



## بهینه سازی بهره برداری روشنایی راههای دوخطه دوطرفه

محمدعلی پیرایش<sup>۱</sup>، ابوالفضل محمدزاده مقدم<sup>۲</sup>، علی اصغر صادقی<sup>۳\*</sup>

۱- استادیار دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی، گروه مهندسی صنایع

۲- دانشجو دکتری دانشگاه فردوسی مشهد، دانشکده مهندسی، گروه مهندسی عمران، گرایش

### راه و تراابری

pirayesh@um.ac.ir

ab\_mohammadzadeh@yahoo.com

al\_sadeghi@yahoo.com

### خلاصه

روشنایی راه یک عامل مهم و مؤثر در ایمنی جاده‌ای می‌باشد و هدف اصلی از تامین روشنایی جاده‌ای ایجاد محیط مناسب برای تردد وسائل نقلیه می‌باشد بطوریکه دید سریع، دقیق و راحت در آنها امکان پذیر باشد. هزینه تامین روشنایی قابل توجه بوده و اثر آن بر هزینه‌های ایمنی جاده‌ای مهم و مؤثر است لذا تامین روشنایی مناسب با ملاحظه جنبه‌های فنی و اقتصادی یک مسئله مهم در تخصیص منابع محدود می‌باشد. هدف از این تحقیق، یافتن پارامترهای بهینه و مؤثر بر تأمین و نگهداری امکانات روشنایی با توجه به حداقل کردن هزینه و دستیابی به حداقل روشنایی مورد نیاز می‌باشد. پارامترهای بررسی شده در این تحقیق دهنۀ چراغ، زاویه، طول تیرک، فاصله بین دو تیرک، نوع تیرک، فاصله از کتاره راه، هزینه نگهداری، عمر لامپ می‌باشد که باید با توجه به شدت نور، سطح مورد نیاز روشنایی، سرعت طرح و ملاحظات ایمنی بررسی گردد.

**کلمات کلیدی:** روشنایی، هزینه، بهینه‌سازی، ایمنی جاده‌ای

### ۱. مقدمه

در نواحی برون شهری روشنایی جاده که دارای استاندارد مناسب باشد به ایمنی جاده‌ای کمک می‌کند. این امر خصوصاً در نواحی تردد عابرین پیاده و دوچرخه‌سواران بسیار مهم است. استانداردهای روشنایی و دستورالعمل‌های لازم برای گروه‌های خاص از راهها و خیابان‌ها وجود دارد که بر اساس شناسایی اشیا در محیط تاریک ارائه می‌شوند. تحقیقات در آمریکا کاهش ۴۱ درصدی در تصادفات فوتی و ۱۶ درصدی در تصادفات جرحي همراه با یک نسبت سود به هزینه ۱۲ به ۱ را در اثر بهبود روشنایی نشان داده است [۱].

حداقل کردن هزینه‌های کلی ساخت و بهره‌برداری سیستم روشنایی راه یک موضوع مهم در سیستم توسعه راه‌ها می‌باشد. بهینه‌سازی سیستم‌های روشنایی راه شامل جنبه‌های اقتصادی (مانند هزینه‌های سیستم روشنایی) است که باید بسیاری از محدودیت‌ها را ارضاء نماید. عامل مهم دیگر در جانمایی روشنایی خیابان‌ها بوسیله پارامترهای هندسی محل و نیز توزیع نور معین می‌شود. الزامات مربوط به بهره‌برداری از روشنایی در نشریات کمیسیون بین‌المللی روشنایی (CIE) بخصوص نشریات ۳۰/۲ و ۳۱، [۳، ۴] ارائه شده است. سطح عملکردی روشنایی بوسیله ضوابط مشخص توسط پارامترهای فنی نور محاسبه می‌گردد. بطور ایده‌آل چراغ‌های خیابان هنگامی مناسب هستند که یک توزیع مکانی شار نور و حداقل روشنایی را برای سطح راه تامین نمایند. تکنیکهای بهینه‌سازی نیز برای تجزیه و تحلیل و بهینه‌سازی بهره‌برداری روشنایی راهها بکار رفته‌اند [۴، ۵].

هدف از این تحقیق، ارائه مدلی جهت بهینه‌سازی پارامترهای مؤثر بر تأمین و نگهداری امکانات روشنایی به منظور حداقل کردن هزینه و دستیابی به حداقل روشنایی مورد نیاز می‌باشد.

آرایش‌های زیر برای نصب تیر چراغ برق در نظر گرفته می‌شود [۶]:

کنار هم

زیگزاگ

مقابل هم



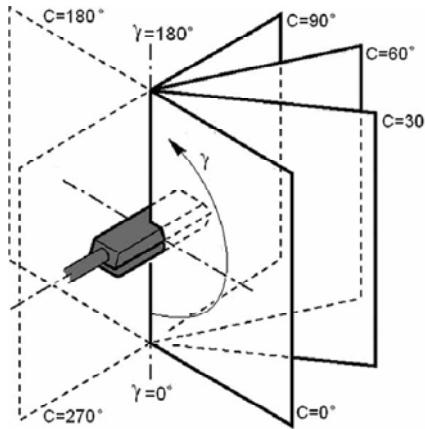
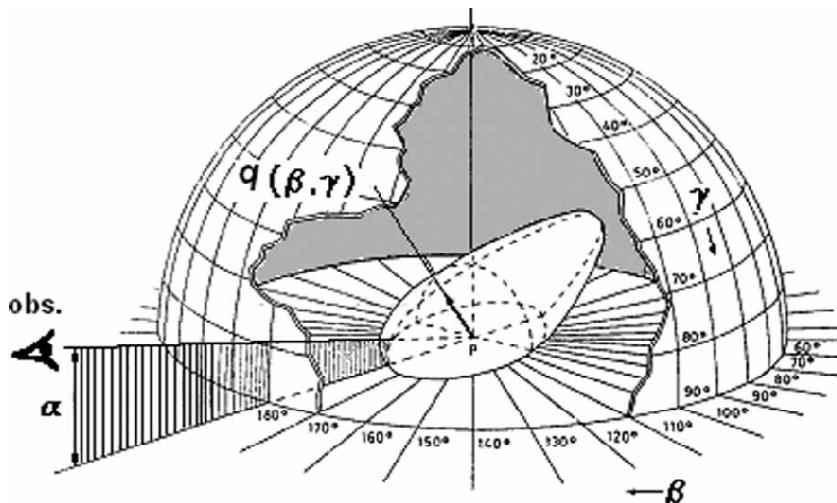
## مرکزی

در این مقاله فرض بر این است که تیرهای چراغ برق بصورت کنار هم در راه قرار دارند.

## ۲. روشنایی

## ۲.۱. تعاریف

شار روشنایی یک لامپ که بر حسب لومن اندازه گیری می‌شود بر اساس اثر قدرت تابشی یک لامپ بر چشم انسان ارزیابی می‌گردد. توزیع فضایی نور مربوط به شار روشنایی بر حسب شدت نور بیان می‌گردد و با  $d\phi = I(C, \gamma) d\omega$  تعریف می‌گردد که در این رابطه شار نوری در جزء زاویه فضای  $d\omega$  می‌باشد. هر چراغ دارای سیستم مختصات  $\gamma - C$  شدت نور مربوط به خود می‌باشد که در آن برای تعیین اطلاعات توزیع شار روشنایی استفاده می‌گردد. در اینجا  $C$  نیم صفحه نصف‌النهاری و  $\gamma$  زاویه بین محور قائم بر چراغ و محور شدت می‌باشد. (شکل ۱)

شکل ۱- سیستم مختصات  $\gamma - C$ شکل ۲- دیاگرام  $q$  سطح راه- یک مجموعه از بردارها که خصوصیات انعکاسی سطح را خلاصه می‌کند

ویژگی‌های انعکاسی سطح راه بوسیله دیاگرام  $q$  شکل ۲ تعیین می‌گردد. این شکل مجموعه‌ای از بردارها  $q(\alpha, \beta, \gamma)$  می‌باشد که به آن عامل روشنایی گویند و به سه زاویه کلی ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) بستگی دارد. در این رابطه  $\alpha$  زاویه دید سطح راه می‌باشد که بسته به سرعت و نوع راه متفاوت است.  $\beta$  زاویه صفحه قائم گذرا بر بردار شدت به سمت سطح واحد ( $p$ ) تحت بررسی و صفحه دید می‌باشد و  $\gamma$  زاویه بین بردار شدت نور یک سطح واحد معروف و محور قائم بر چراغ است و جهت  $q$  به سمت چراغ می‌باشد. بنابراین بردار  $q$  مختلف، متناظر با موقعیت‌های مختلف چراغ نسبت به مشاهده کننده وجود دارد.

از طرف دیگر روشنایی سطح واحد ( $L_p$ ) در سطح راه که بوسیله یک چراغ ایجاد می‌شود برابر  $E_H(\beta, \gamma) q(\alpha, \beta, \gamma)$  می‌باشد که در این رابطه  $E_H$  شدت روشنایی بر حسب لوکس (LUX) می‌باشد که از رابطه زیر محاسبه می‌گردد:



$$E_H = \frac{I(C, \gamma) \cos^3 \gamma}{H^2} \quad (1)$$

در این رابطه  $H$  فاصله قائم بین سطح راه و چراغ می‌باشد (شکل ۳). عامل روشنایی  $q(\beta, \gamma)$  به عنوان روشنایی سطح راه لازم برای شدت روشنایی  $1\text{Lux}$  تعریف می‌شود و از طریق ضریب روشنایی به شکل زیر فراهم می‌گردد:

$$r(\beta, \gamma) = q(\beta, \gamma) \cos^3 \gamma \times 10^4 \quad (2)$$

که  $r(\beta, \gamma)$  برای روشانی‌های راه متدالو توسط کمیسیون بین‌المللی روشانایی<sup>۱</sup> (CIE) در گروه‌های مختلف ارائه شده است. بنابراین روشنایی  $L_k$  در  $k$  امین سطح واحد روبه راه بوسیله یک چراغ برابر است با:

$$L_k = \frac{r(\beta_k, \gamma_k) I(C_k, \gamma_k)}{10^4 \times H^2} \quad (3)$$

سه ضابطه مهم فنی نور بسته به روشانایی سطح راه وجود دارد که باید در نظر گرفته شود [۳]:

اولین عامل مهم روشانایی متوسط ( $L_{av}$ ) است که توسط  $M$  چراغ نزدیک در تمامی سطوح واحد  $P_k$  و  $K=1, \dots, K$  بین دو تیر چراغ برق ایجاد می‌شود. معمولاً ۲ تا ۳ تیر چراغ برق در جلو و یک تیر چراغ برق در پشت مشاهده کننده در نظر گرفته می‌شود.

$$L_{av} = \frac{\sum_{m=1}^M \sum_{k=1}^K I(m, k)}{K} \quad (4)$$

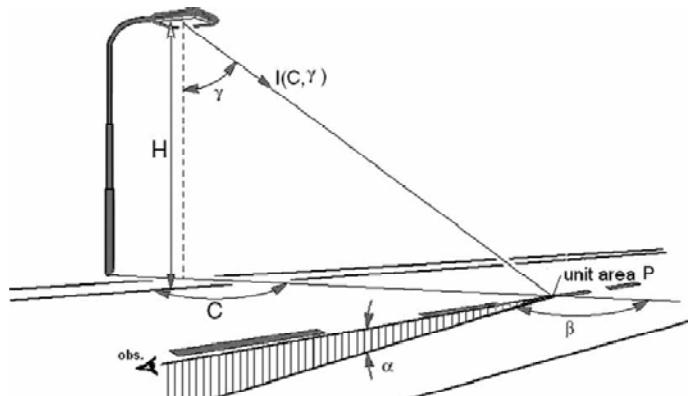
دومین ضابطه مهم مربوط به یکنواختی کلی روشانایی می‌شود:

$$U_0 = \frac{L_{min}}{L_{av}} \quad (5)$$

در این رابطه  $L_{min}$  حداقل مقدار مقادیر محاسبه شده روشانایی در سراسر تمام سطوح واحد بین دو تیر چراغ برق مجاور می‌باشد. سومین ضابطه روشانایی، یکنواختی روشانایی طولی ( $U_L$ ) می‌باشد.

$$U_L = \frac{L_{min}}{L_{max}} \quad (6)$$

$L_{max}$  و  $L_{min}$  مقادیر ماکریم و مینیمم روشانایی در سطوح واحد، در خط طولی راه که موقعیت مشاهده کننده در روی آن قرار دارد، می‌باشد. [۷۸]



شکل ۳- محاسبات روشنایی

## ۲.۲. ضوابط راه

هر راه بسته به طبقه آن نیاز به میزان خاص روشانایی دارد. استانداردهای اروپا [۹] راه‌ها را به چهار دسته بر اساس نوع سطح راه و ترافیک تقسیم‌بندی می‌کند:

- ۱- راه با سرعت زیاد ( $60\text{ km.hr}^{-1}$ ) (وسایل نقلیه موتوری) ۲- راه با سرعت متوسط ( $30-60\text{ km.hr}^{-1}$ ) (وسایل نقلیه موتوری با سرعت کم) ۳- سرعت پایین ( $30-5\text{ km.hr}^{-1}$ ) (دوچرخه و موتور سوار)، ۴- سرعت بسیار پایین عابر پیاده.

<sup>۱</sup> International Commission on Illumination



نیازهای دید برای هر کدام از این راهها متفاوت است زیرا نیازهای کاربران بسته به سرعت متفاوت می‌باشد. بطور کلی محدودیت‌ها برای نصب چراغ می‌تواند بصورت زیر بیان شود:

$$\lambda L_{av,N} \leq L_{av} \leq \epsilon L_{av}$$

$$U_0 \geq U_{0,N}$$

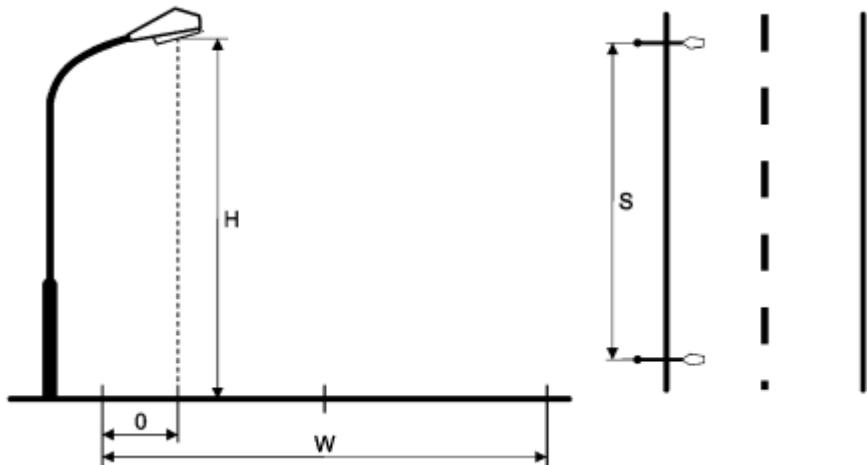
$$U_L \geq U_{L,N}$$

عامل روشنایی در ارتفاع ۱/۵ متر از سطح پیاده‌رو که بیشتر در معابر عابر پیاده مهم است.  $E_{sc} \geq U_{sc,N}$  که در این رابطه

$$U_{sc,N} = 1 \text{ lux}$$

اندیس N نشانگر مقادیر استاندارد می‌باشد [۱۱، ۱۰].

قیود برای بدست آوردن توزیع بهینه نور می‌تواند با مشخصات هندسی محل حاصل گردد. فرض کنید در شکل ۴ عرض خیابان برابر W باشد که شامل حاشیه ایمنی نیز است. دکل‌ها در ارتفاع H و فاصله S از هم قرار دارند. موقعیت‌های نسبی نقاط اندازه‌گیری، روشنایی‌ها و مشاهده کننده توسط زاویه  $\varphi$  (که با علامت C در شکل ۱ دیده می‌شود) و  $\beta$  (برای محاسبه شدت نور)، زاویه  $\beta$  و  $\gamma$  برای محاسبه ضرائب روشنایی و زاویه دید مشخص می‌شوند. برای سرعت‌های سفر بیش از ۵۰ کیلومتر بر ساعت فرض می‌شود زاویه دید  $10^\circ$  است که این زاویه مقدار استاندارد مورد استفاده توسط CIE است. برای سرعت ۴۰ کیلومتر بر ساعت فرض می‌شود  $\alpha$  برابر  $3/3^{\circ}$  است. برای سرعت  $30 \text{ km.h}^{-1}$ ،  $\alpha$  برابر  $5/7^{\circ}$  فرض می‌گردد و از این  $\alpha$  در محاسبه q استفاده می‌گردد. بنابراین بسته به نوع راه  $\alpha$  مناسب انتخاب می‌گردد [۱۲].



شکل ۴: مشخصات راه

### ۳. هزینه‌ها

در این بخش به بررسی هزینه‌ها در مورد هر تیر چراغ می‌پردازیم:

۱- هزینه‌های اولیه که شامل هزینه‌های کلی طراحی (طراحی روشنایی)، هزینه مصالح، هزینه تجهیزات و وسایل (دکل، کابل، چراغها (نورافکن)، هزینه‌های عملیاتی کارهای لازم) و همچنین هزینه‌های آزمایش نصب چراغ‌های جدید است. بنابراین هزینه‌های اولیه طبق رابطه زیر محاسبه می‌شوند:

$$C_{in} = N_p [C_p + C_b + C_l + C_{ls} + C_{wl} + C_{wp}] \quad (7)$$

در این رابطه  $N_p$  تعداد کل تیر چراغ در طول قطعه راه در نظر گرفته شده که برابر طول قطعه راه (D) تقسیم بر فاصله دکلهای (S) می‌باشد.  $C_p$ : هزینه یک دکل با تجهیزات لازم و دسترسی‌ها (فیوز، سیم کشی، صفحه ستون و میل مهارها) وابعی از ارتفاع است،  $C_b$ : هزینه براکت،  $C_l$ : هزینه چراغ‌ها (تجهیز به جعبه کنترل)،  $C_{ls}$ : هزینه لامپ،  $C_{wl}$ : هزینه‌های نصب چراغ،  $C_{wp}$ : هزینه نصب دکل چراغ که شامل هزینه پی‌سازی آن نیز می‌گردد. باید در نظر داشت که هزینه نصب دکل بسته به ارتفاع و مشخصات مکانیکی خاک آن نیز می‌تواند متغیر باشد که بسته به شرایط و کشور باید محاسبه گردد.



- ۲- هزینه‌های متغیر: هزینه‌های متغیر شامل موارد زیر است:
- الف- هزینه سالیانه برق ( $C_e$ ) برای تمام تیرهای چراغ برق
- ب- هزینه نگهداری، از آنجایی که یک فرآیند بهینه نگهداری فرض می‌کند که باید یک دسته لامپ طبق سازماندهی خاص تعویض شوند و هزینه تمیز کردن هم هنگام جایگزینی در نظر گرفته می‌شود. بنابراین هزینه گروه لامپ‌ها برای جایگزینی در نظر گرفته می‌شود ( $C_{gr}$ ).
- ج- هزینه تعویض، هزینه جایگزینی تعداد لامپ‌ها در صورت خرابی ناگهانی آنها در سال  $J$ ام بعد از نصب ( $C_{srj}$ ).
- د) هزینه‌های مربوط به جعبه کنترل ( $C_{ci}$ ).
- بنابراین هزینه کل  $C = C_{ind} + C_{ed} + C_{grd} + C_{srd} + C_{cid}$  محاسبه می‌گردد. که در فوق علامت  $d$  نشان دهنده هزینه‌های کاهش یافته برای دوره  $T$  است.

#### ۴. مدل برنامه‌ریزی ریاضی بهره‌برداری روشنایی

هدف نهایی کمینه کردن هزینه در قطعه راه مورد نظر با رعایت حداقل شار نوری مورد نیاز ( $\phi_0$ ) است. شار نوری از طریق  $M$  چراغ پیش رو و مجموعه آنها در تمام سطوح واحد ( $P(i,j)$ ) سطح راه در فاصله  $S$  را به  $N_i$  قسمت واحد در طول خیابان و  $N_j$  قسمت واحد در عرض خیابان تقسیم می‌کنیم) در سطح  $A$  بین دو چراغ از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\phi = \sum_{m=1}^M \sum_{i=1}^{N_i} \sum_{j=1}^{N_j} I(m, i, j) d\omega(m, i, j) \quad (8)$$

که  $d\omega$  در رابطه (8) بصورت زیر محاسبه می‌شود:

$$d\omega = p(i, j) \cdot \frac{\cos y}{l^2(m, i, j)} \quad (9)$$

بنابراین، مدل برنامه‌ریزی ریاضی، جهت بهینه‌سازی بهره‌برداری روشنایی، را بصورت زیر خواهیم داشت. در این مدل متغیرهای تصمیم عبارتند از:

$$S, H, L_{max}(i), L_{min}(i), L_{av}, L(i, j), I(m, i, j)$$

$$\min C = C_{ind} + C_{ed} + C_{grd} + C_{srd} + C_{cid} \quad (10)$$

*s.t:*

$$\phi = \sum_{m=1}^M \sum_{i=1}^{N_i} \sum_{j=1}^{N_j} I(m, i, j) d\omega(m, i, j) \geq \phi_0 \quad (1-11)$$

$$L(i, j) = \frac{\sum_{m=1}^M I(m, i, j) q(m, i, j)}{10^4 \times H^2} \quad i=1, \dots, N_i \text{ و } j=1, \dots, N_j \quad (2-11)$$

$$L(i, j) \geq U_{0,N}, L_{av} \quad i=1, \dots, N_i \text{ و } j=1, \dots, N_j \quad (3-11)$$

$$L_{av} = \frac{\sum_{i=1}^{N_i} \sum_{j=1}^{N_j} \sum_{m=1}^M I(m, i, j) q(m, i, j)}{10^4 \times H^2 \times N_i N_j} \quad (4-11)$$

$$aL_{av,N} \leq L_{av} \leq bL_{av} \quad (5-11)$$

$$\sum_{m=1}^M I(m, i, j) q(m, i, j) \geq 10^4 \times H^2 \times L_{min}(i) \quad i=1, \dots, N_i \quad (6-11)$$

$$\sum_{m=1}^M I(m, i, j) q(m, i, j) \geq 10^4 \times H^2 \times L_{max}(i) \quad i=1, \dots, N_i \quad (7-11)$$

$$L_{min}(i) \geq U_{L,N} L_{max}(i) \quad i=1, \dots, N_i \quad (8-11)$$

$$I(m, i, j) \geq T, H, S, \quad (9-11)$$

$$C_{in} \leq B_N \quad (10-11)$$

$$C_{ej} + C_{grj} + C_{srj} + C_{cij} \leq B_{ej} \quad j=1, \dots, T \quad (11-11)$$



در این روابط  $L_{av}$  و  $U_{L,N}$  پارامترهای مربوط به استانداردها هستند. در رابطه  $B_{ej} = 11-11$  مقدار بودجه در دست در سال  $\Delta$  است. روابط  $11-2-11$  و  $11-3-11$  و  $11-4-11$  الزام روشنایی در هر سطح واحد  $(i,j)$  نسبت به روشنایی میانگین  $L_{av}$  که باید بزرگتر و مساوی مقدار استاندارد  $U_{0,N}$  باشد را ارضامی کند. رابطه  $11-5-11$  نیز شرایط انحراف متوسط روشنایی که توسط ضرایب  $a$  و  $b$  نشان داده شده را ارائه میکند. معادله  $(U_L = \frac{L_{min}}{L_{max}})$  بوسیله قیدهای  $11-6-11$  و  $11-7-11$  ارضامی گردد.

## ۵. نتیجه گیری

بهینه‌سازی سیستم روشنایی خیابان شامل حداقل کردن هزینه‌های کل و برآورده کردن حداقل میزان روشنایی سطح خیابان می‌باشد. پارامترهای قابل محاسبه می‌توانند  $S, L_{max}(i), L_{min}(i), L_{av}, L(i,j), I(m,i,j), H$  باشد. هچنین در نظر گرفتن پارامتر خیرگی و نیز زاویه انحراف قائم میله فوقانی چراغ، پارامترهای مربوط به نوع لامپ‌ها، عمر آنها و نرخ کاهش توان لامپ می‌تواند به معادله بسیار بهتری منجر گردد.

## ۶. مراجع

1. Ogden, K.W., (1996), "Safer roads: a guide to road safety engineering", Avebury Technical, ISBN 0 291 39829 4.
2. CIE (International Commission on Illumination), (1976), "Glare and Uniformity in Road Lighting Installations", CIE Publication 31, Vienna, Austria.
3. CIE (International Commission on Illumination), (1982), "Calculation and Measurement of Luminance and Illuminance in Road Lighting", CIE Publication 30.2, Vienna, Austria.
4. Pachamanov, A. and Pachanova, D. (2008), "Optimization of the light distribution of luminaries for tunnel and street lighting", journal of Engineering Optimization, 40(1), pp 47- 65.
5. Maćkow, A., (2010), "Optimization of the costs of road lighting systems", submitted abstracts of Ninth International Conference on Environment and Electrical Engineering, Prague, Czech Republic, May 16-19.
6. Kostic, M., Djokic, L., Hadzibegovic, N. and Pojatar, D., (2009), "Technical and economic analysis of road lighting solutions based on mesopic vision", journal of Building and Environment, 44, pp 66- 75.
7. Schreuder, D.A., (1998), "Road lighting for safety", Published by Thomas Telford, UK London.
8. Simons, R.H., Bean, A.R., (2001), "Lighting engineering: applied calculations", Architectural Press.
9. CEN (European Committee for Standardization), (2003), "Road lighting", Technical Report, 13201 1-4.
10. CIE (International Commission on Illumination), (1995), "Recommendations for the Lighting of Roads for Motor and Pedestrian Traffic", CIE Publication 115, Vienna, Austria.
11. CEN (European Committee for Standardization), (2002), "Lighting Applications: Tunnel Lighting", Technical Report, 458/2002-09-06, Brussels, Belgium.
12. Pachamanov, A., (1988), "Measuring photometric characteristics of street lighting systems", PhD Dissertation, Technical University, Sofia (in Bulgarian).