

طراحی بهینه مدارهای اتاماتای سلولی کوانتمی بر مبنای تعداد سلول‌های کوانتمی

به کمک الگوریتم‌های ژنتیک

محبوبه هوشمند^۱, منیره هوشمند^۲, راضیه رضایی^۳ و سید مجتبی روحانی^۴^۱دانشگاه فردوسی مشهد, Ma.Hooshmand@stu-mail.um.ac.ir^۲دانشگاه امام رضا (ع) مشهد, Monirehhoushmand@gmail.com^۳دانشگاه فردوسی مشهد, Razie.Rezaei@stu-mail.um.ac.ir^۴دانشگاه آزاد اسلامی- واحد گناباد, m.rouhani@ieee.org

چکیده- اتاماتای سلولی کوانتمی، یک تکنولوژی نوین برای پیاده‌سازی مدارات منطقی، در سطح نانو می‌باشد. در این مقاله، از الگوریتم‌های ژنتیک برای طراحی و بهینه‌سازی اتاماتای سلولی کوانتمی، استفاده شده است. بلوکهای پایه در اتاماتای سلولی کوانتمی، گیت اکثربت و گیت معکوس کننده هستند، که به ترتیب با پنج و یازده سلول کوانتمی قابل تحقق می‌باشند. روش‌های قبلی، در پیاده‌سازی مدارات بولی تک خروجی، بهینه‌سازی را بر حسب گیت‌های اکثربت و معکوس کننده انجام داده‌اند. با توجه به تعداد متفاوت سلول‌های کوانتمی مورد نیاز برای پیاده‌سازی گیت اکثربت و گیت معکوس کننده، مشخص است بهینه‌سازی تعداد گیت‌ها الزاماً به بهینه‌سازی تعداد سلول‌های کوانتمی نمی‌انجامد. ما در مقاله خود بهینه‌سازی را در سطح سلول‌های کوانتمی تشکیل‌دهنده این گیت‌ها انجام می‌دهیم. در گام اول، با تغییر یک روش قبلی، که بهینه‌سازی را بر حسب مجموع گیت‌های اکثربت و معکوس کننده انجام می‌داد، بهینه‌سازی برای مدارات تک خروجی بر مبنای تعداد سلول‌های کوانتمی ارائه می‌شود. در گام دوم روش گام اول توسعه داده شده و تعداد سلول‌های کوانتمی برای مدارات با دو خروجی بهینه می‌شود. شبیه‌سازی‌ها نشان می‌دهند که روش پیشنهادی ما تعداد سلول‌های کوانتمی را برای مدارات با یک و دو خروجی کاهش می‌دهد.

کلید واژه- اتاماتای سلولی کوانتمی، سلول کوانتمی، بهینه‌سازی، گیت اکثربت و گیت معکوس کننده.

استفاده از $p=+1$, برای نمایش^۱ منطقی و $p=-1$, برای منطقی 0^0 , اطلاعات دودویی می‌توانند انکد شوند. دو گیت اصلی منطقی در QCA، گیت اکثربت و گیت معکوس کننده، می‌باشد. یک گیت اکثربت متشکل از ۵ سلول کوانتمی است. با فرض A, B, C به عنوان ورودی‌های گیت اکثربت،تابع منطقی گیت اکثربت به صورت زیر است:

$$M(A, B, C) = AB + AC + BC$$

با ثابت نگهداشتن یکی از ورودی‌ها، در منطق 0^0 یا 1^1 به ترتیب می‌توانیم گیت or و and بسازیم:

$$M(A, B, 1) = A + B, M(A, B, 0) = AB$$

در گیت معکوس کننده، سلولهایی که در زاویه 45° درجه نسبت به هم‌دیگر قرار دارند، دارای قطبیت مخالف هم‌دیگر هستند. این گیت با 11° سلول کوانتمی قابل تحقق است[۶].

با توالی سلول‌های کوانتمی، سیم QCA را خواهیم داشت. در یک سیم QCA، یک سیگنال دودویی از ورودی به خروجی بهعلت دافعه‌ی کولنی بین سلول‌ها منتقل می‌شود. شکل ۲ سیم QCA گیت‌های اکثربت و معکوس کننده را نشان می‌دهد.

۱- مقدمه
اتاماتای سلولی کوانتمی (QCA) [۵-۱] انقلابی را در تکنولوژی-های محاسباتی در سطح نانو ایجاد کرده است. بهعلت مشکلات موجود در کاهش سایز مدارهای ترانزیستوری، QCA به عنوان جایگزینی برای چنین مدارهایی پیشنهاد شده است. واحد اصلی مدارهای QCA، سلول کوانتمی است. همانطور که در شکل ۱ مشخص است، یک سلول کوانتمی، متشکل از چهار نقطه کوانتمی می‌باشد که در چهار گوشی یک مربع قرار دارد.



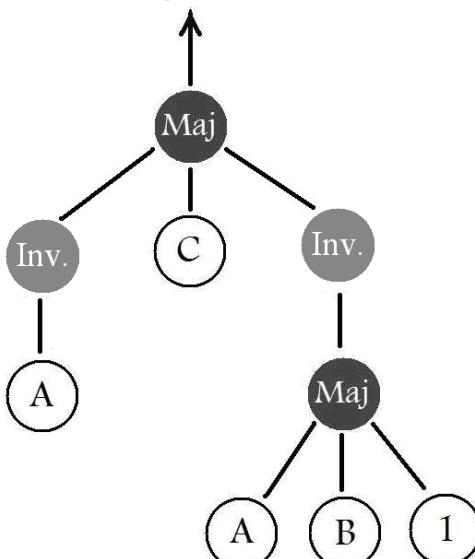
شکل ۱- یک سلول کوانتمی

هر سلول، با دو الکترون اضافی شارژ می‌شود که می‌توانند بین نقاط داخل سلول تونلزنی کنند. به علت دافعه کولنی، دو الکترون اضافی، راس‌های یکی از دو قطر را اشغال می‌کنند. این امر دو قطبیت مختلف ($p=-1$ و $p=+1$) را برای هر سلول ایجاد می‌کند. با

۲- روش پیشنهادی

۱-۲ بهینه‌سازی بر مبنای تعداد سلول‌های کوانتومی برای مدارات با یک خروجی

در [۱۰]، روشی برای بهینه‌سازی مدارات QCA بر مبنای الگوریتم-های ژنتیک ارائه شده است. این روش را گیت_تک خروجی می-نامیم. این روش مجموع تعداد گیت‌های اکثربت و گیت‌های معکوس‌کننده را در پیاده‌سازی یکتابع بولی کاهش می‌دهد. برخلاف اکثر روش‌هایی که از ساختار ماتریسی برای بهینه‌سازی مدارات منطقی استفاده می‌کنند، روش گیت_تک خروجی از ساختار درختی برای نمایش کروموزوم‌ها استفاده می‌نماید. گره‌های داخلی درخت، گیت‌های اکثربت و معکوس‌کننده هستند و برگ‌های درخت یا شامل "۱" منطقی و یا متغیر بولی هستند. برای مثال، شکل ۳ کروموزوم مورد نظر برای ایجاد تابع $M(A', C, M(A, B, 1)')$ را نشان می‌دهد.

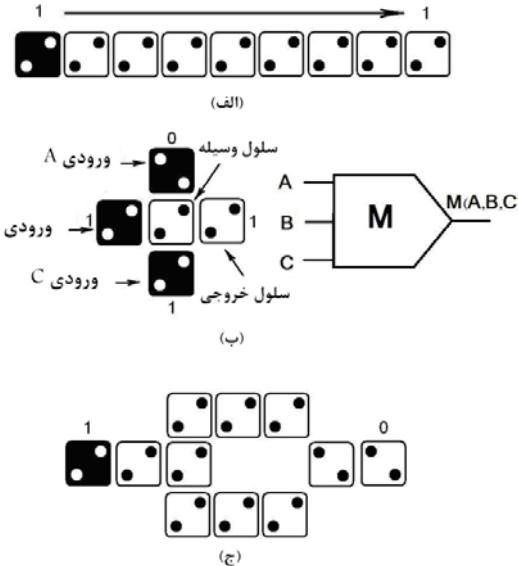


شکل ۳- یک کروموزوم برای ایجاد تابع $(M(A', C, M(A, B, 1)'))$

هر کروموزوم، در این نمایش، یک مدار منطقی را نمایش می‌دهد. تعداد متغیرها را n تابع منطقی که قرار است پیاده‌سازی شود را F و C را یک کروموزوم تحت بررسی در نظر بگیرید. تابع برازنده‌گی، بر مبنای شباهت هر کروموزوم با F به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$Fit(C) = \frac{N(F, C)}{2^n} \quad (1)$$

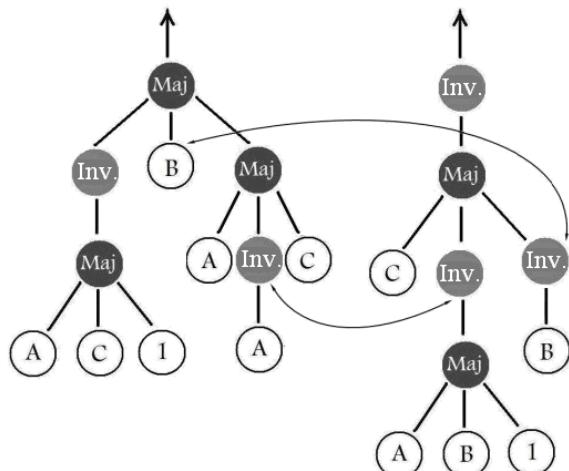
که $N(F, C)$ تعداد مبینترم‌های یکسان بین این کروموزوم و تابع F است. اگر یک کروموزوم مبینترم‌های یکسانی با تابع F داشته باشد، مقدار تابع برازنده‌گی که توسط (۱) تعریف می‌شود، برابر با ۱ خواهد



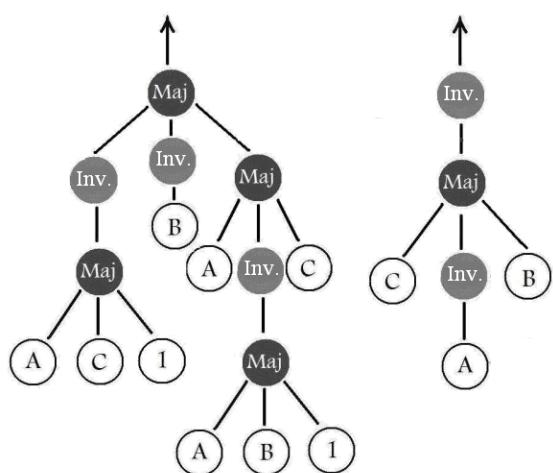
شکل ۲- (الف) سیم QCA (ب) یک گیت اکثربت QCA (ج) یک گیت معکوس‌کننده

بهینه‌سازی، یک گام ضروری در طراحی مدارات منطقی است. نمایش بهینه‌ی مدارات منطقی بر حسب گیت‌های اکثربت و معکوس‌کننده، به علت گیت‌های اکثربت چند سطحی، امری دشوار است. در این حوزه، پژوهش‌هایی برای مدارات QCA انجام شده-است [۱۰-۷] که همگی بهینه‌سازی در سطح گیت را مینمازند.

ما در مقاله خود، بهینه‌سازی سلول‌های کوانتومی تشکیل‌دهنده‌ی این گیت‌ها را مینمازیم، چون تعداد سلول‌های کوانتومی برای پیاده‌سازی گیت معکوس‌کننده بیش از تعداد لازم برای پیاده‌سازی گیت اکثربت است، بهینه‌سازی تعداد گیت‌ها الزاماً به بهینه‌سازی تعداد سلول‌های کوانتومی تشکیل‌دهنده‌ی آنها نمی‌انجامد. ما در گام اول، یک روش قبلی را [۱۰] که بهینه‌سازی را بر مبنای مجموع تعداد گیت‌های اکثربت و معکوس‌کننده برای مدارات QCA با یک خروجی انجام می‌دهد، تغییر داده و بهینه‌سازی را بر مبنای تعداد سلول‌های کوانتومی تشکیل‌دهنده‌ی آنها انجام می‌دهیم. سپس در گام بعد، روش بیان شده در گام اول را گسترش داده و این بهینه‌سازی را برای مدارات با دو خروجی انجام می‌دهیم. ساختار این مقاله به صورتی که در ادامه می‌آید است: در بخش ۲ در ابتدا روش پیشنهادی برای بهینه‌سازی مدارات با یک خروجی بر مبنای تعداد سلول‌های کوانتومی تشکیل‌دهنده‌ی گیت‌ها ارائه می‌شود. سپس این روش برای مدارات با دو خروجی گسترش داده می‌گردد. در بخش ۳ نتایج شبیه‌سازی‌ها آمدہ است. بخش ۴ به نتیجه‌گیری مقاله می‌پردازد.



الف) پیش از عمل تقاطع



ب) پس از عمل تقاطع

شکل ۴- عمل تقاطع الف- قبل از عمل تقاطع ب- پس از عمل تقاطع

عمل انتخاب توسط الگوریتمی دلخواه در [۱۱] می‌تواند انجام شود.

۲-۲ بهینه‌سازی بر مبنای تعداد سلوال‌های کوانتومی برای

مدارات با دو خروجی

روش سلوال_تک خروجی برای مدارات با یک خروجی کارآمد است. اما در محیط‌های واقعی، اغلب مدارات بیش از یک خروجی دارند. بهینه‌سازی مدارات با چند خروجی بهنحوی که هر خروجی بهطور مستقل بهینه گردد، الزاماً به یک پاسخ کلی بهینه نمی‌انجامد. چرا که در پیاده‌سازی همزمان چند خروجی، ممکن است بتوان گیت‌های مشترکی را پیدا کرد.

در این گام ما روش سلوال_دو خروجی را برای بهینه‌سازی مدارات با دو خروجی گسترش می‌دهیم.

فرض کنید قصد داریم که تعداد سلوال‌های کوانتومی یک مدار با دو خروجی را کمینه نماییم. خروجی‌های مدار را $out1$ و $out2$ در

شد. در این صورت در روش گیت_تک خروجی،تابع برازنده‌گی دیگری، مطابق (۲) استفاده می‌شود:

$$Fit(C) = 1 + \frac{1}{Nodes(C)} \quad (2)$$

که $Nodes(C)$ تعداد گره‌ها را در C نشان می‌دهد. ما در این گام، در روش پیشنهادی خود، که آن را سلوال_تک خروجی می‌نامیم، قصد داریم تعداد سلوال‌های کوانتومی تشکی-دهنده‌ی گیت‌ها را کمینه کنیم. لذا، تابع برازنده‌گی را متفاوت با (۲) و به صورت (۳) تعریف می‌کنیم.

$$Fit(C) = 1 + \frac{1}{(\alpha.No_{maj} + \beta.No_{inv})(C)} \quad (3)$$

که No_{maj} تعداد گیت‌های اکثریت و No_{inv} تعداد گیت‌های معکوس_کننده C را نشان می‌دهد. α و β در بازه‌ی $[0, 1]$ وزن-های نرمال‌شده‌ای هستند که به ترتیب به گیت‌های اکثریت و معکوس_کننده منتنسب می‌کنیم. همانطور که در مقدمه مطرح شد، چون، تعداد سلوال‌های کوانتومی برای تحقق گیت اکثریت برابر با ۵ و تعداد سلوال‌های کوانتومی برای پیاده‌سازی گیت معکوس_کننده ۱۱ است، لذا α را $\frac{5}{16}$ و β را $\frac{11}{16}$ در نظر می‌گیریم. تابع برازنده‌گی (۱) و (۳) با یکدیگر، کروموزوم‌ها را هم برمبنای شباهت با تابع بولی F و هم تعداد سلوال‌های کوانتومی رتبه‌دهی می‌کنند. برای کروموزوم‌هایی که تابع منطقی مورد نظر را پیاده‌سازی می-کنند، مقدار تابع برازنده‌گی ۱ یا بیشتر، وابسته به تعداد سلوال‌های کوانتومی است. هرچه قدر تعداد سلوال‌های کوانتومی کمتر باشد، مقدار تابع برازنده‌گی بیشتر می‌شود.

این روش با یک جمعیت اولیه تصادفی شروع می‌کند. تکامل با جهش و تقاطع انجام می‌گردد. جهش، یک یا تعدادی زنوم را در جمعیت با تعدادی دیگر از فضای مساله عوض می‌کند. عمل جهش برای ساختار درختی عمل پیچیده‌ای است. برای مثال، حالت را در نظر بگیرید که بخواهیم گرهی معکوس_کننده را با گره اکثریت تعویض کنیم. به این علت که تعداد ورودی‌ها در ساختار معکوس_کننده و اکثریت، متفاوت است، مساله بفرنج می‌گردد.

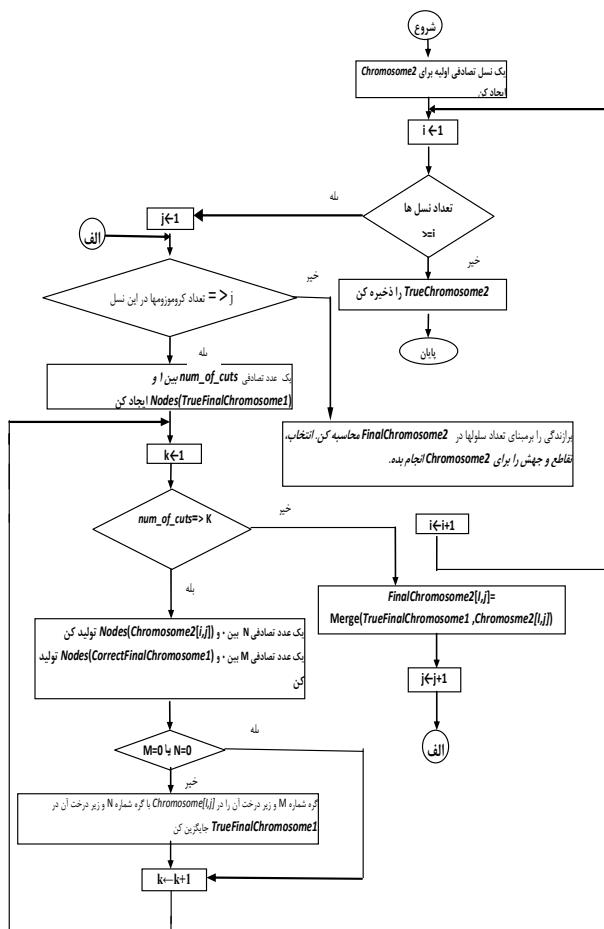
لذا روش نوینی برای عمل جهش برای این ساختار کروموزومی ارائه گشته است. در این روش یک کروموزوم تصادفی تولید می‌گردد و به جای کروموزومی که بدترین برازنده‌گی را در جمعیت دارد به جمعیت اضافه می‌شود. این عمل با احتمال مشخصی انجام می‌گیرد. برای انجام عمل تقاطع، یک گره تصادفی و زیر درخت آن با یک گره تصادفی دیگر و زیر درخت آن در کروموزوم دیگری جابجا می‌گردد. شکل ۴ عمل تقاطع را نشان می‌دهد. عمل تقاطع نیز با احتمال مشخصی صورت می‌پذیرد.

اجرا می نماییم. شکل ۷ و شکل ۸ به ترتیب فلوچارت و شبه کد این الگوریتم را نشان می دهند.

در این الگوریتم، مجموعه‌ی کروموزوم‌ها برای خروجی ۲، Chromosome $[i,j]$ امین خوانده می‌شود و Chromosome $[j,k]$ امین کروموزوم در نسل را نشان می‌دهد.

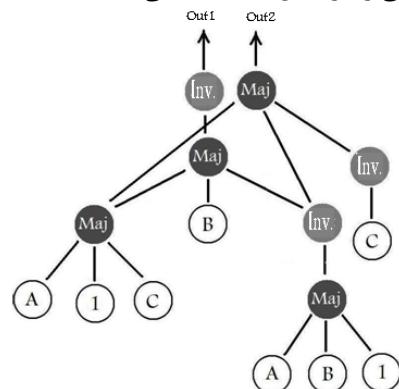
یک $TrueChromosome1$ با ادغام یک $FinalChromosome2[i,j]$ با یک $Chromosome2[i,j]$ ایجاد می‌شود. سپس، با بهترین برازنده‌گی ذخیره می‌شود. هر یک از این کروموزوم‌ها را $TrueFinalChromosome2$ می‌نامیم.

پس از اجرای الگوریتم، برای هریک از $TrueFinalChromosomes_1$ ها، بهترین کروموزوم در بین $TrueFinalChromosomes_2$ به عنوان پاسخ نهایی انتخاب می‌شود.



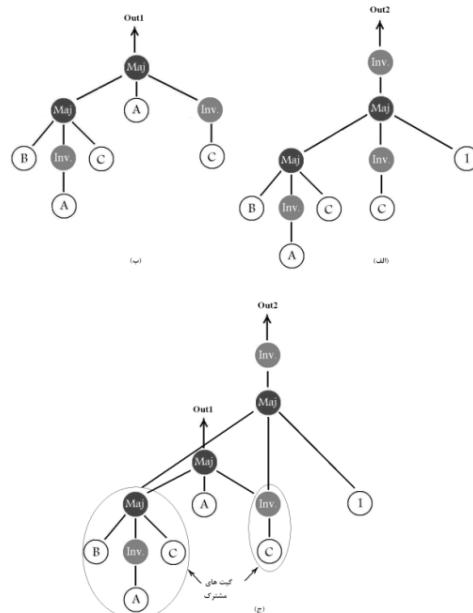
شکا، ۷- فلوجات الگو، يتم ا، ائه شده

نظر بگیرید. نمایش یک کروموزوم به صورت یک ساختار درختی با دو خروجی را در شکل ۵ مشاهده می‌کنید.



شکل ۵- یک کروموزوم با دو خروجی

پیش از ادامه مبحث، لازم است دوتابع را تعریف کنیم. تابع $Nodes(C)$ تعداد گره‌های کروموزوم C را بر می‌گرداند و تابع $merge(ch1, ch2)$ دو کروموزوم $ch1$ و $ch2$ را به عنوان ورودی می‌گیرد و یک کروموزوم با دو خروجی را که اdagمامی از این دو کروموزوم است را بر می‌گرداند. شکل ۶ با مثال عملکرد این تابع را نشان می‌دهد.



شکار ۶-الف) (ch1)، ب) (ch2)، چ) ک موزووم ادغامی

در ابتدا روش سلول_تک خروجی برای خروجی اول (*Out1*) اجرا می_کنیم. این روش را آنقدر اجرا می_نماییم تا کروموزومهایی با برآندهگی بیشتر از ۱ کسب کنیم و آن_ها را ذخیره می_نماییم. این کروموزومهای *TrueFinalChromosome1* می_نماییم. سپس برای هر یک از *TrueFinalChromosome1*, الگوریتم پیشنهادی خود را

۱- اولین نسل تصادفی را برای $Chromosome2$ تولید کن
 ۲- برای $i = 1$ تا $i = number\ of\ generations$ تکرار کن
 ۳- برای $j = 1$ تا $j = number\ of\ chromosomes$ در این نسل تکرار کن
 ۴- عدد تصادفی num_of_cuts را بین ۱ و $Nodes(TrueFinalChromosome1)$ تولید کن
 // عمل ادغام (شکل ۹)
 ۵- برای $k = 1$ تا $k = num_of_cuts$ تکرار کن
 ۶- عدد تصادفی M را بین ۰ و $Nodes(Chromosome2[i,j])$ تولید کن
 ۷- عدد تصادفی N را بین ۰ و $Nodes(TrueFinalChromosome1)$ تولید کن
 ۸- اگر یکی از متغیرهای M, N است، کاری انجام نده
 در غیر این صورت گره شماره N و زیر درخت آن را در $TrueFinalChromosome1$ جایگزین گره با شماره M و زیر درخت آن در $Chromosome2[i,j]$ کن. //توجه کنید که $TrueChromosome1$ تغییری نمی‌کند.
 $FinalChromosome2[i,j] = Merge(TrueFinalChromosome1, Chromosome2[i,j])$
 ۹- عمل تقاطع، جهش و انتخاب را برای $Chromosome2$. مشابه حالت مبتنی بر سلول_تک خروجی انجام بد. محاسبه برازنده‌گی (۳) برای $FinalChromosome2$. بهصورتی که در ادامه می‌آید انجام می‌شود
 $Fit(FinalChromosome2) = \frac{1}{(5.No_{maj} + 11.No_{inv})(TrueChromosome1) + (5.No_{maj} + 11.No_{inv})(Chromosome2[i,j]) - (5.No_{Common_maj} + 11.No_{Common_inv})}$
 ۱۰- بهرتیب تعداد گیت‌های مشترک اکثیریت و معکوس‌کننده بین No_{Common_inv} و No_{Common_maj} $FinalChromosome2$ و $Chromosome2[i,j]$ را نشان می‌دهد.
 ۱۱- $TrueFinalChromosome2$ را ذخیره کن (بهترین کروموزوم در آخرین نسل)

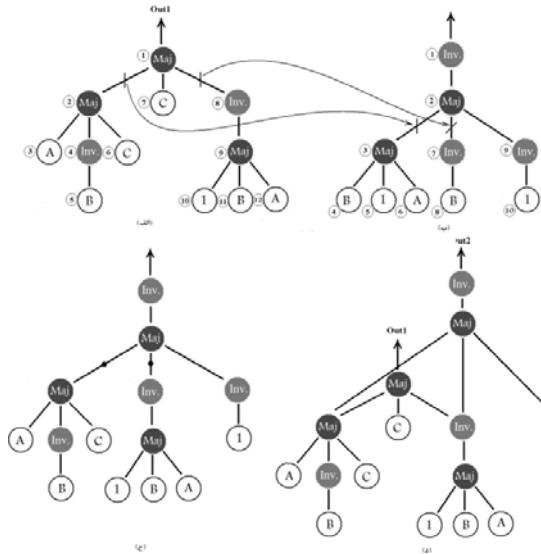
شکل ۸- الگوریتم ارائه شده

۳- نتایج شبیه‌سازی

ما روش پیشنهادی خود، سلول_تک خروجی را برای تمام مدارات ممکن به فرم $مجموع_مینترمها$ با ۳ ورودی اعمال کردیم. همچنان روش گیت_تک خروجی را نیز برای این مدارات اعمال کردیم. روش سلول_تک خروجی در ۸۵٪ موارد تا ۱۲٪ کاهش در سلول کوانتمی نسبت به روش گیت_تک خروجی ایجاد کرد. در بقیه موارد با روش گیت_تک خروجی تعداد برابری سلول کوانتمی تولید کرد.

روش سلول_دو خروجی را نیز را برای ۱۰۰۰ مدار به فرم $مجموع_مینترمها$ با ۳ ورودی/۲ خروجی که بهطور تصادفی ایجاد شده بوده‌اند، اعمال کردیم. همچنان روش سلول_تک خروجی را برای هر یک از خروجی‌های این مدارات بهطور مجزا اعمال نمودیم. روش سلول_دو خروجی، در ۶۲٪ مدارات تا ۳۰٪ کاهش در سلول_های کوانتمی را ایجاد می‌کرد. در بقیه موارد دو روش تعداد سلول_های کوانتمی یکسانی تولید می‌کردند.

پارامترهای تعداد نسل‌ها را بین ۱۰۰۰ تا ۵۰۰۰، تعداد جمعیت اولیه را ۱۰۰، احتمال جهش را ۰.۰۰۶ و احتمال تقاطع را ۰.۷ در نظر گرفتیم. الگوریتم چرخ رولت را برای انتخاب اعمال کردیم.



شکل ۹- عمل ادغام برای $Chromosome2$ یک $TrueFinalChromosome$ بعد از گرفتن چند گیت مشترک از $Chromosome2$ (ج) $FinalChromosome2$ (د) $TrueChromosome1$ (با دو خروجی)

جدول ۱- یک نمونه از مقایسه نتایج روش سلول_تک خروجی و
اجرای مستقل روش سلول_تک خروجی را نشان می دهد.

جدول ۲- یک نمونه از مقایسه نتایج روش سلول_دو خروجی و
گیت_تک خروجی را نشان می دهد.

جدول ۱- یک نمونه از مقایسه نتایج روش سلول_تک خروجی و گیت_تک خروجی

تابع (مجموع_مینترمها)	روش مورد استفاده	مدار به دست آمده	تعداد گیت معکوس- کننده	تعداد گیت اکثریت	تعداد کل گیت‌ها	تعداد کل سلول‌های کوانتموی	تعداد کاهش سلول‌های کوانتموی
$F_1 = \sum m (1, 3, 4, 6)$	گیت_تک خروجی	$M(1, M(A, 1', C'), M(1, A, C')')$	۴	۳	۷	۵۹	۶
	سلول_تک خروجی	$M(M(1, A, C), M(1, B, 1)', M(1, A, C)')$	۳	۴	۷	۵۳	

جدول ۲- یک نمونه از مقایسه نتایج روش سلول_دو خروجی و اجرای مستقل روش سلول_تک خروجی

تابع (مجموع_مینترمها)	روش مورد استفاده	مدار به دست آمده	تعداد گیت معکوس_کننده	تعداد گیت اکثریت	تعداد سلول‌های کوانتموی	تعداد کاهش سلول‌های کوانتموی
$F_1 = \sum m (0, 3, 4)$	سلول_تک خروجی	$M(M(1, A, M(B, C, A)'), M(1, B, C), A)'$	۲	۴	۴۲	۲۱
	بهطور مستقل	$M(M(1, A, C), M(C, 1, B)', B)$	۱	۳	۲۶	
	سلول_دو خروجی	تعداد کل(خروجی ۱ + خروجی ۲ - مشترک)	$1+2=3$	$3+4=7$	$26+42=68$	
	$F_2 = \sum m (3, 4, 6, 7)$	$M(M(C, B, 1)', M(A, C, M(B, 1, A))), A'$	۲	۴	۴۲	
		$M(M(A, C, M(B, 1, A)), B, M(C, B, 1)')$	۱	۴	۳۱	
		تعداد کل (خروجی ۱ + خروجی ۲ - مشترک)	$1+2-1=2$	$4+4-3=5$	$31+42-26=47$	

- [۴] N. Gergel, S. Craft, and J. Lach, "Modeling QCA for area minimization in logic synthesis," in *ACM Great Lakes Symposium VLSI*, 2003.
- [۵] M. Wilson, "Nanotechnology: Basic Science and Emerging Technologies," London, UK: Chapman & Hall, 2002.
- [۶] R. Farazkish, M. R. Azghadi, K. Navi, and M. Haghparast, "New Method for Decreasing the Number of Quantum Dot Cells in QCA Circuits," *World Applied Sciences Journal*, vol. 4, pp. 793-802, 2008.
- [۷] R. Zhang, P. Gupta, and N. K. Jha, "Synthesis of majority and minority networks and its applications to QCA, TPL and SET based nainventerechnologies," in *Conference on VLSI Design*, 2005.
- [۸] R. Zhang, K. Walnut, W. Wang, and G. Jullien, "A method of majority logic reduction for quantum cellular automata," *IEEE Trans. Nainventerechnology*, vol. 3, 2004.
- [۹] Z. Huo, Q. Zhang, Z. Huo, and Q. Zhang, "Logic optimization for Majority Gate-Based Nanoelectronic Circuits," in *ISCAS*, 2006.
- [۱۰] M. R. Bonyadi, S. M. R. Azghadi, N. M. Rad, K. Navi, and E. Afjei, "Logic optimization for Majority Gate-Based Nanoelectronic Circuits Based on Genetic Algorithm," in *International Conference on Electrical Engineering, ICEE*, 2007.
- [۱۱] M. Melanie, *An Introduction to Genetic Algorithms*. Cambridge, Massachusetts, London, England: The MIT Press, 1999.

۴-نتیجه‌گیری

در این مقاله، یک روش نوین با استفاده از الگوریتم‌های ژنتیک برای بهینه‌سازی مدارات QCA با یک خروجی بر مبنای سلول‌های کوانتموی تشکیل‌دهنده‌ی گیت‌های اکثریت و معکوس_کننده معرفی شد. سپس این روش گسترش داده شده، و برای بهینه‌سازی مدارات QCA با دو خروجی استفاده شد. شبیه‌سازی‌ها نشان دادند که این روش برای مدارات با یک خروجی و دو خروجی سلول‌های کوانتموی تشکیل‌دهنده‌ی گیت‌های اکثریت و معکوس_کننده کمتری تولید می‌کند.

مراجع

- [۱] C. Lent and P. Tougaw, "A Device Architecture for Computing with Quantum Dots," in *Proceeding IEEE*, 1997.
- [۲] P. D. Tougaw and C. S. Lent, "Logical devices implemented using quantum cellular automata," *Appl. Phys.*, 75 (3), pp. 1818-1825, 1994.
- [۳] I. Amlani, "Experimental demonstration of a leadless quantum-dot cellular automata cell," *Appl. Phys. Lett.*, vol. 77, pp. 738-740, 2000.