییر یافته و کاهش می‌یابند. در شرایط مورد آزمایش، حوالی زمان $t = 500\mu\text{s}$ تغییرات تنش‌ها به صفر

واژه‌های کلیدی

بازده انرژی- بازده اگزرژی- تولید انتروپی- تنش‌های پسماند جوشکاری

مقدمه

تنش‌های پسماند ناشی از جوشکاری یکی از مهمترین و تاثیرگذارترین عیوب ایجاد شده در قطعات پس از اتمام فرآیند جوش می‌باشد. در این راستا متدهای گوناگونی در جهت کاهش این تنش‌ها ارائه گردیده است که می‌توان به روش‌های پیش‌گرمایش، گرمایش موازی، عملیات مغناطیسی، چکش کاری و روش‌های ارتعاشی اشاره نمود. روش انفجاری^[۲]، متدهای تازه در جهت کاهش تنش‌های پسماند ناشی از جوشکاری است که بوسیله تولید تنش کنترل شده در خلال خط جوش می‌باشد. مبنای روش پیش رو، کارسختی یا سردکاری

^۱Local Explosive method^۲

مدل حرارتی جوش

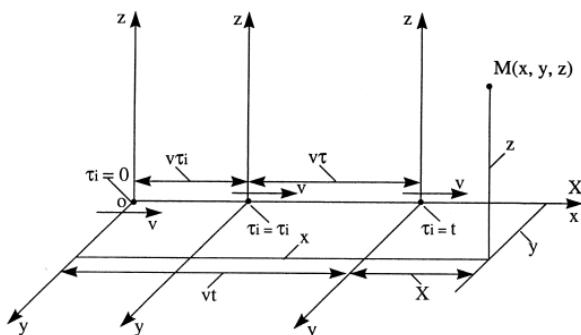
معادله دیفرانسیل هدایت حرارتی به شکل زیر بیان می‌گردد:

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = \frac{1}{k} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (4)$$

در این صورت عبارت زیر، رابطه فوق را ارضامی کند [۶]:

$$T = \frac{Q}{8(\pi k t)^{1/2}} e^{-[(x-x')^2 + (y-y')^2 + (z-z')^2]/4kt} \quad (5)$$

شکل (۲) شماتیکی از مسئله منبع حرارتی متحرک می‌باشد. x ، y و z ، مختصات مطلق را نشان می‌دهد و X ، y ، z ، مختصات متحرک در راستای محور x را نشان می‌دهد.



شکل (۲)- شماتیک مختصات متحرک

در این راستا، باید افزایش دمای نقطه $M(x, y, z)$ در زمان t ، ناشی از منبع حرارتی متحرک با قدرت Q مشخص گردد. در زمان t_i ، منبع حرارتی متحرک به اندازه $v\tau_i$ حرکت نموده است. بنابراین فاصله بین منبع حرارتی و نقطه M به شکل زیر می‌باشد:

$$\sqrt{(x - vt_i)^2 + y^2 + z^2} \quad (6)$$

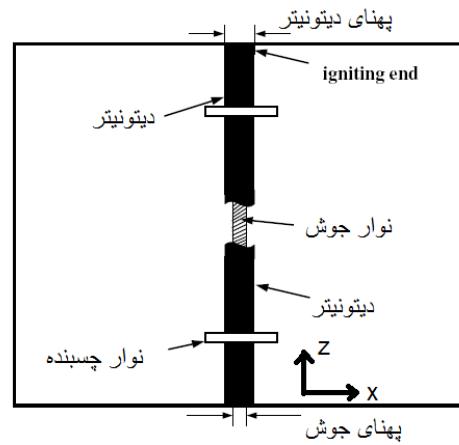
در این صورت افزایش دمای $d\theta_M$ در نقطه M در زمان t در اثر گرمای آزاد شده، در زمان t_i به شکل زیر خواهد بود:

$$dT = \frac{Q d\tau_i}{8\rho c (\pi k t)^{1/2}} e^{-[(x-v\tau_i)^2 + y^2 + z^2]/4k\tau_i} \quad (7)$$

برای بیان چگونگی توزیع شار گرمای ناشی از قوس شعله جوش، از فرمولاسیون مدل دیسکی پاولیک که براساس توزیع گاوی شار حرارتی است، استفاده می‌گردد. روابط ارائه شده در این قسمت در واقع فرم کلی مدل دیسکی پاولیک به همراه اصلاحیه‌های منبع حجمی پالی، هیبریت و وستبای می‌باشد.

در هنگام ارائه این مدل حرارتی، اطلاعات اندکی از چگونگی برخورد گرمای منبع (از نوع قوسی، پرتو الکترونی یا لیزر) با حوضچه سیال در دست بوده، لذا جریان سیال ایجاد شده در منطقه مذاب مد نظر

نزدیک می‌گردد [۳]. لذا از این زمان به بعد می‌توان اندازه تنش‌ها را در حالت تعادل فرض نمود و نهایتاً تنش‌های پسمند چار توزیع مجدد شده و ماکریم کرنش کششی حذف می‌گردد.



شکل (۱)- فیزیک استفاده از روش انفجاری

مدل ریاضی موج انفجاری

فرآیند انفجاری صورت گرفته در مدت زمانی کوتاه و اثرات حرارتی ناچیز همراه می‌باشد لذا می‌توان از تغییرات حرارتی چشم‌پوشی کرد. شبیه سازی کاهش تنش ناشی از انفجار، توسطتابع فشار زیر قابل بیان می‌باشد [۳]:

$$P(x, z, t) = p(x)q(z, t) \quad (1)$$

که در آن $q(z, t)$ تابعی برای نمایش تغییرات موج نسبت به زمان بوده و $p(x)$ تغییرات در جهت X را نشان می‌دهد که می‌توان نوشت:

$$P(x) = \begin{cases} P_0 F(x), & 0 \leq x \leq x_0 \\ 0, & x > x_0 \end{cases} \quad (2)$$

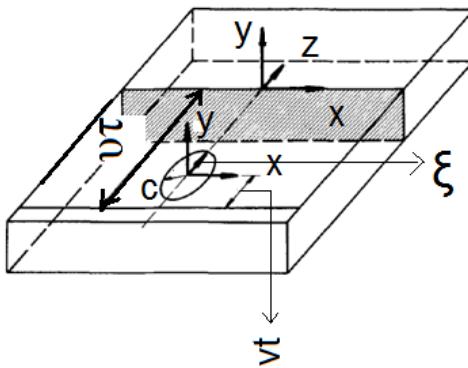
$$q(z, t) = \begin{cases} 0, & t \leq z/v_0 \text{ or } t \geq z/v_0 + 1.3 \\ \frac{t}{z/v_0 + 0.13}, & z/v_0 \leq t \leq z/v_0 + 1.17 \\ 1, & z/v_0 + 1.17 \leq t \leq z/v_0 + 1.04 \\ \frac{t}{z/v_0 + 0.26}, & z/v_0 + 1.04 \leq t \leq z/v_0 + 1.3 \end{cases} \quad (3)$$

در روابط فوق P_0 ، v_0 ، x_0 و t به ترتیب ماقریم بارگذاری، پهنهای دیتونیتر، سرعت انفجاری و زمان می‌باشند. اغلب دو گونه از توابع $F(x)$ مورد استفاده قرار می‌گیرد. در دیتونیترهای نواری، $F(x) = \cos(\frac{\pi}{x_0}x - \frac{\pi}{2})$ و در دیتونیترهای صفحه‌ای $F(x) = 1$ می‌باشد.

در اینجا از فاکتوری استفاده شده که موقعیت منبع حرارتی در زمان $t = 0$ نسبت به مختصات ثابت تعیین میگردد که با τ نمایش داده میشود. تبدیل مختصات متحرک به ثابت و بالعکس را میتوان از طریق رابطه زیر پیش برد:

$$\xi = Z + v(\tau - t) \quad (10)$$

v : سرعت جوشکاری / s



شکل(۴)-مختصات متحرک برای شار حرارتی جوش

در این صورت معادله(۹) به شکل زیر تبدیل می گردد:

$$q(x, z, t) = \frac{3Q}{\pi c^2} e^{-\frac{3x^2}{c^2}} e^{-\frac{3(z+v(\tau-t))^2}{c^2}} \quad (11)$$

این رابطه برای $c^2 < z^2 + v^2$ هم قرار است و در $c^2 > z^2 + v^2$ مقدار تابع فوق صفر می باشد. برای دوری از تحلیل سه بعدی، اغلب فرض می گردد که $\frac{\partial T}{\partial z} = 0$ باشد؛ از این رو انتقال گرما به صفحه (x, z) (زمین) محدود شده که در صفحه $Z = 0$ جای می گیرد. این ساده سازی در صورتی که سرعت جوش پایین بوده و حرارت ورودی جوش بالا باشد، می تواند باعث خطای قابل توجهی گردد.

محاسبه تولید انتروپی بی بعد شده در خال جوشکاری

بازده قانون اول برای فرآیند جوشکاری به فرم زیر تعریف می گردد:

$$\eta_{II} = \frac{\text{انرژی لازم برای تولید باند جوشکاری}}{\text{کل انرژی ورودی}} \quad (12)$$

بازده قانون دوم برای فرآیند جوشکاری به فرم زیر تعریف می گردد [۸]:

$$\eta_{II} = \frac{\text{اگزرسی لازم برای تولید باند جوشکاری}}{\text{کل اگزرسی ورودی}} \quad (13)$$

اختلاف دو بازده انرژی و اگزرسی ناشی از تولید انتروپی است، لذا می توان نوشت:

$$\eta_I - \eta_{II} = \frac{\text{تولید انتروپی}}{\text{کل اگزرسی ورودی}} \quad (14)$$

نبوده ولی به هر حال مدل دیسکی بسیار واقع بینانه تر از مدل نقطه ای است. در حقیقت برای یک شعله پیش گرماش که باعث تولید مذاب نگردد، این مدل می تواند واقعاً مدل مناسبی باشد. برای توزیع سطحی شار مطابق شکل(۳) به فرم زیر می باشد [۷]:

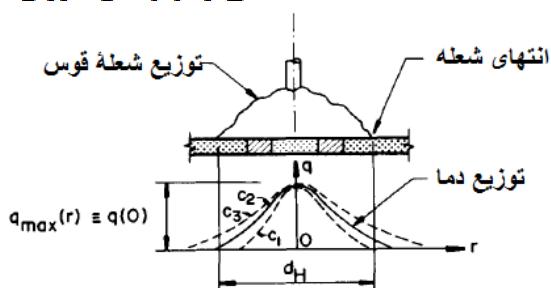
$$q(r) = q(0)e^{-\sigma r^2} \quad (8)$$

شار سطحی در شعاع r بر حسب

ماکریم شار در مرکز منبع حرارتی بر حسب

$c: (m^{-2})$ ضریب تمثیل مرکز

فاصله شعاعی از مرکز منبع حرارتی



شکل(۳)-منبع حرارتی دیسکی پاولیک

در شکل(۳)، $c_1 > c_2 > c_3$ می باشد و d_H منطقه داغ می باشد و در مورد معنای فیزیکی c می توان گفت که اگر شار یکنواخت $q(0)$ در یک دایره به قطر d توسعه یابد و $d = \sqrt{\frac{2}{c}}$ در این صورت نرخ ورود انرژی به صورت $V\eta$ خواهد بود. دایره دقیقاً آن انرژی را از قوس دریافت می دارد. لذا c به پهنه ای منبع حرارتی وابسته بوده و هر چه منبع متصرف باشد، d کمتر و c بیشتر خواهد بود. آزمایشات نشان داده که مبالغه مهمی از گرمای قوس مستقیماً از طریق جا به جایی و تشعشع به فلز منتقل می شود بدون این که از حوضچه سیال عبور نماید. بر این اساس بود که پاولیک سعی نمود توزیع و مقدار گرمای را داخل قطعه نمایش دهد. در مطالعات آن ها، اتفاقات ناشی از تشعشع و جا به جایی نیز مورد بررسی قرار گرفت.

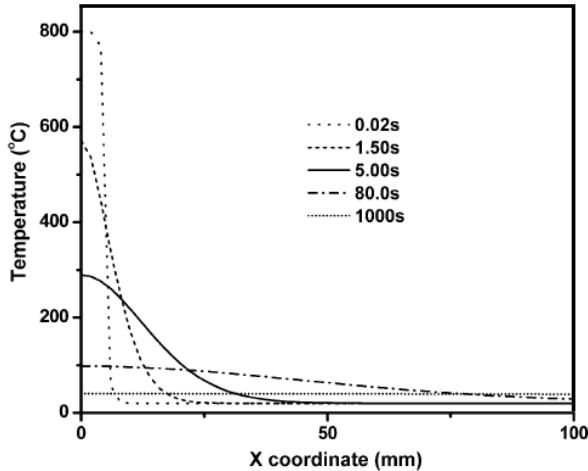
فریدمن، کروتر، سگرلیند فرم دیگری از دیسک پاولیک را ارائه دادند بدین صورت که منبع حرارتی خود را در یک مختصات متحرک مطابق شکل(۴) به فرم زیر بیان کردند:

$$q(x, \xi) = \frac{3Q}{\pi c^2} e^{-\frac{3x^2}{c^2}} e^{-\frac{3\xi^2}{c^2}} \quad (9)$$

که در آن:

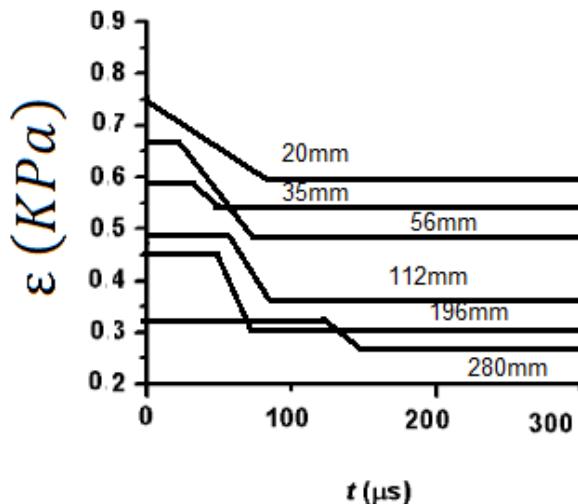
$Q: (W)$ نرخ انرژی ورودی

$c: (m)$ مشخصه شعاعی توزیع شار



شکل(۵)-توزيع دما برای جوشکاری در سرعت ۷/۵ میلی متر بر ثانیه

شکل(۶) تولید کرنش در اثر موج های فشاری در زمان های مختلف می باشد [۳].



شکل(۶)-کرنش تولید شده در اثر موج فشاری

شکل(۷) چگونگی تغییرات تولید انتروپی بی بعد شده را به نمایش می گذارد. مطابق شکل، با افزایش فاصله دیتونیتر، این پارامتر افزایش می باید که نشان از افزایش تنش های پسماند ناشی از جوشکاری می باشد. در ضمن با افزایش سرعت جوشکاری، میزان تاثیر گذاری فاصله دیتونیتر بر انتروپی بی بعد شده افزایش می باید. بدین معنا که در سرعت بالاتر حساسیت قطعه نسبت به تغییرات مکان دیتونیتر بیشتر است. نکته حائز اهمیت این است که در فواصل دورتر دیتونیتر، تاثیر استفاده از روش انفجاری تقریباً قابل چشم پوشی می باشد. توجه گردد که میزان انتروپی بی بعد شده برای سرعت های ۷/۵ و ۲/۵ میلی متر بر ثانیه بدون استفاده از روش انفجاری به ترتیب برابر ۰/۲۶ و ۰/۳۲ می باشد [۳] که کاهش مقدار آن پس از استفاده از روش انفجاری موید کاهش تنش های پسماند جوشکاری می باشد.

مطابق رابطه کلازیوس-دوهم^۳ چنانچه تولید انتروپی در واحد حجم و

زمان با $\dot{\gamma}$ نمایش داده شود، در این صورت:

$$\dot{\gamma} = \frac{\sigma: \dot{\epsilon}_p}{T} - \frac{A_k \dot{v}_k}{T} - \frac{J_q \nabla T}{T^2} \geq 0 \quad (15)$$

که در آن σ تانسور تنش، $\dot{\epsilon}_p$ قسمت پلاستیک تانسور تنش، T دمای مطلق، A_k نیروهای ترمودینامیکی که در اثر متغیرهای درونی ایجاد می گردد و J_q شار گرمه می باشد. سه عبارت سمت راست رابطه فوق بیانگر اتفاقات صورت گرفته می باشند. عبارات اول، دوم و سوم به ترتیب اتفاقات ناشی از کرنش های پلاستیک، تغییرات نیروهای درونی و اتفاقات هدایت حرارتی می باشند [۸]. تحقیقات نشان می دهد که میزان اتفاقات ناشی از نیروهای درونی تنها ۵ تا ۱۰ درصد مقدار اتفاقات پلاستیک می باشد لذا قابل صرف نظر کردن است [۹].

در این تحقیق از عبارت اول سمت راست رابطه (۱۵) برای تولید انتروپی صورت گرفته در اثر کرنش های پلاستیک استفاده می گردد. از عبارت دوم صرف نظر می گردد و برای نشان دادن نرخ تولید انتروپی به ازای واحد حجم به صورت محلی، دو بعدی از رابطه زیر استفاده می گردد [۱۰]:

$$\dot{s}_{gen} = \frac{k}{T^2} \left[\left(\frac{\partial T}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial T}{\partial y} \right)^2 \right] + \frac{\mu}{T} \left\{ 2 \left[\left(\frac{\partial u_x}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial u_y}{\partial y} \right)^2 \right] + \left(\frac{\partial u_x}{\partial x} + \frac{\partial u_y}{\partial y} \right)^2 \right\} \quad (16)$$

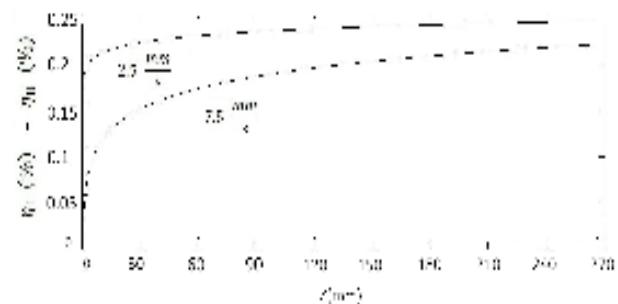
در رابطه فوق می توان از گرادیان های سرعت مربوط به حرکت سیال مذاب صرف نظر کرد [۱۱-۱۳].

بحث و نتیجه گیری

اندازه گیری های صورت گرفته در این تحقیق بر روی فولاد 16MnR به ترتیب عارتند از: $\frac{w}{m.k}$ ۳۶ و $\frac{l}{kg.k}$ ۵۵۷. نتایج نهایی با مرجع [۲] مقایسه گردیده است. در آزمایش صورت گرفته از دیتونیترهای صفحه ای با ماکریم بارگذاری $0/5GPa$ و سرعت انفجاری $0/54$ متر بر ثانیه استفاده شده است. و برای استحصال داده ها از کد مطلب استفاده گردیده است.

شکل(۵) توزیع دما در چند لحظه مختلف پس از اتمام جوشکاری را نمایش می دهد. همانطور که مشاهده می شود در حوالی باند جوش مقدار گرادیان دمایی قابل ملاحظه است و به تدریج با فاصله گرفتن از نوار، گرادیان ها کاهش می باید. لذا انتظار می رود بر روی نوار جوش ماکریم تنش های پسماند را شاهد باشیم. از طرفی مطابق شکل مذکور در حوالی زمان ۱۰۰۰ ثانیه، دمای قطعه به دمای محیط می رسد لذا برای محاسبه تولید انتروپی محلی از رابطه (۱۶) نسبت به زمان تا زمان ۱۰۰۰ ثانیه انتگرال گرفته می شود تا تولید انتروپی کل در این بازه زمانی محاسبه گردد.

- [9] Amiri, M.; Naderi, M.; Khonsari, M.M. 2011, An experimental approach to evaluate the critical damage. *Int. J. Damage Mech.* 20, pp.89–112.
- [10] Bejan, A. 1982 "entropy generation through heat and fluid flow", New York, USA.
- [11] Fallahi,A., Jafarpur,K., Nami,M.R., 2011 "Analysis of welding conditions based on induced thermal irreversibilities in welded structures:Cases of welding sequences and preheating treatment", *ScientiaIranica*, Vol.18, pp.398-406.
- [12] Sahin,A.Z., Ayar,T., Yilbas,B.S. 2010 "Laser welding: the first and second law analysis", *International Journal of Exergy*, Vol.7, No.5, pp.535-546.
- [13] Dong,W., Lu,S., Li,D., Li,Y. 2011 "GTAW liquid pool convections and the weld shape variations under helium gas shielding", *International Journal of Heat and Mass Transfer* 54, No.54, pp.1420-1431.



شکل(7)-تغییرات انتروپی بی بعد شده با محل دیتونیتر

خلاصه نتایج

بررسیهای صورت گرفته نشان می‌دهد که انتروپی بی بعد شده می‌تواند به عنوان روشی مناسب جهت بررسی میزان تاثیرگذاری روش انفجاری در کاهش تنش‌های پسماند ناشی از جوشکاری مورد بررسی قرار گیرد. نتایج نشان می‌دهد که برای سرعت ۲/۵ میلی‌متر بر ثانیه چنانچه دیتونیتر در فاصله بیشتر از ۳۰ میلی‌متر قرار گیرد، تغییرات فاصله تاثیر چندانی بر میزان بازدهی روش مورد استفاده نخواهد داشت. این فاصله برای سرعت ۷/۵ میلی‌متر بر ثانیه در حدود ۲۷۰ میلی‌متر می‌باشد. ضمناً با افزایش سرعت جوشکاری، تاثیرگذاری روش انفجاری بر میزان تنش‌های پسماند بیشتر خواهد بود.

مراجع

- [1] Smith, William F.; Hashemi, Javad 2006, Foundations of Materials Science and Engineering (4th ed.), McGraw-Hill, ISBN 0-07-295358-6.
- [2] F.C. Liu, B. Lv, F.C. Zhang, S. Yang 2011, "Enhanced work hardening in Hadfield steel during explosive treatment", *Materials Letters* 65 pp.2333–2336.
- [3] Zhang J., Liu K., Zhao K., Li X., Liu Y., Zhang K. 2005, "A study on the relief of residual stresses in weldments with explosive treatment", *International Journal of Solids and Structures* 42 pp.3794–3806.
- [4] Kai-Xin L., Jin-Xiang Zh., Kai Zh., Ziao-Jie L., 2005 "Mechanism of explosive technique on relieving welding residual stress", *china physics letter*, vol.22, No.3, pp.744-746.
- [5] Garcia-Jacomino J.L., Burgos Sola J., Cruz-Crespo A., M. Alvarez Luna J., Arteaga G., 2009 "Use of explosives in the reduction of residual stresses in the heated zone of welded joints" *Welding International*, Vol. 24, No. 12, pp. 920–925.
- [6] Carslaw. H.S., Jaeger. J.C., 1959. "Conduction of heat in solids" Oxford University Press, London.
- [7] Goldak J., Chakravarti A., Bibby M., 1983 "A New Finite Element Model for Welding Heat Sources", Vol.15B, *METALLURGICAL TRANSACTIONS*, pp.299-305.
- [8] Amiri, M.; Naderi, M.; Khonsari, M.M. 2012, "Article On the Role of Entropy Generation in Processes Involving Fatigue" *Entropy* 14, pp.24-31.

