

تحلیل جریان حفره‌سازی جزئی بر روی پرتاوه‌های متقارن محوری و انتخاب حفره‌ساز بهینه متناسب با سرعت پرتاوه

ایمان رشیدی طوفی (دانشجوی دکتری)

محمود پسندیده فرد^{*} (دانشیار)

محمد پسندیده فرد (استاد)

گروه هندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد

مهمنگی مکانیک شرف، (پیز ۱۴۴۳) دری ۳ - ۵، شماره ۱ / ۲، ص. ۷۰ - ۶۱، (پادشاهت فقی)

هدف از این تحقیق به دست آوردن شکل یک حفره‌ساز بهینه است به‌گونه‌یی که در سرعت مشخص پرتاوه، ضریب پسای کاری وارد به پرتاوه کمینه باشد. برای رسیدن به این هدف از روش المان مرزی و شبیه‌سازی عددی استفاده شده است. تعداد زیادی حفره‌ساز توسط یک رابطه‌ی سه‌می با سه متغیر هندسی تولید شده و به وسیله‌ی برنامه‌ی المان مرزی حل می‌شود. با توجه به معیار انتخاب حفره‌ساز بهینه که ضریب پسای کل کمینه است بهترین حفره‌ساز انتخاب شده است. برای اطمینان از نتایج، چندین حفره‌ساز که کمترین ضریب پسای کل را داشته‌اند به‌کمک شبیه‌سازی عددی حل شده‌اند و در نهایت به‌کمک این دو روش حفره‌ساز بهینه انتخاب شده است. نتایج نشان می‌دهد که در همه اعداد حفره‌سازی، حفره‌ساز بهینه آنی است که در کمترین ضریب پسای کل، حفره‌یی تولید کند که بخش مخروطی پرتاوه را احاطه کند.

im.rashidi@gmail.com
mpfard@um.ac.ir
fard_m@um.ac.ir

واژگان کلیدی: حفره‌سازی جزئی، روش المان مرزی، بهینه، حفره‌ساز، پرتاوه.

۱. مقدمه

حفره‌سازی (کاویتاسیون) در بسیاری از پدیده‌های مهندسی، که با حرکت سریع اجسام داخل مایع همراه است، اتفاق می‌افتد. این پدیده در بسیاری از موارد مخرب است ولی در مواردی به علت کاهش نیروی پسای وارد بر جسم به‌دلیل کاهش لزجت در فاز بخار مطلوب است. همین ویژگی مطالعه‌ی حفره‌سازی را جذاب کرده است. براساس رابطه‌ی برزلی در جریان مایع افزایش سرعت روی یک جسم باعث کاهش فشار جریان می‌شود. اگر افزایش سرعت به حدی باشد که فشار به فشار بخار کاهش یابد سیال در آن منطقه به بخار تبدیل می‌شود، و اصطلاحاً حفره‌سازی رخ می‌دهد. اگر طول حفره (کاویتی) کم‌تر از طول جسم باشد یا اصطلاحاً حفره روی جسم بسته شود، «حفره‌سازی جزئی» رخ داده است. با افزایش بیشتر سرعت جسم، طول حفره ممکن است از طول جسم نیز بیشتر شود و کل جسم را احاطه کند؛ در این حالت حفره‌سازی گسترشده یا سوپرکاویتاسیون^۱ رخ داده است. حفره‌سازی گسترشده ضریب پسای اصطکاکی را به شدت کاهش می‌دهد، اما زمانی که مانور پذیری پرتاوه‌ها مدنظر باشد حفره‌سازی جزئی ضروری است.^[۱] در این حالت پسای کل وارد بر پرتاوه‌ها شامل دو بخش پسای اصطکاکی و پسای فشاری است. در حفره‌سازی گسترشده به‌دلیل احاطه‌ی پرتاوه توسط بخار، پسای اصطکاکی خیلی ناچیز و قابل چشم‌پوشی

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۰، اصلحیه ۴، ۱۳۹۲، پذیرش ۲۴، ۱۳۹۲، ۶.

جزئی مورد بررسی قرار خواهد گرفت. روش المان مرزی که در این مطالعه از آن استفاده شده است مبتنی بر «انتگرال مرتبه ۳ گرین^{۱۳}» است که با حل آن می‌توان قدرت چشمکه‌ها^{۱۴} و دوگان‌های^{۱۵} روی سطح حفره و جسم را به دست آورد. سرعت همگرایی این روش بسیار بالاست. برای یافتن بهترین شکل حفره‌ساز مناسب با سرعت پرتابه، بهکمک یک رابطه‌ی سهموی با تغییر سه پارامتر هندسی تعداد زیادی حفره‌ساز تولید، و سپس با استفاده از روش المان مرزی ذکر شده حل شده‌اند. با توجه به معیار انتخاب بهترین حفره‌ساز – کمینه‌بودن ضریب پسای کل – نسبت به انتخاب بهترین حفره‌ساز اولیه اقدام شد. سپس برای اطمینان از این نتایج، چندین حفره‌ساز که ضریب پسای کل آنها نزدیک به ضریب پسای بهترین حفره‌ساز مذکور بود، بهکمک نرم‌افزار فلوئنت^{۶,۷} نیز حل شده‌اند و در نهایت بهترین حفره‌ساز نهایی حاصل شده است.

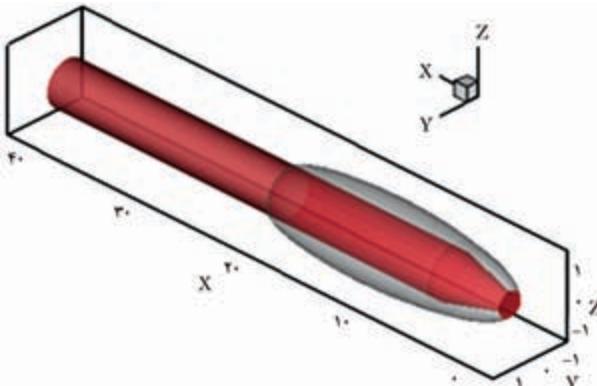
۲. معادلات حاکم

در پرتابه‌های دارای حفره‌سازی جزئی، حفره روی جسم بسته می‌شود و جسم از نقطه‌ی بسته‌شدن حفره ادامه می‌یابد (شکل ۱). هندسه‌ی پرتابه مورد بررسی در شکل ۲ مشاهده می‌شود. این پرتابه در دماغه دارای یک حفره‌ساز است که در طول فرایند انتخاب حفره‌ساز بهینه تغییر می‌کند، و از بخش‌های مخروطی و استوانه‌ی تشکیل شده است که طول این قسمت‌ها به ترتیب با L_{cone} و L_{cyl} مشخص شده‌اند. همچنین R_{cyl} و α نیز به ترتیب شاعر بخش استوانه‌ی و زاویه‌ی مخروط را نشان می‌دهند.

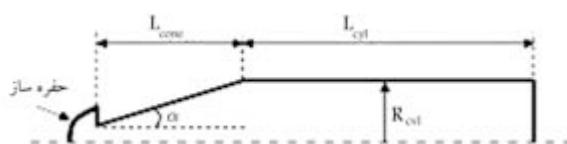
۱.۲. روش المان مرزی

معادله‌ی حاکم بر جریان معادله‌ی لاپلاس^{۱۶} است:

$$\nabla^2 \Phi = 0 \quad (1)$$



شکل ۱. پرتابه با حفره‌سازی جزئی.



شکل ۲. هندسه‌ی پرتابه.

در تحقیقات اولیه در زمینه‌ی حفره‌سازی گستردۀ (سوپرکاویتسیون)،^{۱۷} از نگاشته‌های همدیس^۲ برای تحلیل جریان حفره‌سازی گستردۀ استفاده شد. تولین^۳ برای اولین بار از روش پرتوربیشن^۵ برای بررسی حفره‌سازی‌های گستردۀ دو بعدی استفاده کرد.^{۱۸} با استفاده از ترکیب توابع پتانسیل چشمکه و چاه بر روی محور تقارن یک جسم متقاضن محوری و مدل ریوشنیسکی^۶ برای پیش‌بینی ناحیه‌ی حفره روی برخی از هندسه‌های متقاضن محوری استفاده شد.^{۱۹} پس از آن با گسترش مطالعات کاتبرت و استریت، و نیز با استفاده از نظریه‌ی جسم نازک، جریان سوپرحره روی هندسه‌های متقاضن محوری حل شد.^{۲۰} در مطالعه‌ی دیگر، برای بررسی ناحیه‌ی حفره‌ی گستردۀ از بسط سری لورانت^۷ استفاده شد.^{۲۱} بدلیل نیوید فرضیات ساده‌کننده، این روش در مقایسه با روش پیشنهادی توسط چو دقت بیشتری داشت.^{۲۲} کاریا نلاش کرد تا یک روش فرضی با چندجمله‌ی دیگر برای بهبود یافته‌ی چیزیست^۸ استفاده کرد.^{۲۳}

تا سال ۱۹۷۵ میلادی، بیشتر روش‌های نظری برای حل جریان حفره‌سازی گستردۀ کاربرد داشتند. بعد از سال ۱۹۸۰ میلادی، بعضی روش‌های عددی نیز توسعه یافت. در این هنگام از روش المان‌های مرزی غیرخطی بر مبنای سرعت (با استفاده از توزیع گردابه در مرز جریان) برای حل جریان حفره‌سازی جزئی بر روی هیدروفویل دو بعدی استفاده شد^{۲۴} و دو سال بعد همان روش برای حل جریان حفره‌سازی گستردۀ مورد استفاده قرار گرفت.^{۲۵} سپس روش چشمکه‌ی داخلی^۹ برای حل حفره‌سازی متقاضن محوری و دو بعدی ارائه شد.^{۲۶} در مطالعه‌ی دیگر، با استفاده از روش المان مرزی، حفره‌سازی جزئی روی هندسه‌های دو بعدی که روش المان مرزی و با استفاده از توزیع گردابه در مرز جریان حل شد.^{۲۷} همچنین با استفاده از روش‌های المان مرزی و نسبت حجمی سیال^{۱۰}، حفره‌سازی جزئی و گستردۀ روش هندسه‌های متقاضن محوری مختلف حل شد.^{۲۸}

نیروی پیش‌رانش لازم برای حرکت پرتابه‌ها با سرعت ثابت، متناسب با نیروی پسای وارد بر پرتابه است؛ بنابراین هرگونه کاهش پسای بهبود شکل حفره‌ساز می‌تواند نقش مؤثری در کاهش نیروی پیش‌رانش ایفا کند. در مطالعه و بررسی جریان پرایمون هیدروفویل‌های حفره‌ی گستردۀ، بهکمک روش تکثیرکننده لاگرانژ^{۱۱} شکل بهینه‌ی برای هیدروفویل به دست آمد.^{۱۵,۱۶} محققین بهکمک روش المان مرزی، حفره‌سازی روی اژدرها را مدل کردند و حفره‌ساز بهینه‌ی را به دست آورden.^{۱۶} معیار آنان برای انتخاب حفره‌ساز بهینه ضریب پسای کمینه با قید عدد حفره‌سازی بوده است. در مورد جریان حفره‌ی گستردۀ، با استفاده از روش مقدار مرزی^{۱۲} – که مبتنی است بر جریان پتانسیل، حفره‌ساز متقاضن محوری مورد تحلیل قرار گرفت،^{۱۷} و نیز برای تولید انواع حفره‌سازها به منظور بهینه‌سازی از معادله‌ی سهموی سه متغیره استفاده شد. در این تحلیل برای معیار به کار گرفته شده برای بهینه‌سازی حفره‌ساز صرفاً ضریب پسای فشاری کمینه بوده است. پژوهش‌گران در مطالعه‌ی دیگر حفره‌ساز دو بعدی و متقاضن محوری را برای جریان سوپرحره بهکمک روش المان مرزی مورد تحلیل قرار دادند.^{۱۸,۱۹} آنها نیز همچون محققین پیشین^{۱۷} برای تولید انواع حفره‌سازها به منظور بهینه‌سازی، از معادله‌ی سهموی سه متغیره استفاده کردند؛ با این تفاوت که میارشان برای بهینه‌سازی حفره‌ساز ضریب پسای فشاری کمینه و عدد حفره‌سازی بیشینه بود. آنها برای بهینه‌سازی حفره‌ساز از الگوریتم ژنتیک استفاده کردند.

تمامی محققین پیشین بهینه‌سازی حفره‌ساز را با روش‌های بهینه‌سازی مختلف در جریان حفره‌سازی گستردۀ انجام داده‌اند. هنگامی که مانور پذیری پرتابه‌ها مدنظر باشد معمولاً با حفره‌سازی جزئی سروکار داریم و بنابراین، در این تحقیق حفره‌سازی

که با توجه به عدد حفره‌سازی مورد نظر، معادله‌ی ۳ حل شده و طول حفره به دست می‌آید. چون با معلوم بودن عدد حفره‌سازی تعداد مجھولات (قدرت چشمها و دوگان‌ها) و معادلات برابرند نیازی به استفاده از معادله کمکی ۷ نیست، ولی می‌دانیم که طول حفره‌ی به دست آمده در این مرحله، نتیجه‌ی نهایی برای عدد حفره‌سازی مورد نظر نیست. بنابراین با استفاده از طول حفره‌ی به دست آمده به عنوان حدس اولیه برای معادلات ۳ و ۷، مجھول مسئله که عدد حفره‌سازی است محاسبه می‌شود. اگر عدد حفره‌سازی به دست آمده در این مرحله با عدد حفره‌سازی مورد نظر برابر باشد، حل متوقف می‌شود و در غیر این صورت، تا رسیدن به جواب‌های تقریباً برابر، حل به صورت تکراری ادامه خواهد یافت. به این ترتیب که به‌کمک عدد حفره‌سازی به دست آمده در این مرحله و عدد حفره‌سازی مورد نظر و به‌وسیله‌ی الگوریتم سکانت^{۱۹}، عدد حفره‌سازی جدیدی محاسبه می‌شود و با اعمال آن در معادله‌ی ۳ و حل این معادله، طول حفره‌ی جدید براورده می‌شود که حدس اولیه برای معادلات ۳ و ۷ خواهد بود. روش تکرار فوق تا زمانی که عدد حفره‌سازی به دست آمده در هر مرحله با عدد حفره‌سازی مورد نظر تقریباً برابر شوند ادامه می‌یابد. در انتها طول حفره‌ی به دست آمده از حل معادله‌ی ۳، طول حفره‌ی برای عدد حفره‌سازی مورد نظر خواهد بود. ضریب فشار به‌کمک معادله‌ی برنولی به دست می‌آید:

$$C_p = 1 - q^{\frac{1}{2}} \quad (8)$$

که در آن q مقدار بی‌بعد بردار سرعت محلی است. به‌کمک ضریب فشار، ضریب پسای فشاری پرتابه از طریق رابطه‌ی ۹ محاسبه می‌شود:

$$CD_p = \frac{4}{\pi} \iint_S C_p n_x dS \quad (9)$$

در حفره‌سازی جزئی، چون حفره روی جسم بسته می‌شود و سیال با بخشی از جسم در ارتباط است، پسای اصطکاکی مهم است. چون در سرعت‌های بالا ضخامت لایه‌ی مرزی نسبت به شعاع انحنای جسم خیلی کوچک است، می‌توان برای محاسبه‌ی پسای اصطکاکی از انتگرال‌گیری ضریب پسای اصطکاکی صفحه‌ی تحت روی سطح خیس شده‌ی جسم استفاده کرد.^[۱] برای ضریب اصطکاک، ضریب پسای اصطکاکی می‌شود:

$$CD_f = \frac{4}{\pi} \iint_{Swetted} c_f s_x dS \quad (10)$$

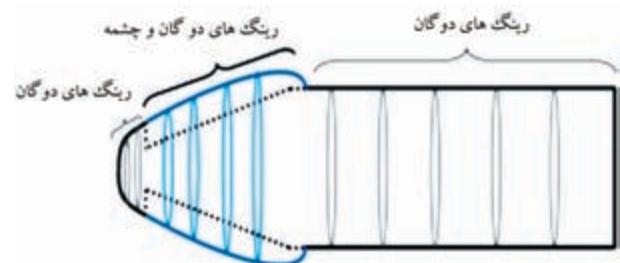
ضریب پسای کل وارد به پرتابه برابر است با مجموع این دو ضریب پسا:

$$CD = CD_p + CD_f \quad (11)$$

معیار انتخاب بهترین حفره‌ساز برای پرتابه‌ی مورد نظر در یک عدد حفره‌سازی مشخص، ضریب پسای کل کمینه است؛ البته تأثیر طول حفره در ضریب پسای اصطکاکی نمایان می‌شود. روش انتخاب بهترین حفره‌ساز با جزئیات بیشتر در ادامه خواهد آمد.

۲.۲. شبیه‌سازی عددی

برای شبیه‌سازی پرتابه‌ها به روش عددی حجم کنترل، از نرم‌افزار تجاری فلوئنت ۶/۳ استفاده شده است. در این نرم‌افزار برای حل میدان جریان، معادلات متوسط زمانی ناویر-استوکس حل می‌شود. برای مدل آشفتگی از مدل تنش‌های رینولدز (RSM) و برای حفره‌سازی از مدل مخلوط استفاده شده است. شرایط مرزی استفاده شده در نرم‌افزار در شکل ۴ مشاهده می‌شود.



شکل ۳. توزیع رینگ چشمها و دوگان‌ها روی سطح حفره و جسم.

پتانسیل کلی Φ جمع پتانسیل جریان آزاد و پتانسیل اختلالی φ است که معادله‌ی لاپلاس را نیز ارضاء می‌کند.

$$\Phi = \varphi + x \quad (2)$$

تمامی کمیت‌ها نسبت به چگالی سیال، سرعت جریان آزاد و قطر حفره‌ساز بی‌بعد شده‌اند.

پتانسیل اختلالی، معادله‌ی مرتبه‌ی ۳ گرین را نیز ارضاء می‌کند بنابراین پتانسیل اختلالی در هر نقطه از سطح حفره‌ی جسم (S) از رابطه‌ی ۳ محاسبه می‌شود:

$$2\pi\varphi(x) = - \iint_S \left[\varphi(x') \frac{\partial}{\partial n} G(x, x') - G(x, x') \frac{\partial}{\partial n} \varphi(x') \right] dS(x') \quad (3)$$

که در آن G تابع پتانسیل رینگ چشمها^{۱۷} و $\frac{\partial G}{\partial n}$ تابع پتانسیل رینگ دوگان^{۱۸} با قدرت واحد است:

$$G(x, x') = \frac{1}{|x - x'|} \quad (4)$$

در شکل ۳ توزیع رینگ‌های چشمها و دوگان روی سطح حفره و جسم مشاهده می‌شود.

شرط مرزی دینامیکی که به‌کمک معادله برنولی به دست می‌آید و روی سطح حفره اعمال می‌شود عبارت است از:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial S} = \sqrt{1 + \sigma} \quad (5)$$

که در آن σ عدد حفره‌سازی است.

شرط مرزی سینماتیکی -- هیچ جریانی از سطح حفره و جسم خارج نمی‌شود -- هم روی سطح حفره اعمال می‌شود و هم روی سطح جسم:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial n} = -n_x \quad (6)$$

شرط شار خاص صفر نیز برای تکمیل معادلات اعمال می‌شود:

$$\iint_S \frac{\partial \varphi(x)}{\partial n} dS = 0 \quad (7)$$

در این روش شکل و طول حفره به عنوان حدس اولیه داده شده و با یک روش تکرار پذیر مجھولات مسئله، شامل قدرت چشمها، دوگان‌ها و عدد حفره‌سازی، محاسبه می‌شود. برای یافتن بهترین حفره‌ساز در یک سرعت یا عدد حفره‌سازی مشخص، باید عدد حفره‌سازی به عنوان داده‌ی مسئله و طول حفره به عنوان خروجی آن باشد. بنابراین برای رسیدن به این هدف، روش فوق بهبود یافته است؛ به این ترتیب

با توجه به این که در پرتابه هی مورد نظر از سیستم هوا دهی استفاده نمی شود، سرعت این پرتابه ها خیلی بالا نیست. به عبارت دیگر عدد حفره سازی آنها خیلی کوچک نیست و لذا در این تحقیق مقدار عدد حفره سازی در محدوده $0 \leq \sigma \leq 15$ در نظر گرفته شده است.

پارامترهای هندسی b_1 , b_2 و w_2 در تشکیل شکل حفره ساز خیلی مهم اند. مقدار b_2 با توجه به مقدار Z_2 تعیین می شود و برای مدل سازی یک حفره ساز واقعی باید کوچک تر از آن باشد. پس همواره مقدار آن در محدوده $0 \leq b_2 \leq Z_2$ در نظر گرفته می شود. در تعیین مقدار b_1 محدودیت ناچیز بودن پسای اصطکاکی روی سطح حفره مورد توجه قرار می گیرد.^[۱۸] برای تحت پوشش قراردادن محدودی وسیعی از حفره سازها و افزایش دقت نتایج $1 \leq b_1 \leq 10$ در نظر گرفته شده است. پس محدوده تغییرات این پارامترها برای انتخاب بهترین حفره ساز عبارت اند از:

$$\begin{aligned} & 0 \leq b_2 \leq Z_2 \\ & 0 \leq b_1 \leq 10 \\ & 0 \leq w_2 \leq 2 \end{aligned} \quad (13)$$

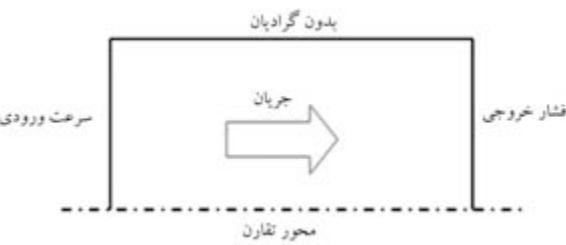
که تمامی آنها نسبت به قطر حفره ساز بی بعد شده اند. سایر پارامترهای هندسی پرتابه که در شکل ۲ مشاهده می شوند ثابت فرض شده اند. این پارامترها برای یک پرتابه کاربردی عبارت اند از:

$$L_{cone} = 5, \quad L_{cyl} = 30, \quad R_{cyl} = 0.9, \quad \alpha = 37, 75^\circ$$

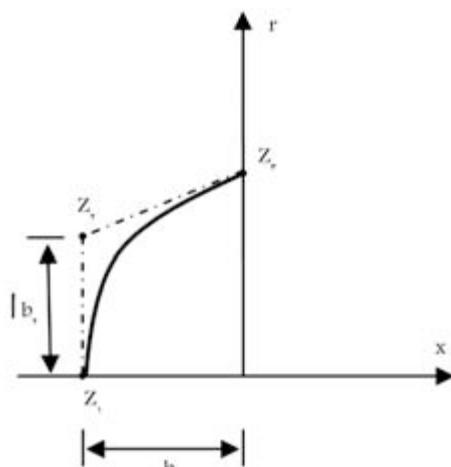
با تغییر سه پارامتر هندسی حفره ساز، محدوده وسیعی از حفره سازها برای یک عدد حفره سازی مشخص به دست آمده و توسط برنامه هی المان مرزی که مبتنی بر انتگرال مرتبه ۳ گرین است و سرعت همگرایی بسیار بالایی دارد حل شده است. ضریب پسای کل پرتابه (CD) محاسبه می شود. حفره ساز بهینه حفره سازی است که در یک عدد حفره سازی مشخص، کمترین ضریب پسای فشاری را داشته باشد و نیز طول حفره بزرگ تری تولید کند تا سطح پیشتری از پرتابه را بیوشاند و منجر به ضریب پسای اصطکاکی کمتری شود. بنابراین حداقل ضریب پسای کل پرتابه را به صورت تابعی از متغیرهای b_1 , b_2 و w_2 در نظر می گیریم. برای اطمینان از نتایج حاصله، چندین حفره ساز که دارای ضریب پسای کل نزدیک به حفره ساز بهینه بوده اند به کمک نرم افزار فلوبنت $6/3$ نیز حل شده اند. در نهایت، بهترین حفره ساز به کمک روش المان مرزی و شبیه سازی عددی انتخاب شده است.

۵. نتایج و بحث

اثر ریزکردن شبکه هی محاسباتی در روش عددی برای حفره سازی گستردگی پشت دیسک با شاعع ۵ سانتی متر و در عدد حفره سازی $12/\sigma$ بررسی شده است. شبکه های مرتبط، با چهار اندازه هی مختلف گره بر شاعع دیسک $11, 11, 15$ و 26 در نظر گرفته شده است. چنان که در شکل ۶ ملاحظه می شود با افزایش تعداد گره ها به بیش از 26 ، تغییر قابل ملاحظه بی روی نتایج مشاهده نمی شود. بر پایه این مطالعه، شبکه مرتبط با 20 المان بر شاعع دیسک، به عنوان شبکه هی مناسب برای تمامی شبیه سازی های با استفاده از روش عددی در نظر گرفته شده است. برای بررسی دقت روش های المان مرزی و عددی در مدل سازی جریان حفره سازی و محاسبه هی ضریب پسای نتایج این دو روش با نتایج تجربی موجود^[۱۹] مقایسه شده است. در شکل ۷ نتایج تغییرات طول حفره بر حسب عدد حفره سازی،



شکل ۴. شرایط مرزی.



شکل ۵. پارامترهای طراحی هندسه ای حفره ساز.

۳. مدل سازی حفره ساز

هندرسه ای حفره ساز توسط تعدادی از نقاط که یک منحنی بر آنها منطبق شده است مدل سازی می شود. در این تحقیق از منحنی سهمی زیر استفاده شده است (شکل ۵):^[۱۹]

$$Z(\eta) = \frac{(1-\eta)^2 Z_1 w_1 + 2\eta(1-\eta) Z_2 w_2 + \eta^2 Z_2 w_2}{(1-\eta)^2 w_1 + 2\eta(1-\eta) w_2 + \eta^2 w_2} \quad (12)$$

که در آن:

$$Z_1 = (-b_1, 0), \quad Z_2 = (b_1, b_2), \quad Z_3 = (0, 0, 5)$$

$$w_1 = 1, \quad w_2 = 1$$

در این معادله نقاط Z_1 تا Z_3 نقاط کنترل، و w_1 تا w_2 ضریب وزنی هر نقطه است. b_1 و b_2 پارامترهای طراحی هستند. با افزایش w_2 شکل منحنی به نقطه های Z_2 نزدیک می شود و با کاهش w_2 به سمت صفر، شکل منحنی به خط مستقیمی که Z_1 را به Z_2 وصل می کند تبدیل می شود و حفره ساز مخروطی را مدل سازی می کند.

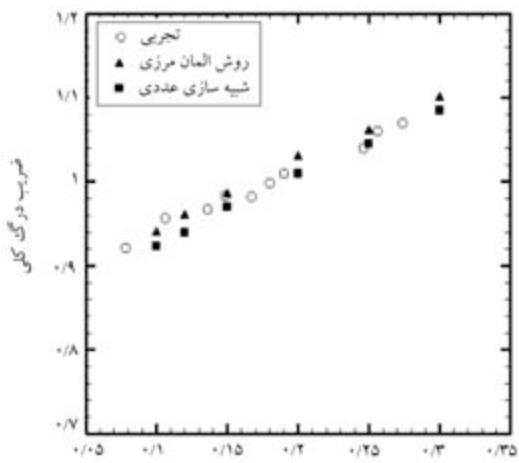
۴. روش انتخاب بهترین حفره ساز

پارامترهای مهم در انتخاب حفره ساز بهینه عبارت اند از:

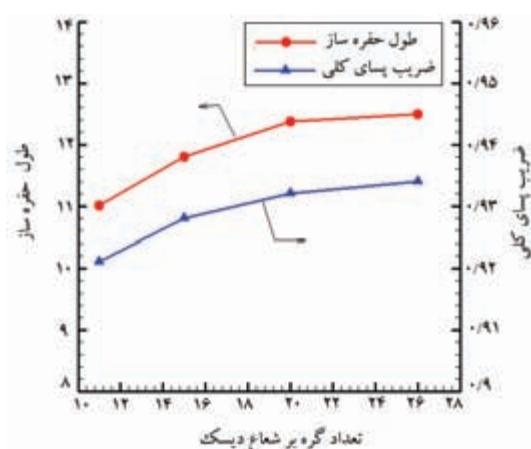
CD : ضریب پسای کلی پرتابه؛

σ : عدد حفره سازی؛

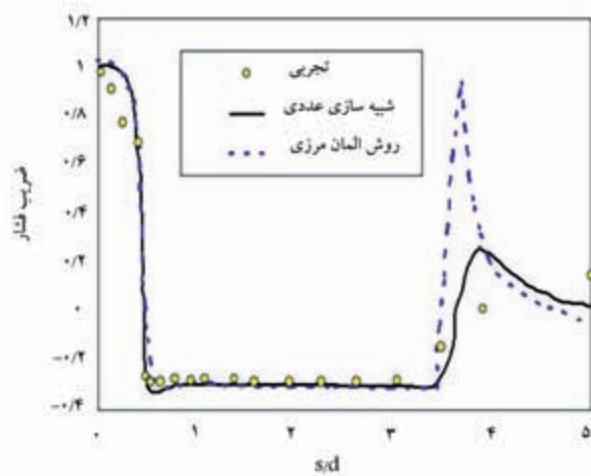
b_2, w_2 : پارامترهای هندسه ای حفره ساز و ضریب وزنی.



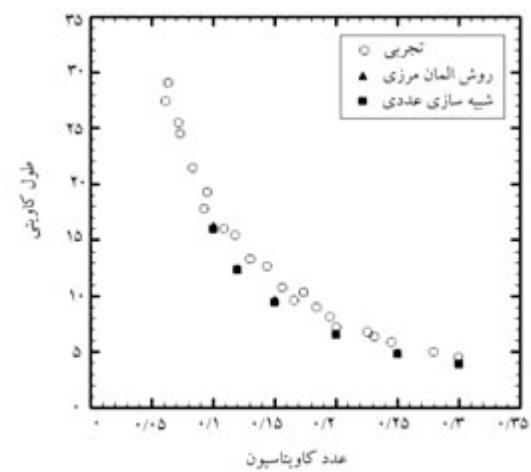
شکل ۸. تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد حفره‌سازی؛ مقایسه‌ی نتایج روش المان مرزی و شبیه‌سازی عددی با نتایج تجربی.^[۱۹]



شکل ۶. تأثیر ریزگرد شبكه‌ی محاسباتی (با افزایش تعداد المان‌ها برای شعاع ثابت دیسک) بر طول و ضریب پسا سوپر‌حفره پشت دیسک در روش عددی.



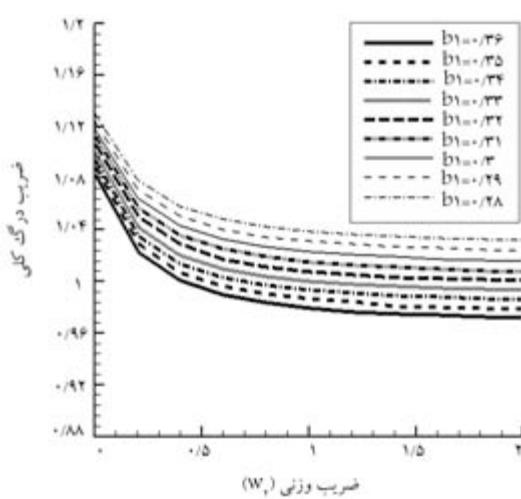
شکل ۹. تغییرات ضریب فشار بر روی استوانه؛ مقایسه‌ی نتایج روش‌های المان مرزی و شبیه‌سازی عددی با نتایج تجربی.^[۲۰] در $\sigma = 0,3$.



شکل ۷. تغییرات طول حفره بر حسب عدد حفره‌سازی؛ مقایسه‌ی نتایج روش المان مرزی و شبیه‌سازی عددی با نتایج تجربی.^[۱۹]

و در شکل ۸ تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد حفره‌سازی برای جریان حفره‌سازی گسترده پشت دیسک، با نتایج تجربی مقایسه شده است. چنان که ملاحظه می‌شود، تطابق خوبی که بین نتایج وجود دارد حاکی از قابلیت این روش‌ها در محاسبه‌ی طول حفره و ضریب پساست. همچنین در شکل ۹ تغییرات ضریب فشار روی استوانه با نتایج تجربی موجود^[۲۱] مقایسه شده است. چنان که مشاهده می‌شود هر دو روش تغییرات فشار را به خوبی نشان داده و طول حفره (طول ناحیه‌ی با ضریب فشار $W_2 = 0,35$) را بدقت شبیه‌سازی می‌کنند. در روش المان مرزی به دلیل استفاده از مدل بستن ساده در انتهای حفره، در انتهای حفره افزایش فشاری دیده می‌شود که در شبیه‌سازی عددی دیده نمی‌شود.

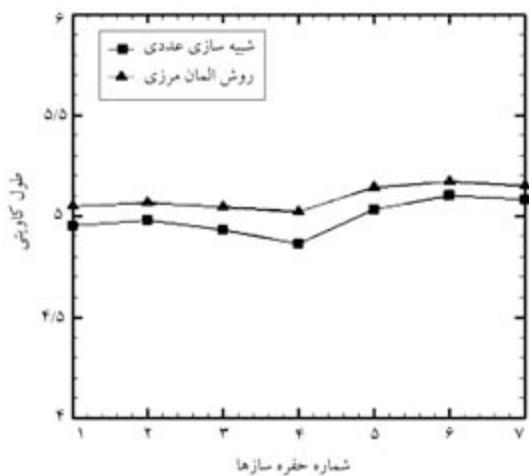
چنان که پیش تر ذکر شد برای انتخاب بهترین حفره‌ساز در یک عدد حفره‌سازی یا سرعت مشخص پرتابه، تعداد زیادی حفره‌ساز (حدود ۹۰۰۰) توسط یک رابطه‌ی سهمی به دست آمده و جریان حفره‌سازی جزئی حول آنها توسط برنامه المان مرزی حل شده است. بخشی از این نتایج برای عدد حفره‌ساز $W_2 = 0,12$ در شکل‌های ۱۰ تا ۱۳ مشاهده می‌شوند. از بین این نتایج هفت حفره‌ساز (جدول ۱) که دارای کمترین ضریب پسا کلی هستند انتخاب شده است تا توسط نرم‌افزار فلوئنت نیز حل شوند. در شکل ۱۴ طول حفره و در شکل ۱۵ ضریب پسا فشاری (برای مقایسه‌ی



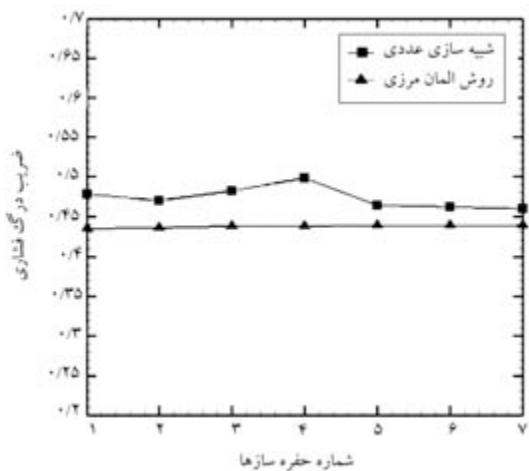
شکل ۱۰. تغییرات ضریب پسا کل پرتا به نسبت به ضریب وزنی w_2 در ۱۵ های مختلف برای $b_2 = 0,2$ ، به دست آمده توسط تحلیل المان مرزی.

جدول ۱. مشخصات حفره‌سازهای انتخاب شده از روش المان مرزی و تحلیل شده توسعه نرم‌افزار فلوئنست برای $\sigma = 0,12$.

w_2	b_2	b_1	شماره‌ی حفره‌سازها
۱/۶	۰,۳۵	۰,۲۹	۱
۲	۰,۳۵	۰,۲۸	۲
۱,۴	۰,۳	۰,۳۶	۳
۲	۰,۳	۰,۳۵	۴
۱,۲	۰,۳۵	۰,۳	۵
۱,۴	۰,۳۵	۰,۲۹	۶
۱,۸	۰,۳۵	۰,۲۸	۷

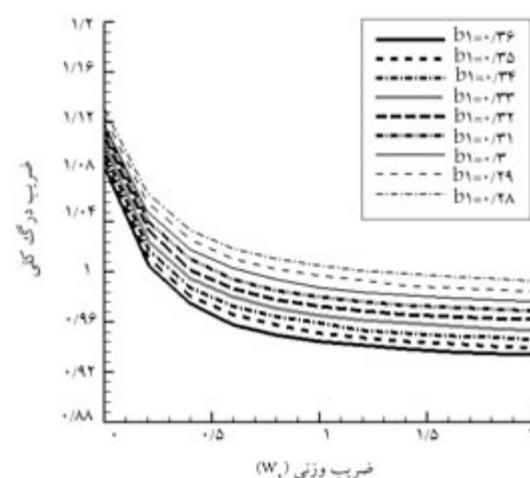


شکل ۱۴. مقایسه‌ی طول حفره با استفاده از روش المان مرزی و نرم‌افزار فلوئنست برای هفت حفره‌ساز ارائه شده در جدول ۱ در $\sigma = 0,12$.

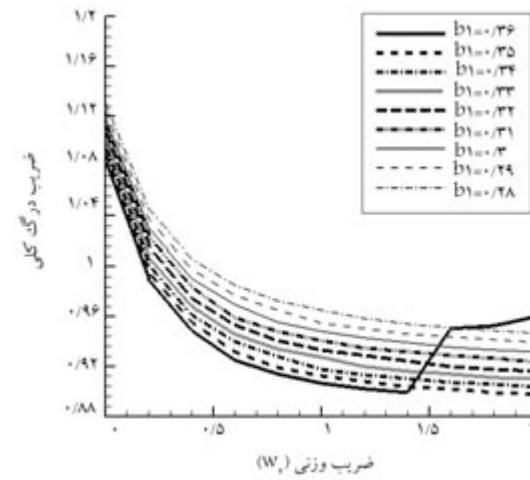


شکل ۱۵. مقایسه‌ی ضریب پسای فشاری از روش المان مرزی و نرم‌افزار فلوئنست برای هفت حفره‌ساز ارائه شده در جدول ۱ در $\sigma = 0,12$.

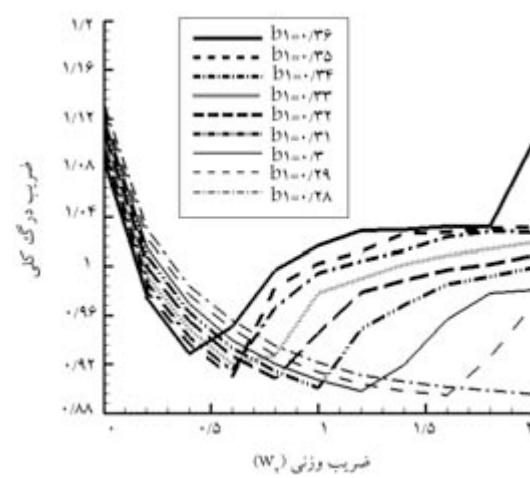
دقیق‌تر این دو روش برای این حفره‌سازها با هم مقایسه شده است. چنان‌که در شکل ۱۴ مشاهده می‌شود طول حفره‌ی به دست آمده از روش المان مرزی کمی بزرگ‌تر از طول حفره‌ی حاصل از نرم‌افزار فلوئنست است (۲ تا ۳٪). برای بعضی از حفره‌سازها نرم‌افزار فلوئنست طول حفره‌ی کم‌تر از ۵ را ارائه می‌دهد و این بدان معناست که حفره روی ناحیه‌ی مخروطی بسته می‌شود. بسته‌شدن حفره روی ناحیه‌ی



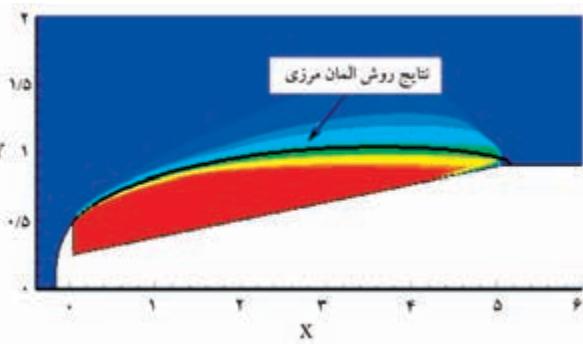
شکل ۱۱. تغییرات ضریب پسای کل پرتا به نسبت به ضریب وزنی w_2 در b_1 های مختلف برای $b_2 = 0,25$, به دست آمده توسط تحلیل المان مرزی.



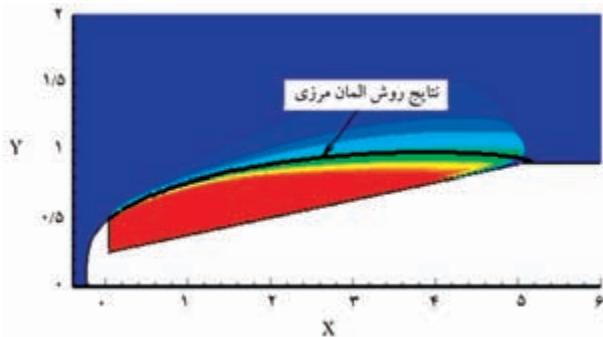
شکل ۱۲. تغییرات ضریب پسای کل پرتا به نسبت به ضریب وزنی w_2 در b_1 های مختلف برای $b_2 = 0,3$, به دست آمده توسط تحلیل المان مرزی.



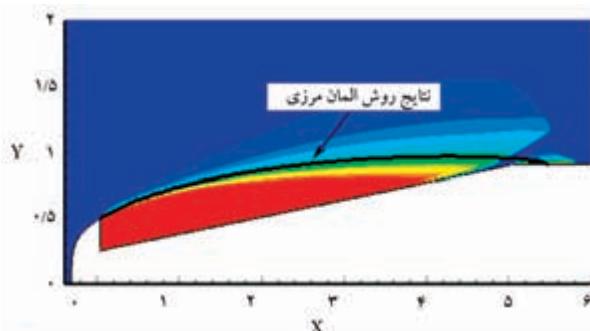
شکل ۱۳. تغییرات ضریب پسای کل پرتا به نسبت به ضریب وزنی w_2 در b_1 های مختلف برای $b_2 = 0,35$, به دست آمده توسط تحلیل المان مرزی.



شکل ۱۷. مقایسه‌ی شکل حفره از روش المان مرزی و فلوئنت برای حفره‌ساز بهینه در $\sigma = 0,15$ (جدول ۲).



شکل ۱۸. مقایسه‌ی شکل حفره از روش المان مرزی و فلوئنت برای حفره‌ساز بهینه در $\sigma = 0,12$ (جدول ۲).



شکل ۱۹. مقایسه‌ی شکل حفره از روش المان مرزی و فلوئنت برای حفره‌ساز بهینه در $\sigma = 0,1$ (جدول ۲).

شکل ۲۰ حفره‌ی تشکیل شده به وسیله‌ی حفره‌ساز بهینه با حفره‌ساز دیسکی در عدد حفره‌سازی 12×10^6 مقایسه شده است. چنان که ملاحظه می‌شود حفره‌ساز دیسکی حفره‌یی بلندتر و ضخیم‌تر نسبت به حفره‌ساز بهینه، تولید می‌کند ولی ضریب پسای کلی پرتا به با حفره‌ساز بهینه کم‌تر از حفره‌ساز دیسکی است. این موضوع به طور روش در شکل ۲۱ که در آن ضرایب پسای دو حفره‌ساز در اعداد حفره‌سازی مختلف با هم مقایسه شده است، دیده می‌شود. چنان که مشاهده می‌شود، در حالی که ضریب پسای اصطکاکی پرتا به با حفره‌ساز بهینه کمی از حفره‌ساز دیسکی بیشتر است ولی پسای فشاری حفره‌ساز بهینه خیلی کم‌تر از حفره‌ساز دیسکی است که درنتیجه ضریب پسای کل این حفره‌ساز به طور قابل توجهی کم‌تر از حفره‌ساز دیسکی است. چنان که گفته شد، پسای فشاری نقش مهمی در تعیین حفره‌ساز بهینه دارد. این موضوع در شکل ۲۲، که در آن توزیع ضریب فشار روی حفره‌ساز بهینه و دیسکی

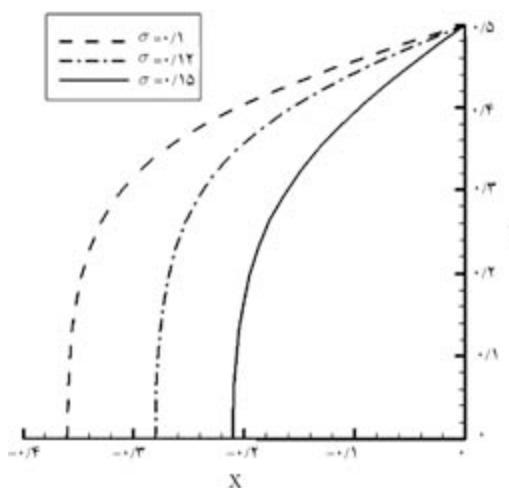
مخروطی پرتا به، ضریب پسای فشاری زیادی تولید می‌کند و منجر به اختلاف بیشتر دو روش در ضریب پسای فشاری می‌شود (12×10^6 تا 15×10^6) که در شکل ۱۵ ملاحظه می‌شود. چنان که در این شکل‌ها مشاهده می‌شود وقتی طول حفره‌ی حاصل از نرم افزار فلوئنت از ۵ بزرگ‌تر باشد، یعنی وقتی که حفره کل ناحیه‌ی مخروطی را احاطه کرده باشد، اختلاف ضریب پسای فشاری دو روش کم‌تر می‌شود (حدود ۰.۵%). این حالت با توجه به اشکال ۱۴ و ۱۵ در حفره‌سازهای ۵، ۶ و ۷ (جدول ۱) مشاهده می‌شود. چون ضریب پسای فشاری در روش المان مرزی برای این سه حفره‌ساز تقریباً برابر است، نتایج حاصل از نرم افزار فلوئنت به عنوان معیار انتخاب می‌شود و با در نظر گرفتن ضریب پسای اصطکاکی، حفره‌ساز ۷ را به عنوان حفره‌ساز بهینه برای پرتا بهی مورد بحث در عدد حفره‌سازی 12×10^6 معرفی می‌کنیم. انتخاب حفره‌ساز بهینه برای سایر اعداد حفره‌سازی نیز مشابه همین روش انجام شده است.

در جدول ۲ پارامترهای هندسی حفره‌ساز بهینه، طول بی بعد حفره، و ضریب پسای کل پرتا به برای سه عدد حفره‌سازی مورد بحث ارائه شده است. در شکل ۱۶ این سه حفره‌ساز بهینه ترسیم شده‌اند؛ چنان که مشاهده می‌شود با افزایش عدد حفره‌سازی، حفره‌ساز بهینه دماغه‌ی کوچک‌تری خواهد داشت و به حفره‌ساز دیسکی نزدیک می‌شود.

در شکل‌های ۱۷ تا ۱۹ نتایج دو روش المان مرزی و نرم افزار فلوئنت برای سه حفره‌ساز بهینه (جدول ۲) با هم مقایسه شده است. چنان که ملاحظه می‌شود این نتایج تطبیق خوبی با یکدیگر دارند و دقت روش مورد استفاده را تضمین می‌کنند. چنان که در این شکل‌ها و نیز در جدول ۲ مشاهده می‌شود با افزایش عدد بهینه حفره‌یی را تولید می‌کنند که بخش مخروطی پرتا به را احاطه کند، زیرا چنانچه حفره روی بخش مخروطی پرتا به بسته شود پسای فشاری زیادی ایجاد خواهد شد. حفره‌سازهای دیگری نیز وجود دارند که طول حفره‌ی بزرگ‌تر و پسای اصطکاکی کم‌تری تولید می‌کنند، ولی به دلیل اعمال پسای فشاری زیاد در مجموع پسای کل وارد بر پرتا به را افزایش می‌دهند و حفره‌ساز بهینه محسوب نمی‌شوند. برای درک بهتر، در

جدول ۲. نتایج حفره‌سازهای بهینه برای اعداد حفره‌سازی مختلف.

σ	b_1	b_2	w_2	$\frac{L_c}{D}$	CD
$0,15$	$0,21$	$0,3$	$1,6$	$5,08$	$1,078$
$0,12$	$0,28$	$0,35$	$1,8$	$5,08$	$0,898$
$0,1$	$0,36$	$0,35$	2	$5,5$	$0,8$



شکل ۱۶. بهترین حفره‌سازها در اعداد حفره‌سازی مختلف.

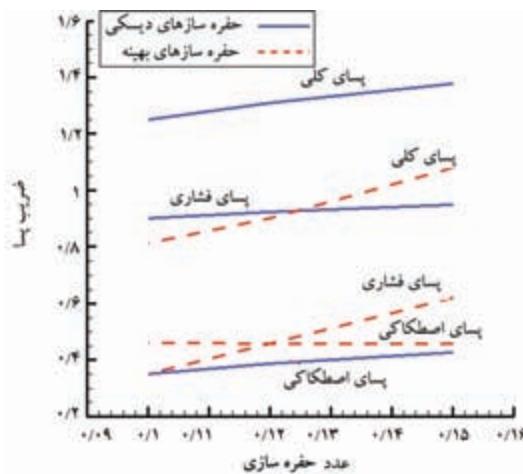
حاصل از دو روش با هم مقایسه شده، بهوضوح مشاهده می‌شود. این شکل نشان می‌دهد که در حفره‌ساز دیسکی، فشار سکون حاصل از جریان سطح بیشتری از حفره‌ساز را نسبت به حفره‌ساز بهینه تحت تأثیر قرار می‌دهد و منجر به افزایش شدید پرسای فشاری در این حفره‌ساز بهینه می‌شود.

۶۔ نتیجہ گیری

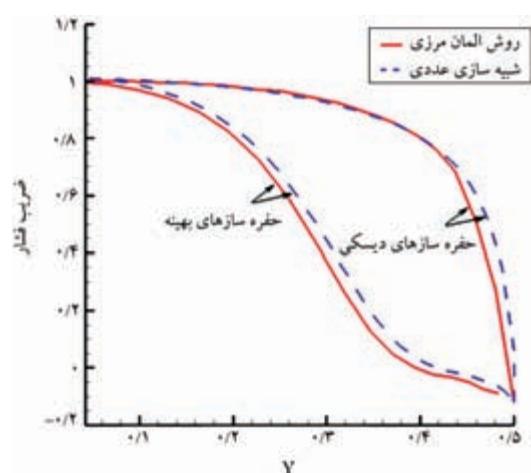
تحلیل جریان حفره‌سازی جزئی بر روی یک پرتابه متوارن محوری برای به دست آوردن بهترین حفره‌ساز، متناسب با سرعت پرتابه به کمک روش‌های المان مرزی و دینامیک سیالات مهندسی این مطالعه ارائه شد. کمینه‌کردن ضریب پسای کل پرتابه برای اعداد حفره‌سازی مختلف، مهم‌ترین هدف این تحقیق بود. برای رسیدن به این هدف از روش المان مرزی و شبیه‌سازی عددی استفاده شده است. تعداد زیادی حفره‌ساز توسط یک رابطه سه‌متغیره هندسی تولید و جریان پتانسیل اطراف آنها بهوسیله روش المان مرزی حل شد. با توجه به معیار انتخاب که ضریب پسای کل کمینه است، حفره‌ساز مطلوب انتخاب شد. برای اطمینان از نتایج حاصله، چندین حفره‌ساز که دارای ضریب پسای کل کمینه بوده‌اند به کمک شبیه‌سازی عددی (CFD) نیز حل شد و در نهایت بهترین حفره‌ساز انتخاب شد. نتایج نشان می‌دهد که برای تمامی اعداد حفره‌سازی، حفره‌ساز بهینه حفره‌سازی است که در کمترین ضریب پسا حفره‌بی تولید کند که بخش مخروطی پرتابه را احاطه کند، زیرا این بخش پسای فشاری زیادی تولید می‌کند. بنا بر این با افزایش عدد حفره‌سازی، حفره‌ساز بهینه دماغه‌ی کوچک‌تری خواهد داشت و به حفره‌ساز دیسکی نزدیک می‌شود. مشاهده می‌شود که حفره‌سازهای بهینه حفره‌ی کوچک‌تر و پسای اصطکاکی بیشتری نسبت به حفره‌ساز دیسکی تولید می‌کنند ولی به دلیل کاهش شدید ضریب پسای فشاری، در مجموع ضریب پسای کل پرتابه را نسبت به حفره‌ساز دیسکی به مقدار قابل توجهی کاهش می‌دهند که منجر به کاهش زیاد نیروی پیش‌رانش لازم برای حرکت پرتابه خواهد شد.



شکل ۲۰. مقایسهٔ شکل و طول حفرهٔ حفره‌ساز بهینه با حفره‌ساز دیسکی در $\sigma = ۱۲^\circ$



شکل ۲۱. تغییر ضرایب پسای حفره‌ساز دیسکی و بهینه نسبت به عدد حفره‌سازی.



شکل ۲۲. مقایسه‌ی توزیع فشار روی حفره‌ساز بهینه با حفره‌ساز دیسکی به دست آمده از روش‌های المان مرنزی و دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) در 0° ، 12° و 18° .

۱- فهرست علائم:

- A: سطح تصویر شده حفره ساز
- a: پارامتر هندسی حفره ساز
- CD: ضریب پسای کلی، $A = \frac{1}{\tau} \rho_1 U_{\infty}^2$
- CD_f : ضریب پسای اصطکاکی، $A = \frac{1}{\tau} U_{\infty}^2$
- CD_p : ضریب پسای فشاری، $A = \frac{1}{\tau_w} U_{\infty}^2$
- cf: ضریب اصطکاک، $\infty < C_f < 1$
- C_p : ضریب فشاری، $p_{\infty} / (\frac{1}{\tau} \rho_1 U_{\infty}^2) - p_{\infty}$
- D: قطر حفره ساز
- L_c: طول کاویتی
- L_{cone}: طول قسمت مخروطی پرتا به
- L_{cyl}: طول قسمت استوانه‌ای پرتا به
- n: بردار عمود بر سطح
- P₀₀₀: فشار محیط
- q: سرعت محلی بی بعد
- R_{cyl}: شعاع قسمت استوانه‌ای پرتا به

Z : نقاط کنترل حفره‌ساز	S : بردار مماس بر سطح
ρ_l : چگالی آب	U_∞ : سرعت جریان آزاد
$(p_\infty - p_v)/\frac{1}{2}\rho_l U_\infty^2$: عدد حفره‌سازی، σ	x : مولفه x محور مختصات
Φ : پتانسیل کلی	w : ضریب وزنی
φ : پتانسیل اختلالی	

پابنوشت‌ها

1. partial cavitation
2. Supercavitation
3. conformal mapping
4. Tulin
5. Perturbation
6. Riabouchinsky
7. Lourant
8. Chebyshev polynomials
9. interior source method
10. volume of fluid
11. Lagrange multiplier
12. boundary value problem (BVP)
13. Green's third identity
14. sources
15. dipoles
16. Laplace
17. source ring
18. dipole ring
19. Secant

منابع (References)

1. Varghese, A.N., Uhlman, J.S. and Kirschner, I.N. "Numerical analysis of high-speed bodies in partially cavitating axisymmetric flow", *Trans ASME, J. Eng.*, **127**, pp. 41-54 (2005).
2. Shafaghat, R., Hosseinalipour, S.M., Nouri, N.M. and Lashgari, I. "Shape optimization of two dimensional cavitators in supercavitating flows, using NSGA II algorithm", *Applied Ocean Research*, **30**, pp. 305-10 (2008).
3. Efros, D.A. "Hydrodynamic theory of two-dimensional flow with cavitation", *Dokl. Akad. Nauk SSSR*, **51**, pp. 267-270 (1946).
4. Tulin, M.P. "Supercavitating flows-small perturbation theory", *J. Ship Res.*, **7**, pp. 3 (1964).
5. Cuthbert, J. and Street, R. "An approximate theory for supercavitating flow about slender bodies of revolution", LMSC Report, TM81-73/39, Lockheed Missiles and Space Co., Sunnyvale, CA (1964).
6. Chou, Y.S. "Axisymmetric cavity flows past slender bodies of revolution", *J. Hydronautics*, **8**, pp. 1 (1974).
7. Voros, W.S. "A theoretical study of the use of supercavitation/ventilation for underwater body drag reduction", VAI Technical Report, Voros & Associates, Inc., Gregory, MI. (1991).
8. Kuria, I.M., Kirschner, I.N., Varghese, A.N. and Uhlman, J.S. "Compressible cavity flows past slender non-lifting bodies of revolution", *Proceedings of the ASME & JSME Fluids Engineering Annual Conference & Exhibition, Cavitation and Multiphase Flow Forum*, FEDSM97-3262, Vancouver, BC. (1997).
9. Uhlman, J.S. "The surface singularity method applied to partially cavitating hydrofoils", *Journal of Ship Research*, **31**(2), pp. 107-124 (1987).
10. Uhlman, J.S. "The surface singularity or boundary integral method applied to supercavitating hydrofoils", *Journal of Ship Research*, **33**(1), pp. 16-20 (1989).
11. Hase, P.M. "Interior source methods for planar and axisymmetric supercavitating flows", Ph. D. Thesis, Adelaide, Australia: University of Adelaide (2003).
12. Pasandideh Fard, M., Rashidi, I. and Tolami, M. "Numerical simulation of 2-D supercavitation and partial cavitation, using boundary element method", *Journal of Mechanic and Airspace*, **4**(2), pp. 15-28 (2006).
13. Rashidi, I., Moin, H., Pasandideh Fard, M. and Pasandideh Fard, M. "Numerical simulation of partial cavitation over axisymmetric bodies VOF method vs. potential flow theory", *Aerospace Science and Technology*, **5**(1), pp. 23-33 (2008).
14. Kinnas, S.A., Mishima, S. and Savineau, C. "Application of optimization techniques to the design of cavitating hydrofoils and wings", Department of Ocean Engineering Massachusetts Institute of Technology, International Symposium on Cavitation Deauville, France (2-5 May 1995).
15. Mishima, S.H. and Kinnas, S.A., " A Numerical optimization technique applied to the design of two-dimensional cavitating hydrofoil sections" *J. Ship Res.*, **40**, pp.28-38 (1995).
16. Alyanak, E., Venkayya, V., Grandhi, R.V. and Penmetsa, R.C. "Variable shape cavitator design for a supercavitating torpedo", *10th AIAA/ISSMO Multidisciplinary Analysis and Optimization Conference*, Dayton

- (OH 45345, United States), Department of Mechanical and Material Engineering, Wright State University.
- 17. Choi, J.H., Penmetsa, R.C. and Grandhi, R.V. "Shape optimization of the cavitator for a supercavitating torpedo", *IStruct Multidisk Optim, Aerospace and Mechanical Engineering*, Hankuk Aviation University, **29**, pp. 159-67 (2005).
 - 18. Shafaghat, R., Hosseinalipour, S.M., Lashgari, I. and Vahedgermi, A. "Shape optimization of axisymmetric cav-
 - itators in supercavitating flows, using the NSGA II algorithm", *Applied Ocean Res*, **33**, pp. 193-98 (2011).
 - 19. Franc, J.P. and Michel, J.M., *Fundamentals of Cavitation*, Kluwer Academic Publisher Netherlands (2004).
 - 20. Farouk, M.O. and Ali, H.N. "Numerical simulation of 3-D incompressible multi-phase flows over cavitating projectiles", *European Journal of Mechanics, B/Fluids*, **23**, pp. 339-351 (2004).