

# ارایه یک مدل طراحی زنجیره تامین چندکالایی منعطف تحت شرایط عدم قطعیت تقاضا و زمان حمل محصول

نوید اصلانی راد<sup>a</sup>، حسین نقابی<sup>b</sup>

<sup>a</sup> دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، دانشگاه فردوسی مشهد

<sup>b</sup> استادیار، گروه مهندسی صنایع، دانشگاه فردوسی مشهد

نویسنده مسئول: نوید اصلانی راد (boy.navid@yahoo.com)

## چکیده

در این پژوهش برای مسئله طراحی شبکه زنجیره تامین چندمحصولی و چندسطحی شامل کارخانه، مراکز توزیع، منطقه مشتریان تحت عدم قطعیت فرمول نویسی ریاضی ارایه شده است. مسئله با عدم قطعیت تقاضا و زمان حمل مواجه است که در قالب سناریوهای مختلف در طی دوره‌های زمانی شبکه بیان گردیده است. مراکز توزیع کاندید با استفاده از مکان‌یابی مشخص می‌شوند. عدم قطعیت‌های تقاضا و زمان حمل و نقل برای مدل‌سازی در نظر گرفته شده است. همچنین از رویکرد مونتاژ فوری در مراکز توزیع برای منعطف نمودن زنجیره تامین بهره برده شده است.

**کلمات کلیدی:** زنجیره تامین؛ عدم قطعیت؛ سناریو؛ مونتاژ فوری؛ مکان‌یابی؛ زنجیره تامین منعطف

## A multi commodity model for design flexible supply chain under uncertainty demand and product transportation time condition

Navid Aslanirad, Hossein Neghabi

M.S student industrial engineering, Ferdowsi University of Mashhad, boy.navid@yahoo.com

Assistant professor, industrial engineering group, Ferdowsi University of Mashhad, h.neghabi64@gmail.com

### Abstract

In this research, a multi-product and multi-level supply chain network including a factory, distribution centers, customer areas under the mathematical formulation uncertainty has been presented. The problem is facing uncertainties in demand and shipping time, Uncertainty has been expressed in different scenarios during time horizon. Candidate distribution centers are identified by location. Demand uncertainties and transportation times are considered for modeling. Also, the immediate assembly approach in distribution centers has been used to flexibility the supply chain.

### Keywords

Supply Chain, Uncertainty, Scenario, Assembly, Location, Flexible supply chain

## ۱. مقدمه

مدیریت زنجیره تامین رویکردهای متنوعی است که تامین کنندگان، تولیدکنندگان و توزیع کنندگان را در تبدیل مواد خام به محصولات نیمه ساخته و محصولات نهایی و سپس توزیع این محصولات به مشتریان در مقدار صحیح تقاضا شده، مکان های بهینه و بموقع، به منظور رضایت سطح خدمت مشتری با کمترین هزینه یکپارچه می کند [۱]. صبری و بیمن<sup>۱</sup> معتقدند که عدم قطعیت یکی از چالش انگیزترین و مهم ترین مسائل در طراحی و مدیریت زنجیره تامین است [۲]. بهاتناگار و سوهال<sup>۲</sup> بیان دارند که عدم قطعیت در سیستم می تواند از تامین کنندگان به مشتریان انتشار یابد و کل زنجیره را با عدم قطعیت مواجه نماید [۳].

زنجیره تامین مورد مطالعه در این مقاله شامل یک زنجیره تامین چند محصولی و چند سطحی می باشد که در طی چند دوره بررسی و تحلیل می شود. شبکه زنجیره تامین سه سطحی شامل تولیدکننده و مراکز توزیع منتخب و منطقه مشتریان می باشد که مراکز توزیع نقش انبار را نیز برعهده دارند. تقاضا مشتریان و زمان حمل و نقل محصول از انبار به مشتریان عدم قطعیت دارد. کارخانه می تواند چند نوع محصول را تولید کند. تولیدکننده قادر است علاوه بر محصول نهایی (آماده تحویل)، محصولات نیمه آماده را نیز به مراکز توزیع ارسال نماید. تقاضای مشتریان با توجه به تقاضای آنها از دوره های قبل، پیش بینی می شوند. هر سناریو با احتمال مشخص، بیان کننده تقاضا و زمان حمل و نقل می باشد. عدم قطعیت زمان حمل و نقل چنین تعبیر می گردد که زمان های تحویل محصول به مشتریان با توجه به ترافیک موجود، هزینه های حمل متفاوتی دارند. برای حمل محصول از تولیدکننده به انبارها از حمل توسط کانتینر برای صرفه اقتصادی بهره برده شده است. برای منعطف نمودن زنجیره تامین از مونتاژ فوری در مراکز توزیع استفاده شده است. بدین ترتیب مراکز انبار نیز می توانند با مونتاژ قطعات مختلف، اقدام به تحویل محصول به مشتری نمایند ولی هزینه محصولات مونتاژ شده در انبارها به طور معمول بیشتر از هزینه تولید محصول نهایی توسط کارخانه می باشد. کمبود تقاضا مشتریان در مسئله لحاظ شده است. هدف این پژوهش این است که بتوان با توجه به عدم قطعیت های موجود، زنجیره تامین به نحوی مدل سازی شود تا کمترین هزینه و کمبود ایجاد شود.

## ۲. مروری ادبیات

جذابیت های عملی و نظری بحث زنجیره تامین باعث ایجاد علاقه مندی زیادی در محققین و پژوهشگران این حوزه گردیده است و در این زمینه ادبیات بسیار غنی موجود است که برای مطالعه می توان به گاویندن و همکاران<sup>۳</sup> [۴] و اسکندرپور و همکاران<sup>۴</sup> [۵] مراجعه نمود. در ادامه مروری بسیار اجمالی بر برخی از این مقالات پرداخته شده است. تیان و یو<sup>۵</sup> زنجیره تاملینی با تقاضا غیر قطعی و سناریوهای هزینه را بررسی نمودند و چارچوب جدیدی برای بدست آوردن حدپیشمانی مرتبط در طراحی زنجیره تامین مقاوم ایجاد نمودند [۶]. فلاح و همکاران<sup>۶</sup> رقابت بین دو زنجیره تامین حلقه بسته از جمله تولیدکنندگان، خرده فروشان و بازیافت کنندگان را مورد بررسی قرار دادند. هدف اصلی آنها بررسی تاثیر رقابت های همزمان بین دو زنجیره تامین حلقه بسته بر سود، تقاضا و بازگشت ها با در نظر گرفتن عوامل رقابتی، قیمت های خرده فروشی محصولات و مشوق های جدید مصرف کنندگان بود [۷]. کیوانشکوه و همکاران<sup>۷</sup> یک مدل حداکثرسازی سود جدید را برای طراحی زنجیره تامین با استفاده از یک برنامه خطی عدد صحیح مختلط توسعه دادند که در آن انعطاف پذیری در پوشش دادن نسبت های مورد تقاضا و بازده های مبتنی بر سیاست های کارخانه ها وجود داشت [۸]. بابازاده و همکاران<sup>۸</sup> یک مدل برنامه ریزی چند منظوره را برای طراحی یک شبکه زنجیره تامین سوخت در معرض خطر ارایه کردند. مدل پیشنهادی آنها دارای دو هدف شامل حداقل سازی هزینه های کلی زنجیره تامین سوخت از مراکز تامین مواد خام به مراکز مشتری و حداقل رساندن اثرات محیطی بود [۹]. گاویندان و فتاحی<sup>۹</sup> یک مساله طراحی شبکه زنجیره عرضه چند مرحله ای و چند دوره ای را مورد بررسی قرار دادند که در آن چندین نوع محصول باید از طریق سطوح مختلف فرآیند تولید، تولید شوند [۱۰].

<sup>1</sup> Sabri and Beamon

<sup>2</sup> Bhatnagar and Sohal

<sup>3</sup> Govindan and et al

<sup>4</sup> Eskandarpour and et al

<sup>5</sup> Tian and Yue

<sup>6</sup> Fallah and et al

<sup>7</sup> Keyvanshokoo and et al

<sup>8</sup> Babazadeh and et al

<sup>9</sup> Govindan and Fattahi

### ۳. مدل سازی ریاضی

در این قسمت تمامی اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیم مساله برای مدل سازی ریاضی بیان می‌گردد.

جدول ۱- اندیس‌ها

اندیس دوره زمانی ( $T$ تعداد دوره‌های زمانی)	$t \in \{1, 2, \dots, T\}$
اندیس سناریوها ( $nS$ تعداد سناریوهای موجود)	$s \in \{1, 2, \dots, nS\}$
اندیس انبارهای بالقوه برای احداث ( $M$ تعداد انبارهای بالقوه برای احداث)	$m, b \in \{1, 2, \dots, M\}$
اندیس منطقه مشتریان ( $L$ تعداد مشتریان)	$l \in \{1, 2, \dots, L\}$
اندیس محصولات مختلف تولیدی ( $I$ انواع محصولات تولیدی)	$i \in \{1, 2, \dots, I\}$

جدول ۲- پارامترها

ضریب اشغال حجم محصول $i$	$O_i$	$\Delta T_t$	طول دوره زمانی $t$ (ماه)
حجم کل فضای هر کانتینر	$E$	$Q'_m$	حداقل ظرفیت انبار $m$ (واحد کالا)
هزینه هر واحد کمبود (واحد پولی)	$R$	$Q_m$	ظرفیت انبار $m$ (واحد کالا)
هزینه حمل کانتینر به انبار $m$ (واحد پولی)	$U_m$	$D_{lit}^s$	تقاضا از محصول $i$ در منطقه مشتری $l$ در دوره زمانی $t$ تحت سناریو $S$ (واحد کالا)
هزینه ارسال قطعات پیش‌ساخته از کارخانه به انبار (واحد پولی)	$F$	$C_m^w$	هزینه ثابت احداث انبار در نقطه $m$ (واحد پولی)
هزینه مونتاژ فوری هر محصول در انبار از قطعات پیش‌ساخته (واحد پولی)	$H$	$C_{iml}^{TRs}$	هزینه هر واحد محصول $i$ منتقل شده از انبار $m$ به منطقه مشتری $l$ تحت سناریو $S$ (واحد پولی)
هزینه نگهداری قطعات پیش‌ساخته در انبار (واحد پولی)	$J$	$C_{im}^{TR}$	هزینه هر واحد محصول $i$ منتقل شده از کارخانه به انبار $m$ (کانتینری) (واحد پولی)
احتمال سناریو $S$	$\Psi_s$	$C_{imt}^l$	هزینه هر واحد نگهداری موجودی از محصول $i$ در انبار $m$ در طی دوره زمانی $t$ (واحد پولی)

جدول ۳- متغیرهای تصمیم

امید ریاضی مقادیر ارسال شده از انبار $m$ به مشتری $l$ از محصول $i$ در دوره $t$	$B_{itml}$
کمبود از محصول $i$ در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$V_{its}$
مقدار محصول پیش‌ساخته ارسال شده از کارخانه به انبار از محصول $i$ در انبار $m$ در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$q_{sub_{imts}}$
مقدار مونتاژ فوری (مونتاژ در انبار) از محصول $i$ در انبار $m$ در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$T_{sub_{imts}}$
تعداد کانتینر ارسالی به انبار $m$ در دوره $t$	$w_{mt}$
تعداد کل کانتینرهای ارسال	$W_t$
حداقل موجودی که از محصول $i$ در انبار $m$ در دوره $t$ نگهداری می‌شود (موجودی اطمینان)	$I_{imt}^{\min}$
مقدار جریان محصول $i$ منتقل شده از انبار $m$ به مشتری $l$ در دوره زمانی $t$ تحت سناریو $S$	$Q_{imlt}^s$
مقدار محصول $i$ آماده تحویل (نهایی) ارسالی (از کارخانه) به انبار $m$ در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$Q_{imt}^s$
سطح موجودی از محصول $i$ در انبار $m$ در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$I_{imt}^s$
نرخ تولید محصول $i$ در کارخانه در دوره $t$ تحت سناریو $S$	$P_{it}^s$

جدول ۴- متغیرهای تصمیم گسسته (صفر و یک)

اگر تعداد انبار احداث شود ۱ می‌باشد در غیر اینصورت برابر صفر است	$A_m$
اگر انبار $m$ احداث شود ۱ می‌باشد در غیر اینصورت برابر صفر است	$Y_m$
اگر از انبار $m$ به مشتری $l$ جریان تخصیص یابد ۱ است در غیر اینصورت برابر صفر است	$X_{ml}$

قصد داریم در این مدل ضمن دستیابی به یک برنامه ایده‌آل تحت شرایط عدم قطعیت، هزینه‌های کل زنجیره را کاهش دهیم، مدل ارائه شده به منظور کم کردن هزینه‌ها تعیین می‌کند که چه محصولی در چه زمان به چه مقدار به کدام انبارها ارسال گردد. همچنین، از محصول نیمه‌آماده در هر دوره چه مقدار مستقیماً به انبارها ارسال شود و چنددوره در انبار بماند. علاوه بر این، در هر دوره چه محصولی و به چه مقدار به مشتری فرستاده شود.

در ادامه تابع هدف مسئله و محدودیت‌ها مدل در نظر گرفته شده معرفی می‌شوند.

### ۳-۱. تابع هدف مدل

$$\text{Min } Z = \sum_t \Delta T_t (z_1 + z_2) + \sum_{s=1}^{NS} \Psi_s (\sum_t \Delta T_t (z_3 + z_4 + z_5 + z_6 + z_7 + z_8 + z_9)) \quad (1)$$

$$z_1 = \sum_m C_m^W * Y_m \quad (2)$$

$$z_2 = \sum_i \sum_m U_m * W_{mt} \quad (3)$$

$$z_3 = \sum_i \sum_m \sum_l C_{iml}^{S,TR} * Q_{imlt}^S \quad (4)$$

$$z_4 = \sum_i \sum_m C_{im}^{TR} * Q_{imt}^S \quad (5)$$

$$z_5 = \sum_i \sum_m C_{imt}^I * I_{imt}^S \quad (6)$$

$$z_6 = \sum_i V_{its} * R \quad (7)$$

$$z_7 = \sum_i \sum_m q_{sub_{imts}} * F \quad (8)$$

$$z_8 = \sum_i \sum_m T_{sub_{imts}} * H \quad (9)$$

$$z_9 = \sum_i \sum_m (q_{sub_{imts}} - T_{sub_{imts}}) * J \quad (10)$$

رابطه (۱) تابع هدف مدل ریاضی برای کمینه‌سازی هزینه‌ها و کمبودها می‌باشد که در افق دوره‌های زمانی بیان شده و تشریح جزئیات آن در ادامه آمده است. رابطه (۲) بیانگر اینست که اگر انباری احداث شود، هزینه ثابت احداث آن در نظر گرفته می‌شود، رابطه (۳) بیانگر هزینه حمل به ازای هر تعداد کانتینر ارسالی را محاسبه می‌کند، رابطه (۴) هزینه حمل هر واحد محصول از انبار به مشتریان را نشان می‌دهد، رابطه (۵) هزینه حمل هر واحد محصول از تولیدکننده به انبار را نشان می‌دهد، رابطه (۶) هزینه هر واحد نگهداری محصول در انبار را نشان می‌دهد، رابطه (۷) هزینه کمبود به ازای هر واحد کمبود را نشان می‌دهد، رابطه (۸) هزینه هر واحد حمل محصول پیش‌ساخته از تولیدکننده به انبار را نشان می‌دهد، رابطه (۹) هزینه هر واحد محصول مونتاژ شده در هر انبار را نشان می‌دهد، رابطه (۱۰) هزینه نگهداری هر واحد محصول پیش‌ساخته در انبار را نشان می‌دهد زیرا تمام محصولات پیش‌ساخته مونتاژ نمی‌شوند و ممکن است تعدادی از آنها در انبار نگهداری شده و در دوره بعد استفاده شوند.

### ۳-۲. محدودیت‌ها:

$$V_{ilt}^S \geq \sum_l D_{ilt}^S - \sum_m \sum_l B_{itml} \quad \forall i, t, s \quad (11)$$

$$B_{itml} = \sum_s Q_{imlt}^S * \Psi_s \quad \forall i, t, m, l \quad (12)$$

$$\sum_m Y_m = \sum_m m * A_b \quad (13)$$

$$I_{imt}^{min} \geq \frac{V_{its}}{b} - M * (1 - A_b) \quad \forall m, i, t, b, s \quad (14)$$

$$T_{sub_{imts}} = q_{sub_{imts}} / \text{number} * \quad \forall i, m, t, s \quad (15)$$

$$\sum_m \sum_t W_{mt} = WT \quad (16)$$

$$\sum_s \sum_i \Psi_s * Q_{imt}^S * O_i \leq E * W_{mt} \quad \forall m, t \quad (17)$$

$$X_{ml} \leq Y_m \quad \forall m.l \quad (18)$$

$$Q_{imlt}^s \leq Q'_m * X_{ml} \quad \forall i.m.l.t.s \quad (19)$$

$$Q_{imt}^s \leq Q'_m * Y_m \quad \forall i.m.t.s \quad (20)$$

$$V_{its} \leq qsub_{imts} \quad \forall i.t.m.s \quad (21)$$

$$\sum_i Q_{imlt}^s \geq Q''_m * X_{ml} \quad \forall m.l.t.s \quad (22)$$

$$p_{it}^s = \sum_m Q_{imt}^s \quad \forall i.t.s \quad (23)$$

$$I_{imt}^s = (Q_{imt}^s - \sum_l Q_{imlt}^s) \quad \forall m.i.s.t = 1 \quad (24)$$

$$I_{imt}^s = I_{im.t-1}^s + (Q_{imt}^s - \sum_l Q_{imlt}^s) \quad \forall m.i.s.t \geq 2 \quad (25)$$

$$\sum_i I_{imt}^s \leq Q'_m \quad \forall m.t.s \quad (26)$$

$$\sum_i I_{imt}^s \geq Q''_m \quad \forall m.t.s \quad (27)$$

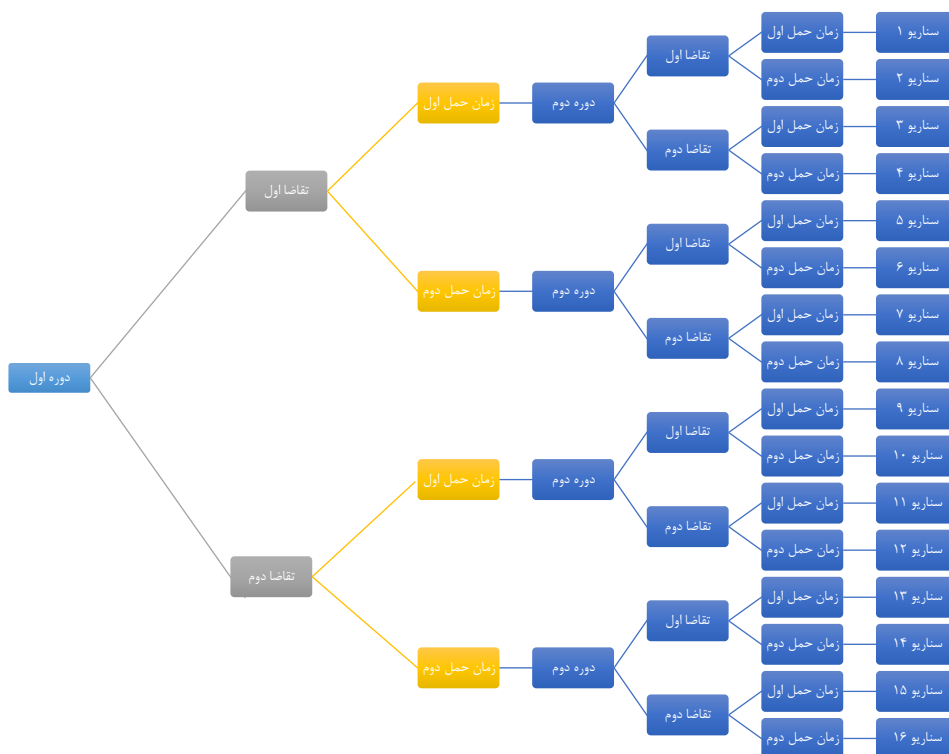
$$\sum_m Q_{imlt}^s \geq D_{ilt}^s \quad \forall i.l.t.s \quad (28)$$

$$I_{imt}^s \geq I_{imt}^{s.min} \quad \forall i.m.t.s \quad (29)$$

$$V_{its}, qsub_{imts}, Tsub_{imts}, w_{mt}, Wt, I_{imt}^{s.min}, Q_{imlt}^s, Q_{imt}^s, I_{imt}^s, p_{it}^s \geq 0. int. B_{itml} \geq 0 \quad (30)$$

محدودیت (۱۱) نشان می‌دهد که مقدار کمبود حداقل به اندازه‌ی اختلاف بین تقاضا و امیدریاضی مقدار کالا ارسالی از انبار به منطقه مشتری می‌باشد. محدودیت (۱۲) امیدریاضی مقدار کالا ارسال شده از انبار به مشتریان را نشان می‌دهد، رابطه (۱۳) و (۱۴) مرتبط با یکدیگر بوده که سمت چپ رابطه (۱۳) بیانگر مجموع تعداد انبارهای احداث شده می‌باشد و سمت راست عبارت تنها یکی از متغیرها یک می‌شود و بقیه صفر می‌شوند یعنی اگر به عنوان مثال سه انبار احداث شده باشد تنها  $A_3$  مقدار یک می‌گیرد و باقی  $A_b$  ها صفر می‌شوند و رابطه (۱۴) بیانگر اینست که موجودی اطمینان حداقل به اندازه، مقدار کمبود تقسیم به مجموع تعداد انبارهای احداث شده در نظر گرفته شده است. محدودیت (۱۵) فرض است که هریک از محصولات نهایی از تعدادی محصول پیش‌ساخته تشکیل می‌گردد که تحت عنوان مونتاژ فوری بیان می‌گردد (number نشان‌دهنده تعداد زیرمونتاژ مورد نیاز جهت تشکیل محصول نهایی است). سمت راست رابطه (۱۶) تعداد کل کانتینرهای استفاده شده را محاسبه می‌کند. رابطه (۱۷) نشان می‌دهد که ضریبی از مقدار محصول نام برای حمل در نظر گرفته می‌شود تا تعداد کانتینرها عدد صحیح شوند. محدودیت (۱۸) نشان می‌دهد برای تخصیص انبار به مشتری باید ابتدا انبار احداث شود. رابطه (۱۹) نشان می‌دهد که مقدار کالا فرستاده شده از انبار به مشتری می‌تواند حداکثر به اندازه ظرفیت انبار باشد در صورتی که تخصیصی بین انبار و مشتری شکل گرفته باشد. رابطه (۲۰) نشان می‌دهد مقدار کالایی که از کارخانه به انبار فرستاده می‌شود حداکثر به اندازه ظرفیت انبار است تنها در صورتی که انبار احداث شود. محدودیت (۲۱) نشان می‌دهد که مقدار کمبود حداکثر به اندازه قطعات پیش‌ساخته اتفاق می‌افتد. محدودیت (۲۲) نشان می‌دهد مقدار کالایی که از انبار به مشتری ارسال می‌گردد حداقل به اندازه‌ی، حداقل ظرفیت انبار است تنها در صورتی که تخصیصی بین انبار و مشتری باشد. رابطه (۲۳) بیانگر نرخ تولید است که به اندازه‌ی مقدار کالای ارسالی از کارخانه به انبار می‌باشد. محدودیت (۲۴) بیانگر این است که در دوره اول سطح موجودی انبار به اندازه اختلاف بین مقدار کالا فرستاده شده از کارخانه به انبار و مقدار کالایی که از انبار به مشتری رفته است می‌باشد. محدودیت (۲۵) نشان می‌دهد که از دوره دوم به بعد سطح موجودی انبار برابر با سطح موجودی باقیمانده از دوره قبل به اضافه اختلاف بین مقدار کالا فرستاده شده از کارخانه به انبار و مقدار کالایی که از انبار به مشتری رفته است می‌باشد. محدودیت (۲۶) نشان می‌دهد که سطح موجودی در انبار حداکثر به اندازه ظرفیت انبار می‌باشد. محدودیت (۲۷) نشان می‌دهد که سطح موجودی در انبار حداقل به اندازه، حداقل ظرفیت انبار می‌باشد. محدودیت (۲۸) نشان می‌دهد مقدار کالایی که از انبار به مشتریان فرستاده می‌شود حداقل به اندازه سطح تقاضا می‌باشد. محدودیت (۲۹) نشان می‌دهد که سطح موجودی انبار حداقل به اندازه موجودی اطمینان انبار می‌باشد. رابطه (۳۰) تمام متغیرهای تصمیم مسئله عدد صحیح می‌باشند بجز متغیر امیدریاضی تعداد محصولات که پیوسته می‌باشد.

در این قسمت نمونه‌ای از شبکه زنجیره‌تامین مفروض بررسی شده است. برای مثال زنجیره‌تامینی با یک تولیدکننده و سه انبار و پنج منطقه‌مشتري را در حالی که مشتریان عدم قطعیت تقاضا محصول و زمان حمل‌ونقل را دارند، فرض شده است. تولیدکننده دو نوع محصول را تولید می‌کند. افق برنامه‌ریزی زمانی شبکه زنجیره‌تامین مورد بررسی در طی ۲ دوره زمانی می‌باشد که هر دوره شامل ۲ ماه می‌شود. در هر دوره زمانی دو تقاضا مختلف و دو زمان حمل‌ونقل متفاوت داریم که چهار ترکیب مختلف را برای هر دوره تشکیل می‌دهند. تقاضا دوره‌ها از دو حالت خوش بینانه و بدبینانه از هر محصول در نظر گرفته شده است. در دوره اول چهار حالت پدید آمده و برای دوره دوم نیز چهار حالت اتفاق می‌افتد و در نهایت تشکیل ۱۶ = ۴ \* ۴ سناریو را می‌دهد که احتمال هر کدام ۰/۰۶۲۵ در نظر گرفته شده. مجموع احتمال سناریوها برابر یک می‌باشد. زمان حمل‌ونقل در حالت اول بدون ترافیک می‌باشد و برای زمان حمل‌ونقل در حالت دوم با ترافیک فرض شده است. با توجه به حمل‌ونقل در حالت ترافیک هزینه حمل بیشتر از حالت بدون ترافیک می‌باشد. نحوه تشکیل هر کدام از این سناریوها در قالب شکل زیر بیان شده است و مشهود است که هر کدام از سناریوها بیانگر کدام حالت اتفاق افتاده در شبکه زنجیره‌تامین می‌باشد. به عنوان مثال سناریو اول بیانگر اتفاق افتادن تقاضا و زمان حمل اول در دوره اول و تقاضا و زمان حمل اول در دوره دوم در طی افق زمانی می‌باشد.



شکل ۱: تمامی سناریوهای مختلف مساله مورد بررسی

هزینه ثابت احداث هر انبار به ترتیب ۷۰۰۰ و ۵۰۰۰ و ۳۰۰۰ واحد پولی می‌باشد. ضریب‌اشغال حجم محصولات به ترتیب ۰.۱۵ و ۰.۰۸ می‌باشد. حجم کل فضای هر کانتینر ۱۰ می‌باشد. حداقل ظرفیت برای هر انبار یک واحد محصول در نظر گرفته شده است. ظرفیت موجودی برای هر انبار ۱۰۰۰ واحد محصول است. هزینه هر واحد کمبود یک واحد پولی می‌باشد. هزینه ارسال قطعات پیش‌ساخته از کاخانه به انبار ۵ واحد پولی است. هزینه مونتاژ فوری هر محصول در انبار از قطعات پیش‌ساخته ۸ واحد پولی است. هزینه نگهداری قطعات پیش‌ساخته در انبار ۵ واحد پولی است. هزینه حمل کانتینر به انبار به ترتیب ۱۰۰ و ۱۱۰ و ۱۰۰ واحد پولی می‌باشد. از هر سه محصول نیمه‌ساخته یک محصول نهایی تولید می‌شود. دسته سناریوهای زیر برای راحتی ارائه داده‌های مدل تعریف می‌گردند. در هریک از دسته سناریوهای زیر به علت وجود برخی اشتراکات بسیاری از پارامترها ثابت می‌باشند.

$$S1 = \{s1 - s8\} \quad S2 = \{s9 - s16\} \quad S3 = \{s1, s2, s5, s6, s9, s10, s13, s14\} \quad S4 = \{s3, s4, s7, s8, s11, s12, s15, s16\}$$

جدول ۶- تقاضا مشتریان

شماره مشتری	تقاضای محصول ۱					تقاضای محصول ۲				
	۱	۲	۳	۴	۵	۱	۲	۳	۴	۵
دوره اول	S1	۲۵	۴۰	۴۰	۸۰	۲۵	۴۰	۴۰	۸۰	۲۵
	S2	۵۰	۶۰	۶۵	۱۱۰	۵۰	۶۰	۶۵	۱۱۰	۵۰
دوره دوم	S3	۷۵	۱۰۰	۳۰	۵۰	۷۵	۱۰۰	۳۰	۵۰	۷۵
	S4	۹۰	۱۲۰	۵۰	۹۰	۱۰۰	۹۰	۱۲۰	۵۰	۹۰

جدول ۵- هزینه نگهداری

انبار		۱	۲	۳
محصول ۱	دوره اول	۲	۲	۲
	دوره دوم	۲	۲	۲
محصول ۲	دوره اول	۳	۳	۳
	دوره دوم	۳	۳	۳

همچنین با تعریف مجموعه سناریوهای زیر سایر پارامترها تعیین می‌شوند.

$$S'_1 = \{s1. s3. s9. s11\} \quad S'_2 = \{s2. s4. s5. s7. s10. s12. s13. s15\} \quad S'_3 = \{s6. s8. s14. s16\}$$

جدول ۷- هزینه حمل و نقل محصولات از انبارها به مشتریان

		مشتری ۱			مشتری ۲			مشتری ۳			مشتری ۴			مشتری ۵		
		S'_1	S'_2	S'_3	S'_1	S'_2	S'_3	S'_1	S'_2	S'_3	S'_1	S'_2	S'_3	S'_1	S'_2	S'_3
محصول ۱	انبار ۱	۱۰	۱۲	۱۴	۹	۱۱	۱۳	۱۱	۱۳	۱۵	۱۲	۱۴	۱۶	۱۱	۱۳	۱۵
	انبار ۲	۱۱	۱۳	۱۵	۱۰	۱۲	۱۴	۱۲	۱۴	۱۶	۱۳	۱۵	۱۷	۱۲	۱۴	۱۶
	انبار ۳	۹	۱۱	۱۳	۸	۱۰	۱۲	۱۰	۱۲	۱۴	۱۱	۱۳	۱۵	۱۰	۱۲	۱۴
محصول ۲	انبار ۱	۱۵	۱۷	۱۹	۱۴	۱۶	۱۸	۱۶	۱۸	۲۰	۱۷	۱۹	۲۱	۱۶	۱۸	۲۰
	انبار ۲	۱۶	۱۸	۲۰	۱۵	۱۷	۱۹	۱۷	۱۹	۲۱	۱۸	۲۰	۲۲	۱۷	۱۹	۲۱
	انبار ۳	۱۴	۱۶	۱۸	۱۳	۱۵	۱۷	۱۵	۱۷	۱۹	۱۶	۱۸	۲۰	۱۵	۱۷	۱۹

مدل ریاضی فوق توسط نرم‌افزار CPLEX نسخه ۱۲.۶ کدنویسی و بر روی یک کامپیوتر قابل حمل با مشخصات Core i7 پردازنده ۲.۳ گیگاهرتز و حافظه ۶ گیگابایت RAM اجرا گردید. همچنین یک مثال با در نظر گرفتن یک کارخانه تولیدی، ۳ مکان بالقوه انبار و ۵ منطقه مشتری حل گردید. حل مساله ۹ ثانیه به طول انجامید و مقادیر مختلف متغیرهای تصمیم مشخص گردیدند. با توجه به مقادیر احتمالات سناریوها و مقادیر بهینه محصول و زیرمونتاز ارسالی در هر سناریو، امیدریاضی محصولات نهایی و زیرمونتاز ارسالی از کارخانه به انبارها و همچنین مقدار امیدریاضی محصولات ارسالی از انبارها به مناطق مشتریان بدست آمد.

جدول ۱۱- امید ریاضی تعداد محصول اول انتقال یافته از انبار به مشتری

مشتری		۱	۲	۳	۴	۵
انبار ۱	دوره اول	۲۴	۱۰	۲۱	-	۹
	دوره دوم	۱	۱	۱	-	۱
انبار ۲	دوره اول	۱	۶۳	-	-	-
	دوره دوم	۱	۱	-	-	-
انبار ۳	دوره اول	۱۳	۳۸	۳۲	۹۵	۲۹
	دوره دوم	۸۱	۱۶۸	۳۹	۷۰	۸۷

جدول ۸- امید ریاضی تعداد محصول نهایی از کارخانه به انبارها

انبارها		۱	۲	۳
کارخانه محصول ۱	دوره اول	۶۸	۶۶	۲۲۲
	دوره دوم	۰	۰	۴۴۸
کارخانه محصول ۲	دوره اول	۱	۱	۳۳۳
	دوره دوم	۰	۰	۷۰۰

جدول ۱۲- امید ریاضی تعداد محصول دوم انتقال یافته از انبار به

مشتری

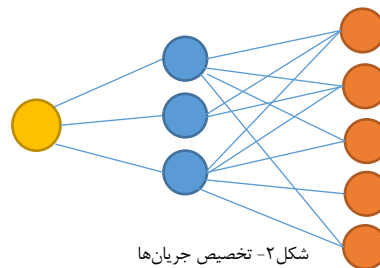
مشتری انبار		۱	۲	۳	۴	۵
		دوره اول	-	-	-	-
انبار ۱	دوره دوم	-	-	-	-	-
	دوره اول	-	-	-	-	-
انبار ۲	دوره دوم	-	-	-	-	-
	دوره اول	۳۸	۱۱۰	۵۳	۹۵	۳۸
انبار ۳	دوره دوم	۸۳	۱۶۷	۴۰	۷۰	۸۸

جدول ۱۰- مقادیر امید ریاضی سطح موجودی انبارها

انبار		۱	۲	۳
محصول ۱	دوره اول	۴	۲	۱۵.۷۵
	دوره دوم	-	-	-
محصول ۲	دوره اول	۱	۱	۱
	دوره دوم	۱	۱	۱

جدول ۹- مقادیر امید ریاضی مونتاژ در انبارهای مختلف

انبار		۱	۲	۳
محصول ۱	دوره اول	۰.۵	۰.۵	۰.۵
	دوره دوم	-	-	-
محصول ۲	دوره اول	۰.۵	۰.۵	۰.۵
	دوره دوم	۰.۵	۰.۵	۰.۵



مقدار ۱۵.۷۵ واحد (موجودی محصول یک در دوره اول در انبار سوم) به خاطر این است که در یکی از سناریو ها (سناریو ۸) قسمتی از تقاضا برای محصول یک در دوره دوم از طریق موجودی ذخیره شده در انبار سوم به دلیل کم بودن هزینه نگهداری این انبار برطرف گردیده است.

از ۱۸ کامیونت جهت حمل محصول استفاده شد. نتایج بدست آمده نشان دهنده کارایی مدل پیشنهادی در حل نسبتا سریع مساله پیشنهادی بود. امید ریاضی مقادیر کمبود از محصول اول در دوره اول ۱.۵ واحد و از محصول دوم در دوره اول و دوم ۱.۵ بدست آمد.

## ۵. نتیجه گیری

در این مقاله یک مدل ریاضی برای یک زنجیره تامین سه سطحی شامل تولیدکننده، توزیع کننده و مشتریان با در نظر گرفتن عدم قطعیت های تقاضای مشتریان و زمان حمل و نقل کالا مورد بررسی قرار گرفت. عدم قطعیت های در نظر گرفته شده در مدل پیشنهادی در قالب سناریوهای مختلف با احتمالات متفاوت می توانند ارائه گردند. حداقل سازی مجموع هزینه ها شامل هزینه حمل و نقل محصولات و مونتاژها، احداث انبارها، نگهداری موجودی انبارها و کمبود موجودی به عنوان تابع هدف مساله مورد بررسی قرار گرفتند. جهت انعطاف پذیری و واقعی تر کردن مساله برخی نوآوری ها شامل مونتاژ فوری محصولات در انبارها و در نظر گرفتن موجودی اطمینان جهت جلوگیری از کمبود، استفاده از حمل توسط کانتینر برای صرفه اقتصادی در مدل لحاظ گردیدند. در پایان مدل بیان شده برای یک مساله شامل یک تولیدکننده، ۳ مکان کاندید انبار و ۵ منطقه مشتری حل گردید و جواب های منطقی در زمان مناسب بدست آمد که نشان دهنده صحت و کارایی مدل پیشنهادی بودند.

## ۶. منابع

- 1- Chandra, C., Grabis, J., (2007), Supply Chain Configuration: Concepts, Solutions, and Applications, Springer, 10.1007/978-0-387-68155-9.
- 2- Sabri, E.H., Beamon, B.M., (2000), A multi-objective approach to simultaneous strategic and operational planning in supply chain design, Omega, 28: 581-598.
- 3- Bhatnagar, R., Sohal, A.S., (2005), Supply chain competitiveness: measuring the impact of location factors, uncertainty and manufacturing practices, Technovation.



- 4- Govindan, k., Fattahi, M., Keyvanshokoh, E., (2017), Supply chain network design under uncertainty: A comprehensive review and future research directions, *European Journal of Operational Research*, 263, 108-141
- 5- Eskandarpour, M. , Dejax, P. , Miemczyk, J. , & Péton, O. (2015). Sustainable supply chain network design: an optimization-oriented review. *Omega*, 54 , 11–32 .
- 6- Tian, J., & Yue, J. (2014). Bounds of relative regret limit in p-robust supply chain network design. *Production and Operations Management*, 23 (10), 1811–1831.
- 7- Fallah, H., Eskandari, H., & Pishvae, M. S. (2015). Competitive closed-loop supply chain network design under uncertainty. *Journal of Manufacturing Systems*, 37 (3), 649–661.
- 8- Keyvanshokoh, E., Ryan, S. M., & Kabir, E. (2016). Hybrid robust and stochastic optimization for closed-loop supply chain network design using accelerated Benders decomposition. *European Journal of Operational Research*, 249 (1), 76–92. <http://dx.doi.org/10.1016/j.ejor.2015.08.028>.
- 9- Babazadeh, R., Razmi, J., Pishvae, M. S., & Rabbani, M. (2017). A sustainable second-generation biodiesel supply chain network design problem under risk. *Omega*, 66 (Part B), 258–277.
- 10- Govindan, K., & Fattahi, M. (2017). Investigating risk and robustness measures for supply chain network design under demand uncertainty: a case study of glass supply chain. *International Journal of Production Economics*, 183 (Part C), 680–699.