

## بررسی خواص ساختاری و الکترونی تک لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن: رهیافت نظریه تابعی چگالی

خالد النصار، محمود رضایی رکن آبادی، محمد بهدانی، بشرا قنبری شوهانی

گروه فیزیک، دانشکده علوم پایه، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران.

\*نویسنده مسئول: [bo.gh@mail.um.ac.ir](mailto:bo.gh@mail.um.ac.ir)

### خلاصه

در این پژوهش، خواص ساختاری و الکترونی تک لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن با استفاده از کد محاسباتی سایستا و بر اساس نظریه تابعی چگالی بررسی شده است. برای تابعی تبدیلی-همبستگی از تقریب شیب تعمیم‌یافته استفاده گردیده است. نتایج بررسی ویژگی‌های هندسی نشان می‌دهد که میزان خمیدگی صفحه فسفرین آبی و طول پیوندهای فسفر-فسفر در حالت تک لایه و دو لایه یکسان است. فسفرین آبی رفتار نیمرسانا از خود نشان می‌دهد اما دو لایه فسفرین آبی/گرافن رفتار فلزی دارد.

**کلمات کلیدی:** فسفرین آبی، گرافن، دو لایه، نظریه تابعی چگالی.

### 1. مقدمه

فسفر را می‌توان مانند گرافن به صورت یک لایه تک اتمی تهیه کرد که به آن فسفرین می‌گویند. فسفرین بر خلاف گرافن دارای گاف نواری غیرصفر است و می‌تواند مانند یک نیمرسانا عمل کند [1]. یک تک لایه از فسفر سیاه، فسفرین سیاه نامیده می‌شود. پیش بینی شده که فسفرین رقیبی جدی برای گرافن باشد زیرا بر خلاف گرافن، فسفرین دارای گاف نواری است. فسفرین سیاه به دلیل داشتن گاف نواری قابل تنظیم، تحرک پذیری بالای حاملها و ساختار ناهمسانگرد در حال حاضر توجه زیادی را به خود معطوف کرده است [2].

فسفرین آبی یک آلوتروپ تک لایه از فسفر است که پیش بینی شده مانند فسفرین سیاه پایدار باشد. سلول اولیه آن به شکل هگزاگونال است و برخلاف فسفرین سیاه ساختار آن همسانگرد است. گاف نواری بدست آمده طبق محاسبات اصول اولیه حدود 2 eV است [3]. مطالعات انجام شده نشان می‌دهند که فسفرین پتانسیل بالایی برای استفاده در باتری‌های لیتیم یون و سدیم یون دارد. بررسی نتایج محققان نشان می‌دهد که انرژی فعالسازی لازم برای پخش سدیم در فسفرین کمتر از گرافن،  $MoS_2$  و سیلیسن است. به دلیل داشتن مساحت سطحی بزرگ و انرژی فعالسازی کم انتظار می‌رود که فسفرین در باتری‌ها کاربرد داشته باشد [4]. با توجه به اهمیت و کاربردهای زیاد فسفرین در این مقاله به مقایسه ویژگی‌های ساختاری و الکترونی تک لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن پرداخته شده است.

## 2. روش محاسبات

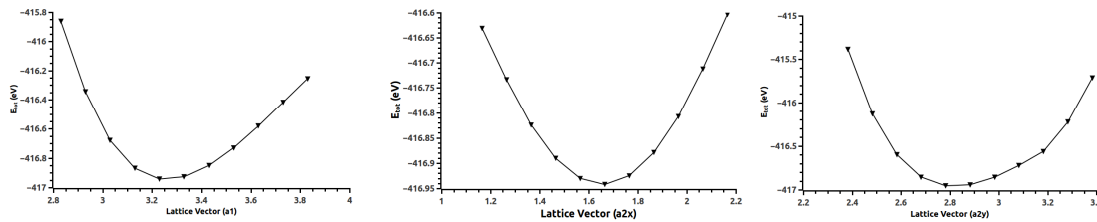
واهلش‌های ساختاری و بررسی خواص الکترونی تک لایه فسفرین آبی و دو لایه فسفرین آبی/اگرافن توسط محاسبات نظریه تابعی چگالی و به کمک بسته محاسباتی سایستا بر اساس روش ترکیب خطی اوربیتال‌های اتمی جایگزیده انجام شده است. در شبیه‌سازی‌های انجام شده جهت توصیف تابعی همبستگی - تبادلی برهمکنش الکترون - الکترون از تقریب شیب تعمیم یافته GGA-PBE استفاده شده است [5-6].

برای توصیف منطقه بریلوئن از روش مونخورست پک استفاده گردید. تعداد نقاط بهینه  $k$  برای تک لایه فسفرین آبی برابر  $15 \times 15 \times 1$  و برای دو لایه فسفرین آبی/اگرافن برابر  $12 \times 12 \times 1$  و انرژی قطع بهینه به ترتیب برابر  $200 \text{ Ry}$  و  $100 \text{ Ry}$  در محاسبات مورد استفاده قرار گرفت. برای جلوگیری از برهم کنش با ساختارهای مجاور یک لایه خلأ به اندازه کافی بزرگ در نظر گرفته شده است. پس از واهلش‌های ساختاری نیروی وارد بر هر اتم کمتر از  $0.01 \text{ eV/\AA}$  است. ثابت‌های شبکه بهینه شده برای تک‌لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی/اگرافن به ترتیب در شکل‌های (1) و (2) رسم شده است. همان طور که در این شکل‌ها مشخص است ثابت‌های شبکه بهینه تک‌لایه فسفرین آبی عبارتند از:

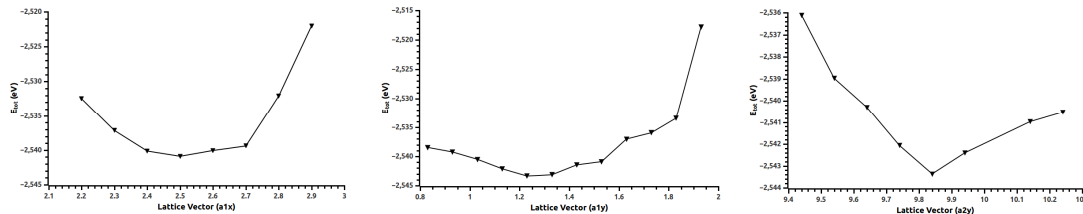
$$a_1=3/23\text{\AA}, a_2=1/665\text{\AA}, a_3=2/783\text{\AA}$$

و ثابت‌های شبکه دو لایه‌ای فسفرین آبی/اگرافن برابر مقادیر زیر هستند:

$$a_1=2/5\text{\AA}, a_2=1/23\text{\AA}, a_3=9/84\text{\AA}$$



شکل (1). بهینه‌سازی ثابت‌های شبکه تک‌لایه فسفرین آبی.

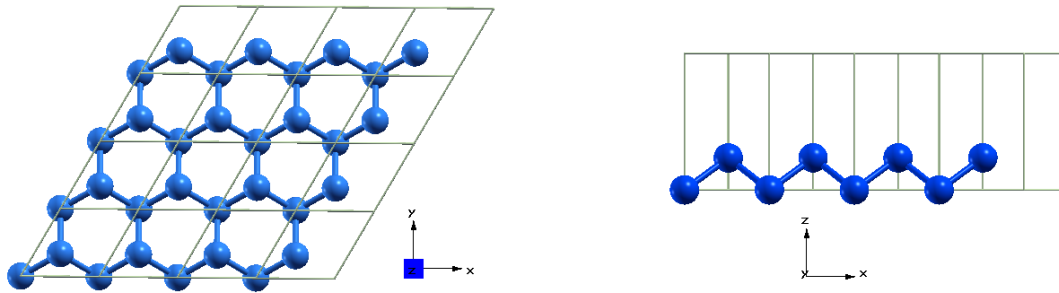


شکل (2). بهینه‌سازی ثابت‌های شبکه دو لایه‌ای فسفرین آبی/اگرافن.

### 3. نتایج و بحث

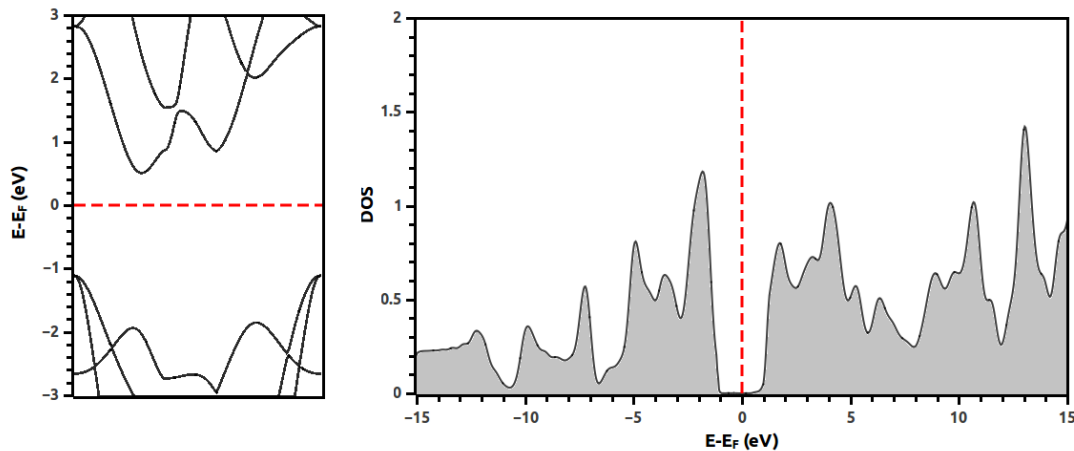
#### 1.3. تک لایه فسفرین آبی

ساختار هندسی تک لایه فسفرین آبی پس از واهلش از نمای بالا و جانبی در شکل (3) نشان داده شده است. بررسی ساختار واهلش یافته نشان می دهد که فسفرین آبی ساختار شبه صفحه ای دارد. مقدار خمیدگی ساختار برابر  $1/2\text{\AA}$  و طول پیوندهای فسفر - فسفر  $2.27\text{\AA}$  بدست آمده است. نتایج بررسی خواص ساختاری در توافق با گزارش های دیگران است [3].



شکل (3). ساختار هندسی تک لایه فسفرین آبی پس از واهلش.

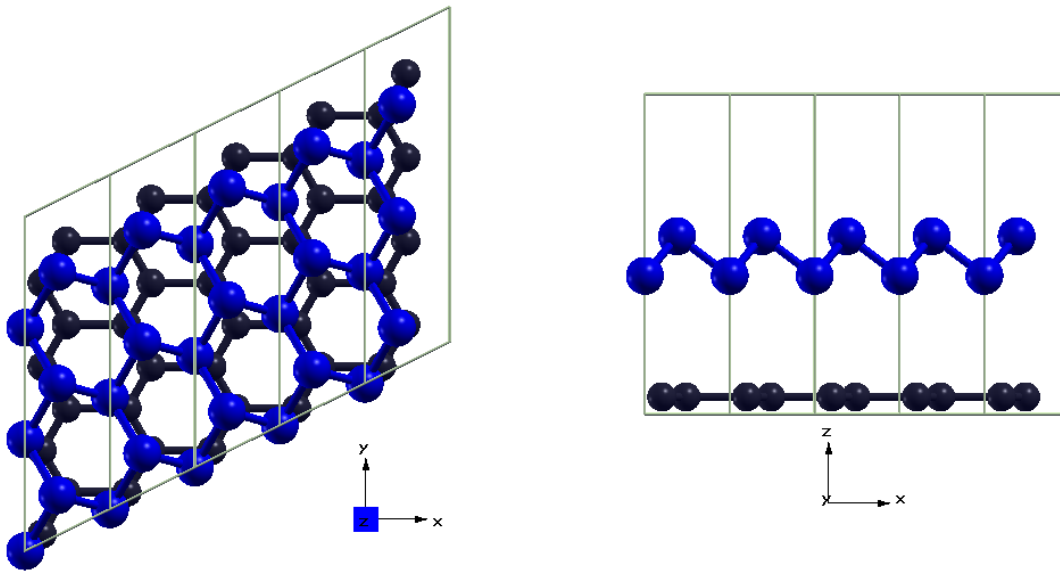
در مرحله بعدی، ساختار نواری و چگالی حالت های کل تک لایه فسفرین آبی محاسبه گردید که در شکل (4) رسم شده اند. انرژی فرمی در نقطه صفر قرار داده شده است. همان طور که در این شکل مشخص است فسفرین آبی رفتار نیم رسانایی دارد و گاف نواری غیرمستقیمی برابر  $1/9\text{eV}$  دارد که با نتایج سایر پژوهشگران مطابقت دارد [3].



شکل (4). (الف) ساختار نواری و (ب) چگالی حالت های کل تک لایه فسفرین آبی.

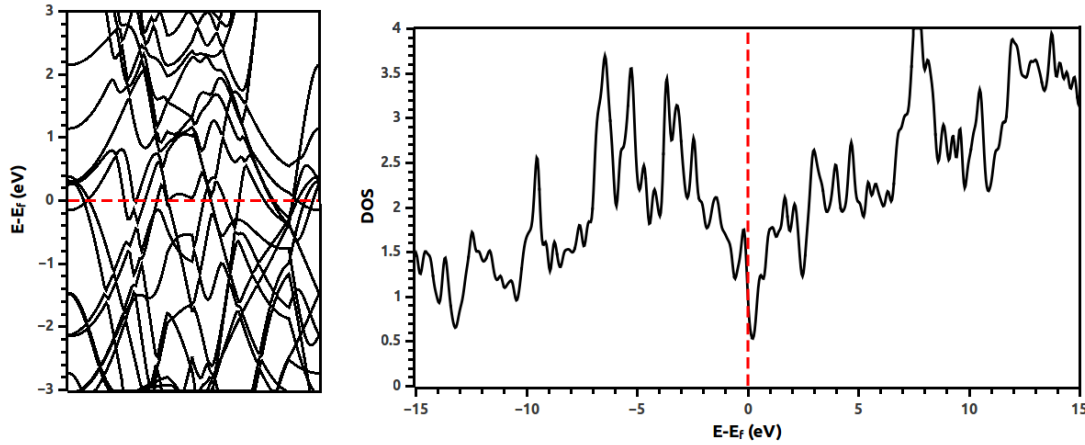
### 2.3. دولایه‌ای فسفرین آبی/گرافن

به منظور شبیه‌سازی دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن یک ابرسلول متشکل از 14 اتم (8 اتم کربن و 6 اتم فسفر) در نظر گرفته شد. ساختار هندسی دولایه‌ای فسفرین آبی/گرافن پس از واهلش در شکل (5) از نمای بالا (الف) و نمای جانبی (ب) نشان داده شده است. بررسی ساختار واهلش یافته نشان می‌دهد که مقدار خمیدگی صفحه فسفرین آبی در این ساختار با حالت تک لایه هیچ تفاوتی ندارد. طول پیوندهای فسفر - فسفر نیز تغییری نکرده است. طول پیوند کربن - کربن در صفحه گرافن برابر  $1.42\text{\AA}$  است.



شکل (5). ساختار هندسی دو لایه ای فسفرین آبی/گرافن پس از واهلش (الف) از نمای بالا و (ب) از نمای جانبی.

ساختار نواری و چگالی حالت‌های کل دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن در شکل (6) رسم شده‌اند. انرژی فرمی در نقطه صفر انتخاب شده است. همان طور که در این شکل مشخص است دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن رفتار فلزی از خود نشان می‌دهد.



شکل (6). ساختار نواری و چگالی حالت های کل دو لایه‌ای فسفرین آبی / گرافن.

### 3.3. مقایسه انرژی کل

در جدول شماره (1) انرژی کل تک لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن مقایسه شده‌اند. همان طور که در جدول مشخص است، انرژی کل دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن منفی‌تر است بنابراین این ساختار پایدارتر است.

جدول (1). انرژی کل تک لایه فسفرین آبی و دو لایه‌ای فسفرین آبی /گرافن.

نوع ساختار	انرژی کل
تک لایه فسفرین آبی	-417/06 eV
دو لایه فسفرین آبی /گرافن	-2548/21 eV

### 4. نتیجه‌گیری

در این تحقیق، تک لایه فسفرین آبی و دو لایه فسفرین آبی/گرافن با استفاده از کد محاسباتی سایستا در چارچوب نظریه تابعی چگالی و با استفاده از تقریب شیب تعمیم یافته مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهند که صفحه فسفرین آبی در هر دو ترکیب ساختار شبه‌صفحه‌ای دارد. میزان خمیدگی فسفرین آبی و طول پیوندهای فسفر-فسفر مشابه حالت تک لایه آن است. بررسی ساختار نواری و چگالی حالت‌ها نشان می‌دهند که تک لایه فسفرین آبی رفتار نیم‌رسانایی از خود نشانی دهد اما دو لایه فسفرین آبی/گرافن رفتار فلزی دارد. انرژی کل دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن منفی‌تر از انرژی کل تک لایه فسفرین آبی است، بنابراین دو لایه‌ای فسفرین آبی/گرافن پایداری بیشتری دارد.

## 5. مراجع

- [۱] L. Li, et al., “Black phosphorus field-effect transistors”, *Nature Nanotechnology* ۹ (۲۰۱۴) ۳۷۲-۳۷۷.
- [۲] E. Pollak, B. Geng, K.-J. Jeon, I. T. Lucas, T. J. Richardson, F. Wang and R. Kosteci, *Nano Lett.*, ۲۰۱۰, ۱۰, ۳۳۸۶-۳۳۸۸.
- [۳] Tao Hu and Jisang Hong, “Electronic structure and magnetic properties of zigzag blue phosphorene nanoribbons”, *Journal of Applied Physics* ۱۱۸, ۰۵۴۳۰۱ (۲۰۱۵).
- [۴] Yi Ding, and Yanli Wang, “Structural, Electronic, and Magnetic Properties of Adatom Adsorptions on Black and Blue Phosphorene: A First-Principles Study”, *J. Phys. Chem. C*, ۲۰۱۵, ۱۱۹, ۱۰۶۱۰-۱۰۶۲۲.
- [۵] Soler, J.M., Artacho, E., Gale, J.D., García, A., Junquera, J., Ordejón, P., Sánchez-Portal, D., “The SIESTA method for ab initio order-N materials simulation”, *J. Phys. Cond. Matt.*, Vol. ۱۴, pp. ۲۷۴۵, ۲۰۰۲.
- [۶] Perdew, J.P., Burke, K., Ernzerhof, M., “Generalized Gradient Approximation Made Simple” *Phys. Rev. Lett.*, Vol. ۷۷, pp. ۳۸۶۵, ۱۹۹۶.