

مطالعه تابع ساختار عرضی نوترون پیشرو با استفاده از ویژگی خودمتمشابه‌ای ساختار پروتون در x

کوچک

شعبی محسن آبادی، سمیرا^۱؛ تقوی شهری، فاطمه^۱

^۱دانشکده علوم، گروه فیزیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

چکیده

در این مقاله، فرآیند پراکندگی ناکشسان ژرف نیمه فراگیر تولید نوترون‌های پیشرو در HERA مورد مطالعه قرار گرفته است که در این برهم کنش نوترون‌های پیشرو بخش عظیمی از تکانه‌ی طولی پروتون را حمل می‌کنند. با استفاده از ویژگی خودمتمشابهی ساختار پروتون در x کوچک، فرم پارامتربندی شده برای تابع ساختار عرضی نوترون پیشرو در تقریب NLO ارائه شده است که با آنالیز گلوبال این تابع با داده‌های تجربی تولید نوترون‌های پیشرو، مقدار پارامترها معلوم و نتایج به دست آمده سازگاری خوبی با این داده‌های تجربی دارند.

واژه‌های کلیدی: پراکندگی ناکشسان ژرف نیمه فراگیر-نوترون‌های پیشرو-تابع ساختار عرضی نوترون پیشرو-مدل فرکتالی.

Considering the transverse neutron structure functions using the self-similarity attitude of proton structure in low x

Samira, Shoeibi Mohsenabadi¹; Fatemeh Taghavi-Shahri¹

¹Department of Physics, Ferdowsi University of Mashhad, P.O.Box 1436, Mashhad, Iran

Abstract

The production of leading neutrons, where the neutron carries a large fraction of the incoming proton's longitudinal momentum, is studied in semi inclusive deep inelastic positron-proton scattering (SDIS) at HERA. In this paper, we use the self-similarity attitude of proton structure in small value of x in order to achieve a parametrized form for transverse neutron structure function at next-to-leading order (NLO) approximation. By using the leading neutrons data, we find the parameter values and as a result the obtained results are in good agreement with the SDIS leading neutrons data.

Keywords: Semi-inclusive Deep Inelastic Scattering-Leading neutron-Transvers structure of leading neutron-Fractal model

PACS No. (13)

فراگیر لپتون-پروتون، سطح مقطع ذرات تولید شده در مرحله‌ی نهایی، حاصل از برهم‌کنش فوتون مجازی با پارتون‌های فعال پروتون فرودی، مورد بررسی قرار می‌گیرد. لپتون‌ها یکی از ذرات بنیادی دارای ساختار نقطه‌ای هستند و با استفاده از آنها می‌توان ساختار داخلی پروتون فرودی را مطالعه و قوانین حاکم بر کوچکترین جزء تشکیل دهنده‌ی ماده را توصیف نمود. در فرآیند SDIS، ذره‌ای خاص توسط آشکارساز ردیابی و سطح مقطع تولید

مقدمه

از جمله آزمایش‌های قابل توجه در فیزیک انرژی‌های بالا (High Energy Physics) پراکندگی ناکشسان ژرف کاملاً فراگیر (Totally Inclusive Deep Inelastic Scattering) و پراکندگی ناکشسان ژرف نیمه فراگیر (Semi-Inclusive Deep Inelastic Scattering (SDIS)) است. در پراکندگی ناکشسان ژرف کاملاً

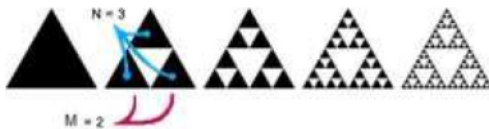
صورت تعداد مربع‌های کوچک، خواهد بود و اگر این ضریب بزرگ‌نمایی را برای مکعب اعمال کنیم تعداد مکعب‌های کوچک می‌شود. در حالت کلی اگر ضریب بزرگ‌نمایی را با M نشان دهیم، در آن صورت تعداد شکل‌های خودمتشابه تولید شده بر اساس این ضریب بزرگ‌نمایی، M^D خواهد بود که D بعد شکل مورد نظر است. براین اساس، بعد به صورت زیر تعریف می‌گردد [۱]:

$$D = \frac{\log(M^D)}{\log(M)} = \frac{\log(\text{تعداد شکل‌های خودمتشابه})}{\log(\text{ضریب بزرگ‌نمایی})} \quad (1)$$

با توجه به این رابطه، می‌توان بعد مثلث سرپینسکی را نیز بدست آورد.

$$D = \frac{\log 3}{\log 2} = 1.58496 \dots \quad (2)$$

که بعد مثلث سرپینسکی، مقداری کسری است.



شکل ۱. شماتیکی از بزرگ‌نمایی مثلث سرپینسکی

بعد فراکتالی یک مقیاس عددی برای میزان پر شدگی فضا توسط یک الگو می‌باشد و به عنوان یک شاخص آماری پیچیده معرفی می‌شود که تغییر الگوی فراکتالی را نسبت به تغییر مقیاس لحاظ شده به شکل، بیان می‌کند. بزرگ بودن یک صفحه از یک خط کاملاً مشخص است، اما مثلث سرپینسکی به عنوان یک شکل فراکتالی، نه تنها یک خط نیست بلکه به بزرگی یک صفحه هم نیست. تعریف بعد ارائه شده در رابطه‌ی (۱) را می‌توان به فراکتال‌های غیرگسسته نیز تعمیم داد:

$$D = \frac{\log f(z)}{\log(z)} \quad (3)$$

که در آن ضریب بزرگ‌نمایی عدد Z است و تعداد شکل‌های خودمتشابه در فراکتال مذکور، توسط تابع چگالی $f(z)$ نشان داده می‌شود. با انتگرال‌گیری از رابطه‌ی (۳)، تابع چگالی به صورت زیر بیان می‌گردد:

$$\log f(z) = D \log(z) + D_0 \quad (4)$$

با توجه به این رابطه، می‌توان گفت که رفتار تابع چگالی $f(z)$ به شکل تابعی توانی به صورت $f(z) \propto z^D$ است که متغیر D_0 به

آن نیز بررسی می‌شود. داده‌های مربوط به این فرآیندها نیز منظری جدید از تئوری دینامیک کوانتومی رنگ (QCD) در ناحیه نرم برهم‌کنش ارائه می‌دهد و بدین‌وسیله رابطه‌ی بین دینامیک نرم QCD و برهم‌کنش قوی هادرون‌ها نیز مطالعه می‌شود. به منظور درک عمیق‌تر و کامل‌تر از مکانیزم برهم‌کنش‌های SDIS و پدیده‌ی حبس در محدوده‌ی x ها و Q^2 های کوچک، می‌توان چگالی پارتون‌های درون هادرون را براساس الگوهای برخالی یا فراکتالی (Fractal) و ویژگی‌های خود همانندی نیز بیان کرد. فراکتال، ساختاری هندسی است که با بزرگ کردن هر بخش از این ساختار به نسبت معین، همان ساختار نخستین به دست آید. در این مقاله فرآیند تولید نوترون‌های پیشرو در برهم‌کنش SDIS پوزیترون-پروتون با استفاده از مدل فراکتالی مورد مطالعه قرار گرفته است. براین اساس تابع ساختار عرضی نوترون‌های پیشرو به صورت تابع پارامتربندی شده ارائه شده که با استفاده از آنالیز گلوبال این تابع با داده‌های تجربی جمع‌آوری شده‌ی از آشکارسازهای H1 در شتاب‌دهنده‌ی HERA، بهترین مقادیر پارامترهای مجهول گزارش می‌شود.

تعریف بعد فراکتالی

فراکتال ساختاری است که هر بخش از آن با کل‌اش متشابه است و دارای سه خاصیت خودمتشابه‌ای (به معنی یکسان دیده شدن شکل در مقیاس‌های متفاوت)، تشکیل از راه تکرار و بعد فراکتالی یا بعد کسری می‌باشد. به منظور مطالعه بعد فراکتالی در ابتدا باید مفهوم بعد را درک کنیم. منظور از بعد غیر کسری یا بعد با مقدار صحیح، تعداد مسیرهای مستقل در یک سیستم مختصات خاص است. به عنوان مثال، یک خط دارای یک بعد، مربع دارای دو بعد و مکعب دارای سه بعد می‌باشد. با این وجود ابعاد اشکال دیگری مانند مثلث سرپینسکی که در شکل (۱) نشان داده شده است، نیاز به تعریف عمومی‌تری دارند. مکعب، مربع و خط، اشیاء خودمتشابه هستند. هنگامی که یک خط از وسط به دو نیمه تقسیم می‌شود، با بزرگ‌نمایی یکی از آنها به اندازه ضریب دو (به عبارتی دو برابر کردن یکی از آنها) خط اصلی (مادر) دوباره بازسازی می‌شود. فرآیند مشابه را می‌توان برای مربع و مکعب نیز انجام داد. به عنوان مثال اگر ضریب بزرگ‌نمایی برای مربع سه باشد، در آن

شکل پارامتر بندی شده ی تابع ساختار پروتون در مدل فراکتالی

با توجه به مطالب عنوان شده در دو بخش قبل و با توجه به رابطه ی (۵)، در ابتدا باید ضریب(های) بزرگنمایی مربوط به چگالی کوآرک و گلوئون فعال در برهمکنش SDIS تولید نوترون های پیشرو را پیدا کرد. در صورت انتخاب درست ضریب بزرگنمایی z ، نمودار $\log\text{-}\log$ تابع چگالی $f(z)$ بر حسب این ضریب باید حالت خطی باشد که شیب این خط، بعد فرکتالی را به ما می دهد. از آنجایی که در مرجع [۲] مدلی پارامتر بندی شده برای نوترون های پیشرو براساس متغیرهای سینماتیکی x ، Q^2 و x_L است، با استفاده از آن نه تنها می توان اعتبار مدل فرکتالی برای نوترون های پیشرو بررسی کرد، بلکه با بهره گیری از رابطه ی (۵) می توان ضریب(های) بزرگ نمایی را نیز پیدا کرد. همانطور که در شکل (۲) نشان داده شده، رفتار چگالی کوآرک و گلوئونهای مدل ارائه شده در مرجع [۲] بر حسب متغیرهای سینماتیکی x و Q^2 خطی است. خط افقی مشکی رنگ در شکل (۲) محدوده ی رفتار خطی لگاریتم تابع چگالی کوآرک و گلوئون را نشان می دهد. بنابراین با توجه به اینکه ضریب های بزرگنمایی باید مقادیری غیر صفر و مثبت باشند و بعد فیزیکی نداشته باشند، چگالی کوآرک و گلوئون های برهمکنش مذکور به صورت زیر عنوان می گردد:

$$\log f_i(x, Q^2, x_L) = f(x_L) \{ D_1 \log \frac{1}{x} \log \left(1 + \frac{Q^2}{Q_0^2} \right) + D_2 \log \frac{1}{x} + D_3 \log \left(1 + \frac{Q^2}{Q_0^2} \right) + D_0 \} \quad (۶)$$

که در آن $f(x_L)$ ، تابعی بر حسب متغیر سینماتیکی x_L است. با استفاده از رابطه ی $xq(x, Q^2, x_L) = \int_0^{Q^2} \frac{aq^2}{q^2} f(x, q^2, x_L)$ تابع توزیع کوآرک به صورت زیر نوشته می شود:

$$xq_i(x, Q^2, x_L) = f(x_L) \left[\frac{e^{D_0 \log x - D_2 + 1}}{1 + D_3 - D_1 \log x} x^{-D_1 \log \left(1 + \frac{Q^2}{Q_0^2} \right)} \left(\left(1 + \frac{Q^2}{Q_0^2} \right)^{D_3 + 1} - 1 \right) \right] \quad (۷)$$

لازم به ذکر است که ضریب نرمال سازی D_0^i به طعم کوآرک وابسته است. در نهایت تابع ساختار پروتون در برهمکنش نیمه فراگیر تولید نوترون پیشرو را می توان با استفاده از رابطه ی تابع

عنوان ضریب نرمال سازی این تابع معرفی می شود. اگر مدل فراکتالی دارای دو ضریب بزرگنمایی مستقل از هم (y و z) باشد، در آن صورت تابع چگالی مربوط به این مدل فراکتالی با $f(z, y)$ نشان داده شده است و به صورت زیر عنوان می شود:

$$\log f(z, y) = D_{zy} \log z \log y + D_z \log z + D_y \log y + D_0 \quad (۵)$$

که در آن، D_{zy} به عنوان همبستگی ابعادی مربوط به ضریب های z و y معرفی می شود.

تولید نوترون های پیشرو در HERA و بررسی

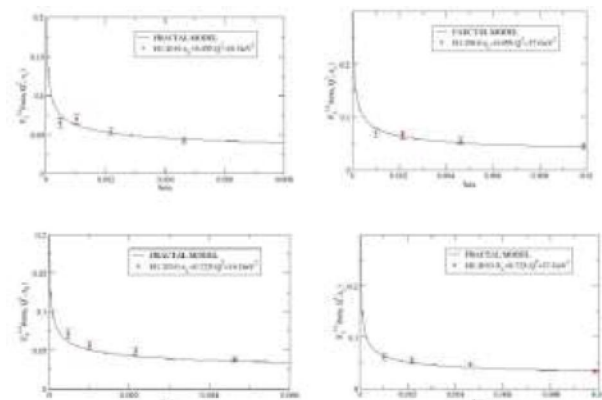
ساختار خودمتشابه پروتون

هشت تا ده درصد از ذرات نهایی تولید شده در برهم کنش پراکندگی ناکشسان ژرف نیمه فراگیر پوزیترون-پروتون، نوترون هایی هستند که کسر عظیمی از انرژی اولیه ی پروتون ورودی را با خود حمل می کنند. تکانی عرضی این نوترون ها نسبت به محور برخورد الکترون-پروتون کوچک است ($p_{T, \max} = 200 \text{ MeV}$) و در زوایای بسیار کوچک نسبت به محور برخورد تولید می شوند ($\theta_B = 0.8 \text{ mrad}$). با توجه به این ویژگی ها، به این نوترون ها، نوترون های پیشرو (Forward Neutrons) می گویند. در چند دهه ی گذشته، برهمکنش ناکشسان ژرف نیمه فراگیر پوزیترون-پروتون به منظور اندازه گیری تابع ساختار عرضی نوترون های پیشرو، $F_2^{Ln}(\beta, Q^2, x_L)$ ، در مرکز تحقیقاتی DESY توسط شتاب دهنده HERA انجام شده است [۳-۴]. در این تابع، $\beta = \frac{x_B}{1-x_L}$ کسر تکانی انتقالی به پارتون شرکت کننده در برهمکنش هادرونی سخت و $x_L \simeq \frac{E_n}{E_p}$ کسر تکانی طولی منتقل شده به نوترون پیشرو می باشد. لازم به ذکر است که در این آنالیز از به روزترین داده های این برهمکنش استفاده شده است [۴]. یکی از مسائل جالب در تئوری QCD، مطالعه ساختار پروتون در x های کوچک است [۵-۶]. در چنین شرایطی برهمکنش های گلوئون-گلوئون اتفاق می افتد و سهم کوآرک های دریای ساطع شده از گلوئون در تابع توزیع پروتون چشمگیر می شود. بنابراین به نظر می رسد که برهمکنش های مذکور، از ماهیت خودمتشابه عنوان شده در مدل فراکتالی تبعیت کنند و بتوان چگالی کوآرک های دریا در پروتون را به صورت تابعی توانی نوشت.

با اعمال الگوی فراکتالی برای چگالی پارتون‌های نوترون‌های پیشرو در x ‌های کوچک، یک رویکرد کاملاً جدید در مطالعه‌ی ساختار پرتون معرفی شد. براین اساس پرتون به عنوان یک موجود چند فراکتالی دیده می‌شود که ابعاد فراکتالی آن با استفاده از برازش مدل پدیدارشناختی پیشنهاد شده در این مقاله با داده‌های H1، تعیین می‌گردد. نتایج حاصل از این برازش نیز تطابق قابل قبولی با داده‌های تجربی دارند.

پارامترها	مقدار پارامترها
Q_0 [GeV ²]	0.532±0.02
D_0	0.803±0.07
D_1	0.139±0.003
D_2	0.945±0.008
D_3	-1.83±0.02
A	0.075±0.005
B	0.531±0.06
C	1.00±0.03
E	3.436±0.344

جدول (۱). بهترین مقدار پارامترهای بدست آمده حاصل از برازش نتایج مدل تئوری (۸) با داده‌های تجربی.



شکل (۳). مقایسه‌ی تابع ساختار عرضی نوترون پیشرو مدل (۸) با داده‌های تجربی H1 در $x_L = 0.455$ و $x_L = 0.725$

مرجع‌ها

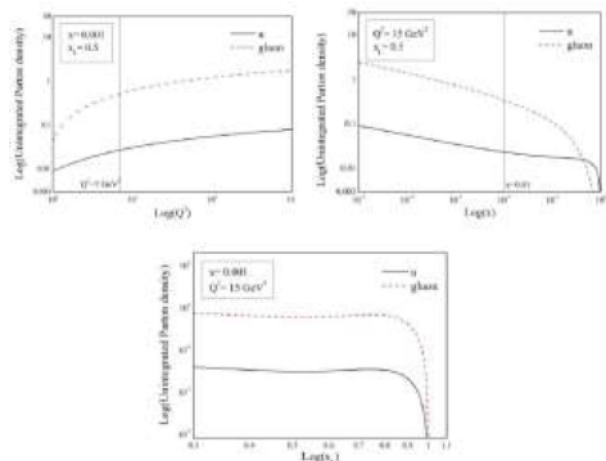
- [1] T. Lastovicka, Eur. Phys. J. C **24**, 529 (2002).
- [2] S. Shoeibi, H. Khanpour, F. Taghavi-Shahri and K. Javidan, Phys. Rev. D **95**, no. 7, 074011 (2017).
- [3] S. Chekanov et al. [ZEUS Collaboration], Nucl. Phys. B **637**, 3 (2002).
- [4] F. D. Aaron et al. [H1 Collaboration], Eur. Phys. J. C **68**, 381 (2010).
- [5] I. Abt, A. M. Cooper-Sarkar, B. Foster, V. Myronenko, K. Wichmann and M. Wing, Phys. Rev. D **94**, no. 3, 034032 (2016).
- [6] H. Abdolmaleki et al. [xFitter Developers' Team], Eur. Phys. J. C **78**, no. 8, 621 (2018).
- [7] M. Botje, Comput. Phys. Commun. **182**, 490 (2011).

توزیع کوآرک‌های دریا با تابع ساختار پرتون ($F_2 = x \sum_i e_i^2 (q_i + \bar{q}_i)$)، با در نظر گرفتن تقارن بین کوآرک و پادکوآرک و با توجه به رابطه $\beta = \frac{x_B}{1-x_L}$ به صورت زیر عنوان کرد:

$$F_2^{ln}(\beta, Q^2, x_L) = f(x_L) \left[\frac{e^{D_0 Q_0^2 \beta^{-D_2+1}}}{1+D_3-D_1 \log \beta} \left(\beta^{-D_1 \log(1+\frac{Q^2}{Q_0^2})} \left((1 + \frac{Q^2}{Q_0^2})^{D_3+1} - 1 \right) \right) \right] \quad (8)$$

که در آن تابع $f(x_L)$ به فرم پارامتری زیر است:

$$f(x_L) = A(x_L^B)(1-x_L)^C(1+Dx_L^E) \quad (9)$$



شکل (۲): نمودار چگالی کوآرک و گلوئون مدل ارائه شده در مرجع [۲] برحسب متغیرهای سینماتیکی x ، Q^2 و x_L .

برازش داده‌های تجربی H1 با مدل پیشنهادی

برازش مدل ارائه شده در رابطه (۸) با داده‌های تجربی تابع ساختار عرضی نوترون‌های پیشرو ارائه شده توسط گروه H1، توسط برنامه‌های QCDNUM [۷] و MINUIT انجام شد که مقدار بهینه پارامترها در جدول (۱) نشان داده شده است و مقدار χ^2 بهنجار شده در این آنالیز $\frac{\chi^2}{d.o.f} = 1.070$ گزارش شده است. شکل (۳) تابع ساختار عرضی نوترون‌های پیشرو را با داده‌های تجربی H1 در مقادیر متفاوت $x_L = 0.455$ و $x_L = 0.725$ مقایسه می‌کنند. این نتایج به ازای مقادیر متفاوت β ، Q^2 و x_L رسم شده است.

نتیجه‌گیری