

الگوریتم جدید برای ردیابی اهداف راداری با مانور بالا در مختصات قطبی مبتنی بر روش نویز معادل

■ علی کارساز / استادیار گروه برق / موسسه آموزش عالی خراسان / karsaz@khorasan.ac.ir

چکیده

روشی جدید بر اساس تبدیل ماتریس کواریانس خطا از دستگاه مختصات قطبی به کارتزین برای مساله ردیابی اهداف با مانور بالا ارائه گردیده است. با استفاده از این تبدیل، فیلتر کالمن خطی استاندارد می تواند برای دسته مسایلی که ردیابی اهداف با مانور در مختصات قطبی و بر اساس دریافت پارامترهای فاصله و سمت انجام می گیرد و معادله مشاهده آن ها غیر خطی است، بکار گرفته شود. این مقاله سعی دارد رابطه ای بین کواریانس نویز اندازه گیری شده در دستگاه مختصات قطبی و کواریانس نویز اندازه گیری شده در مختصات کارتزین برقرار کند. افزایش دقت تخمین پارامترهای هدف، و نیز سادگی پیاده سازی از جمله مزایای این تبدیل در مقایسه با روش های فیلتر کالمن توسعه یافته و فیلتر کالمن بی بو است. اجرای برنامه ردیابی هدف با در نظر گرفتن بازه وسیعی از سناریوهای هدف بر اساس روش تکرار مونت کارلو برتری روش پیشنهادی را نسبت به دو روش مرسوم نشان می دهد.

کلمات کلیدی: ردیابی اهداف با مانور، روش نویز معادل، تبدیل مختصاتی نویز اندازه گیری، فیلتر کالمن EKF، فیلتر کالمن UKF

A new Modified Algorithm for Target Tracking in Polar Coordinates Based on Equivalent Noise Methodology

■ Ali Karsaz/Assistant Professor of Electrical Engineering/Khorasan Institute of Higher Education/ karsaz@khorasan.ac.ir

Abstract

An innovation technique is presented to transform the maneuvering target tracking problems from Polar coordinates to Cartesian coordinates, therefore a standard linear Kalman filter can be easily applied to them. Extended Kalman filter and unscented Kalman filter are two conventional methodologies for nonlinear estimation. In this paper a new relation between measurement noise covariance in sensor coordinates and the measurement noise covariance in Cartesian coordinates for Kalman filter implementation is proposed. In addition the proposed technique is based on the well-known equivalent noise approaches. The simplicity of implementation and target tracking improvement with computation effort reduction, are three important advantages of the new approach comparing with extended Kalman filter and unscented Kalman filter. Simulation results show this modified filter can predict target parameters more effectively and accurately than EKF and UKF.

Keywords: High maneuvering target tracking, Equivalent noise method, Measurement noise transform, UKF, EKF.

روابط زیر برقرار است.

$$E\{v(n_1)v^T(n_2)\} = \begin{cases} R(n_1) & n_1 = n_2 \\ 0 & n_1 \neq n_2 \end{cases}$$

$$E\{w(n_1)w^T(n_2)\} = \begin{cases} Q(n_1) & n_1 = n_2 \\ 0 & n_1 \neq n_2 \end{cases}$$

$$E\{X(0)X^T(0)\} = \psi, E\{X(0)\} = 0$$

$$E\{w(0)\} = 0, E\{v(0)\} = 0$$

$$E\{v(n)w(n)^T\} = 0$$

که در آن $X(n)$ بردار حالات سیستم، $Z(n)$ بردار مشاهدات، $X(0)$ شرایط اولیه بردار حالت می‌باشد. $F(n)$ ماتریس گذار حالت، $G(n)$ ماتریس نویز سیستم است و $w(n)$ اغتشاش ورودی یا دینامیک سیستم، سفید و با کواریانس $Q(n)$ در نظر گرفته می‌شود. $H(n)$ ماتریس اندازه‌گیری و $V(n)$ نویز اندازه‌گیری بوده که به شکل گوسی با ماتریس کواریانس $R(n)$ فرض می‌شود. مشاهده می‌شود که در مدل بیزین، هر یک از عدم قطعیت‌های سیستم به شکل یک فرایند اتفاقی^۸ با ممان‌های مشخص^۹ بیان می‌شود. در بسیاری از کاربردها اغتشاش ورودی $W(n)$ می‌تواند کاملاً ناشناخته^{۱۰} در نظر گرفته شود، به این گونه سیستم‌ها در مراجع ریاضی مدل‌های عدم قطعیت فشر^{۱۱} گفته می‌شود [۱۳]. در مساله MTT برای یک هدف دو بعدی، مدل مشاهدات در مختصات کارتزین به شکل زیر است:

$$Z_c(n) = H(n)X_c(n) + V_c(n) \quad (2)$$

که اندیس c در رابطه (۲) بیانگر مدل‌سازی در مختصات کارتزین است. هر کدام از مقادیر رابطه بالا در رابطه (۳) آمده است.

$$X_c(n) = \begin{bmatrix} x(n) & v_x(n) & y(n) & v_y(n) \end{bmatrix}^T$$

$$V_c(n) = \begin{bmatrix} V_x(n) \\ V_y(n) \end{bmatrix} \quad Z_c(n) = \begin{bmatrix} Z_x(n) \\ Z_y(n) \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$F = \begin{bmatrix} 1 & T & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & T \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, G = \begin{bmatrix} T^2/2 & T & 0 & 0 \\ 0 & 0 & T^2/2 & T \end{bmatrix}^T, H = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$X_c(n)$ ماتریس حالات در مختصات کارتزین شامل موقعیت هدف در راستای محور x ، $v_x(n)$ سرعت هدف در راستای محور x و $y(n)$ و $v_y(n)$ به ترتیب موقعیت و سرعت در راستای محور y می‌باشد. به این ترتیب مدل ارائه شده (۱) با توجه به بردار حالت تعریف شده (۳) یک مدل سرعت ثابت است. ماتریس کواریانس خطای اندازه‌گیری شده در مدل کارتزین به شکل زیر می‌باشد.

$$R_c = E\{V_c(n)V_c^T(n)\} \quad (4)$$

با توجه به روابط (۱) و (۲) که روابطی خطی هستند یک فیلتر کالمن استاندارد به شکل زیر قابل پیاده‌سازی است [۲]:

$$\hat{X}(n+1|n+1) = F(n)\hat{X}(n|n) + K(n+1)[z(n+1) - H(n+1)F(n)\hat{X}(n|n)]$$

$$K(n+1) = \Sigma(n+1|n+1)H^T(n+1)R^{-1}(n+1) \quad (5)$$

$$\Sigma(n+1|n+1) =$$

برای ردیابی صحیح اهداف راداری با مانور MTT روش‌های زیادی در مقالات مختلف ارائه شده است [۴]-[۱۱]. فیلتر کالمن یک روش شناخته شده برای تخمین حالت سیستم‌های دینامیک خطی با معیار کمترین مربعات خطا می‌باشد که در سال ۱۹۶۰ توسط آقای کالمن معرفی گردید [۵]. در توسعه فیلتر کالمن خطی برای حل سیستم‌های غیرخطی در طول چند دهه گذشته روش‌های گوناگونی معرفی گردیده است، که متداول‌ترین آن‌ها فیلتر کالمن توسعه یافته^{۱۲} (EKF) و در دو دهه اخیر فیلتر کالمن بی‌بو^{۱۳} (UKF) پیشنهاد شده است. فیلتر EKF با تقریب خطی توابع غیرخطی، به‌طور گسترده‌ای برای تخمین ردیابی سیستم‌های غیرخطی بکار می‌رود [۶]-[۸]. فیلتر EKF که بر پایه خطی‌سازی درجه اول بنا شده است [۸]، در مواجهه با مسایل MTT دارای محدودیت‌هایی می‌باشد. در فیلتر EKF در مرحله خطی‌سازی نیاز به محاسبه ماتریس ژاکوبین بوده که در ردیابی اهداف با مانور بالا در برخی از سناریوها به علت تغییرات ناگهانی در شتاب هدف، محاسبه ماتریس ژاکوبین^{۱۴} با مشکلات گوناگونی روبه‌رو است. به‌علت استفاده از تقریب مرتبه نخست در الگوریتم EKF در برخی از موارد محاسبه ماتریس کواریانس ژاکوبین که خود مبتنی بر تخمین مولفه‌های بردار حالت مرحله قبل است، با خطاهای زیادی روبه‌رو است که واگرایی فیلتر را در بر دارد. علاوه بر این حجم بالای محاسباتی در این الگوریتم با توجه به نیاز به بلادرنگ^{۱۵} در ردیابی هدف و اهمیت فوق‌العاده زمان در محاسبات، یکی از معضلات این روش می‌باشد [۹].

فیلتر کالمن بی‌بو با در نظر گرفتن یک مجموعه کمینه از بردارهای موسوم به بردار سیگمای^{۱۶} حالات سیستم که توسط جولیور و اولمان [۹]-[۱۱] معرفی گردید، جایگزین خوبی برای فیلتر کالمن توسعه یافته و یک روش موثر در حل معادلات غیرخطی محسوب می‌شود. UKF حالات و کواریانس خطای تخمین سیستم غیرخطی را با دقت بیشتری نسبت به EKF بدست می‌آورد که البته مساله حجم بالای محاسبات و پیچیدگی پیاده‌سازی حتی بیشتر نسبت به روش EKF همچنان باقی می‌ماند [۱۰]-[۱۴].

در این مقاله، یک شیوه جدید برای تبدیل ماتریس کواریانس نویز اندازه‌گیری شده از مختصات قطبی به کارتزین، ارائه می‌شود. توضیح مختصری از مساله MTT در بخش (۲) آمده است. اصول کارکرد فیلتر کالمن اعم از خطی یا غیرخطی و بررسی اجمالی از الگوریتم‌های EKF و UKF در بخش‌های (۳)، (۴) و (۵) بیان می‌شود. در بخش (۶) فیلتر کالمن تصحیح شده پیشنهادی جهت برطرف نمودن مشکلات دو روش غیرخطی بیان شده ارائه شده است. عملکرد مناسب فیلتر پیشنهادی به‌ویژه برای اهداف با دینامیک نویزی بالا در بخش نتایج شبیه‌سازی بخش (۶) ذکر گردیده است و با نتایج بدست آمده با روش‌های بالا مقایسه شده است.

۲- مساله ردیابی اهداف با مانور

مدل رایج در شبیه‌سازی سیستم‌های عدم قطعیت زمان گسسته، فضای حالت به شکل مدل‌های استاندارد بیزین^{۱۷} و فشر است [۱۳]. مدل بیزین زمان گسسته برای سیستم‌های خطی عدم قطعیت به شکل زیر است:

$$X(n+1) = F(n)X(n) + G(n)w(n) \quad (1)$$

$$z(n) = H(n)X(n) + v(n)$$

در این مدل‌سازی فضای حالت برای ممان‌های متغیرهای تصادفی

$V_\theta(n)$ و $V_R(n)$ به ترتیب عنوان خطاهای اندازه گیری موقعیت و سمت هدف به صورت نویزهای سفید با توزیع گوسی بوده از این رو مقادیر ثابتی از انحراف معیار $(\delta_\theta(n), \delta_R(n))$ و واریانس معرفی می گردند. بنابراین $V_\theta(n)$ و $V_R(n)$ در هر لحظه مقادیری نامشخص با خصوصیات آماری معین داشته که بیشتر در به صورت تقریبی در کاتالوگ های رادار ذکر می شود و در اختیار کاربر می باشند و با توجه به تست های به عمل آمده از رادار در شرایط استاندارد تست، محاسبه شده و در کاتالوگ رادار ذکر می شود. $Z_\theta(n)$ و $Z_R(n)$ مشاهدات رادار بوده که در هر لحظه از زمان با خطاهای $V_\theta(n)$ و $V_R(n)$ در اختیار می باشند بنابراین $V_\theta(n)$ و $V_R(n)$ به شکل فرایندهای گوسی با میانگین صفر و انحراف معیارهای δ_θ ، δ_R در شبیه سازی ها در نظر گرفته می شود.

$$V_\theta(n) : N(0, \delta_\theta(n)) \quad V_R(n) : N(0, \delta_R(n))$$

$$R_p = E\{V_p(n)V_p^T(n)\} = \begin{bmatrix} \delta_R^2(n) & \delta_{R\theta}(n) \\ \delta_{\theta R}(n) & \delta_\theta^2(n) \end{bmatrix}$$

$$V_p(n) = \begin{bmatrix} V_R(n) \\ V_\theta(n) \end{bmatrix} \quad (7)$$

در رابطه بالا $\delta_{R\theta}$ کواریانس خطای مشترک R و θ است که در صورت ناهمبسته بودن می توان آن را صفر فرض نمود. R_p ماتریس کواریانس خطا در مختصات قطبی می باشد. روابط بین $R(n)$ و $\theta(n)$ در مختصات قطبی و بردار حالت سیستم $X_c(n)$ در مختصات کارتزین به شکل زیر است:

$$R(n) = \sqrt{x^2(n) + y^2(n)} \quad (8)$$

$$\theta(n) = \tan^{-1}\left(\frac{y(n)}{x(n)}\right) \quad (9)$$

$$X(n) = R(n) \cos \theta(n) \quad (10)$$

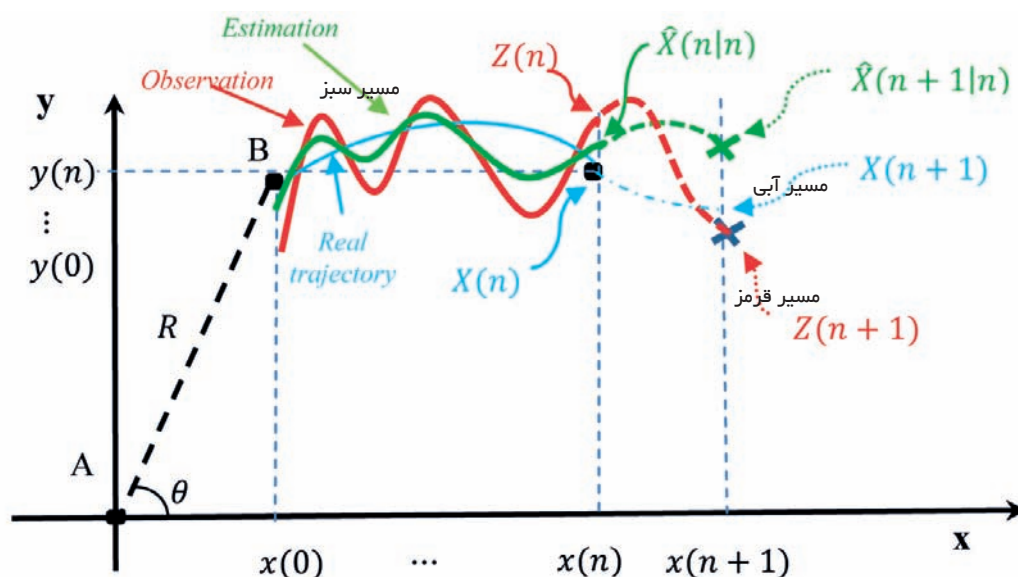
$$y(n) = R(n) \sin \theta(n) \quad (11)$$

$$\begin{aligned} & \Sigma(n+1|n) - \Sigma(n+1|n)H^T(n+1)[R(n+1) \\ & + H(n+1)\Sigma(n+1|n)H(n+1)^T]^{-1}H(n+1)\Sigma(n+1|n) \quad \Sigma(n+1|n) \\ & = F(n)\Sigma(n|n)F^T(n) + G(n)Q(n)G^T(n)\Sigma(0|0) = 0, \hat{X}(0|0) = 0 \end{aligned}$$

در رابطه (۵)، $k(n+1)$ به عنوان بهره فیلتر کالمن و $\Sigma(n+1|n+1)$ به عنوان ماتریس کواریانس تخمین در نظر گرفته شده فیلتر کالمن با استفاده از روابط بازگشتی سعی در بدست آوردن بهترین تخمین در هر لحظه با توجه به تخمین مرحله قبل و مشاهده جدید می کند. نکته قابل توجه در ردیابی اهداف راداری این است که رادار به عنوان سنسور اندازه گیری پارامترهای هدف، فاصله تا هدف (R) و زاویه دید هدف (θ) را نسبت به شمال جغرافیایی و در هر مرحله نمونه برداری در اختیار قرار می دهد، حال آنکه فرمول (۱) و (۲) شبیه سازی رادار در مختصات کارتزین است و فیلتر کالمن استاندارد نیز بر اساس رابطه (۱) که یک رابطه خطی است عمل می کند. شکل (۱) برای توضیح اصول کارکرد فیلتر کالمن در دو مختصات کارتزین و قطبی ترسیم شده است.

متحرک در صفحه دو بعدی X و Y از نقطه B در حال حرکت است (مسیر آبی) مشاهده گر یا رادار در مبدا مختصات در نقطه A قرار داشته و هدف متحرک p با فاصله R و تحت زاویه θ در نقطه شروع مشاهده می کند (مسیر قرمز). در واقع آنچه رادار از هدف مشاهده می کند فاصله قرارگیری هدف و زاویه دید آن از نقطه قرارگیری رادار است. طبیعتاً به علت وجود خطای مشاهده در مختصات قطبی، مختصات و یا مسیر واقعی هدف در دسترس نبوده تنها مشاهدات رادار که همان مسیر قرمز است در اختیار قرار دارد بنابراین بکارگیری یک فیلتر کالمن در مختصات کارتزین با استفاده از مشاهدات راداری در مختصات قطبی یا بردار در هر لحظه و یافتن بهترین تخمین برای بردار حالت $x(n)$ یا $\hat{x}(n)$ می باشد (مسیر سبز). دینامیک واقعی رادار به عنوان سنسور اندازه گیری پارامترهای هدف در مختصات قطبی یا مختصات سنسور شامل فاصله قرارگیری هدف و زاویه قرارگیری آن نسبت به رادار، به عنوان بردار مشاهده سیستم به شکل زیر بیان می شود.

$$\begin{bmatrix} Z_R(n) \\ Z_\theta(n) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R(n) \\ \Theta(n) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} V_R(n) \\ V_\theta(n) \end{bmatrix} \quad (6)$$



شکل ۱: اصول کار فیلتر کالمن در مساله ردیابی هدف دینامیک خطی در مختصات کارتزین و مشاهدات غیر خطی در مختصات قطبی

$$\hat{X}(n+1|n+1) = \hat{X}(n+1|n) + K(n+1)[Z(n+1) - \hat{Z}(n+1|n)] \quad (14)$$

در واقع در این رابطه که اساس کار کلیه فیلترهای خطی و غیرخطی کالمن مانند EKF و UKF و ... نیز محسوب می‌شود مبتنی بر در اختیار داشتن $\hat{X}(n+1|n)$ به‌عنوان پیش‌بینی یک مرحله رو به جلوی بردار حالت سیستم، در اختیار بودن $\hat{Z}(n+1|n)$ به‌عنوان پیش‌بینی یک مرحله رو به جلوی بردار مشاهده رادار در لحظه $n+1$ و نیز امکان به‌روزرسانی $K(n+1)$ به‌عنوان بهره فیلتر کالمن می‌باشد (شکل ۱). در حالت سیستم خطی محاسبه دو شبه مشاهده^{۱۵} $\hat{X}(n+1|n)$ و $\hat{Z}(n+1|n)$ به راحتی از دینامیک هدف به شکل زیر قابل دسترسی و محاسبه هستند:

$$\hat{X}(n+1|n) = F(n)\hat{X}(n|n) \quad (15)$$

$$\hat{Z}(n+1|n) = H(n+1)F(n)\hat{X}(n|n) \quad (16)$$

چنانچه در شکل (۱) مشخص است، تخمین یک مرحله رو به جلوی بردار حالت را می‌توان به نوعی امتداد مسیر پیش‌بینی شده حرکت هدف در لحظه n برای لحظه $n+1$ دانست. همچنین در فیلتر کالمن استاندارد، اثبات می‌شود که ماتریس بهره فیلتر کالمن به شکل زیر است:

$$K(n+1) = P_{zz}(n|n)P_{zz}(n|n)^{-1} \quad (17)$$

در این رابطه $P_{zz}(n|n)$ را ماتریس کواریانس مشترک بین تخمین بردار حالت و تخمین بردار مشاهده و $P_{zz}(n|n)$ را به‌عنوان ماتریس کواریانس تخمین بردار مشاهده می‌شناسیم. در حالت تخمین و پیش‌بینی در یک سیستم مشاهده راداری با دینامیک خطی در مختصات کارتزین مانند رابطه (۱) و یا معادله مشاهده غیرخطی مانند رابطه (۱۲) همچنان تخمین‌های یک مرحله رو به جلو برای $\hat{X}(n+1|n)$ بر اساس رابطه (۱۵) و $\hat{Z}(n+1|n)$ به‌صورت زیر قابل دسترس می‌باشند [۱۶]:

$$\hat{Z}(n+1|n) = h[\hat{X}(n+1|n)] = h[F(n)\hat{X}(n|n)] \quad (18)$$

در واقع اساس کار فیلتر کالمن استاندارد در حالت خطی یا غیرخطی به این صورت می‌باشد که با تخمین ضریب بهره $K(n+1)$ مناسب، بینش به مشاهده $\hat{X}(n+1|n)$ یا تخمین قبلی^{۱۶} از مسیر حرکت هدف و باقیمانده مشاهده $\hat{Z}(n+1|n) - Z(n+1)$ یا نهایی برای $\hat{X}(n+1|n)$ ایجاد توازن نموده به تخمین بعدی^{۱۷} یا نهایی برای $\hat{X}(n+1|n)$ دست یابد البته این برقراری توازن بین این دو نوع از اطلاعات از تخمین هدف بر اساس میزان کواریانس‌های این دو یعنی $P_{zz}(n|n)$ و $P_{zz}(n|n)$ در رابطه بهره کالمن صورت می‌پذیرد. فیلتر کالمن توسعه‌یافته تلاش می‌کند مساله محاسبه ضریب بهره کالمن را در مدل‌های غیرخطی، با خطی‌سازی روابط و تبدیل آن‌ها به مدل استاندارد بیزین مرتفع سازد. حال آنکه فیلتر کالمن بی‌بو مبتنی بر استفاده از مفهوم بردارهای سیگما، جهت محاسبه ماتریس کواریانس مشترک بین تخمین بردار حالت و تخمین بردار مشاهده و $P_{zz}(n|n)$ ، و ماتریس کواریانس تخمین بردار مشاهده نظیر $P_{zz}(n|n)$ است [۱۶].

۴- فیلتر کالمن توسعه‌یافته

چنانچه بیان شد یکی از مشکلات استفاده از فیلتر کالمن استاندارد محدودیت کار در مواجهه با مسایل غیرخطی است. از این رو در دهه هشتاد میلادی، روش فیلتر کالمن توسعه‌یافته به‌عنوان یک روش حل مسایل غیرخطی مورد توجه قرار گرفت [۱۷]. این روش با توجه به بسط

با جایگذاری (۷)، (۸) و (۹) در رابطه (۶) می‌توان رابطه بین مشاهدات یا اندازه‌گیری‌ها در مختصات قطبی و حالات سیستم در مختصات کارتزین را به شکل زیر بدست آورد:

$$\begin{bmatrix} Z_R(n) \\ Z_\theta(n) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sqrt{x^2(n) + y^2(n)} \\ \tan^{-1}(\frac{y(n)}{x(n)}) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} V_R(n) \\ V_\theta(n) \end{bmatrix} \quad (12)$$

چنانچه مشاهده می‌شود، رابطه (۱۲) یک رابطه غیرخطی بین مشاهدات در مختصات سنسور و حالات سیستم در مختصات کارتزین بوده که به شکل زیر قابل بازنویسی است:

$$Z_p(n) = h(X_c(n) + V_p(n)) \quad (13)$$

h نیز معرف تابع غیرخطی و Z_p بردار مشاهدات در مختصات قطبی می‌باشد.

با توجه به غیرخطی بودن رابطه (۱۳)، فیلتر کالمن استاندارد که بر اساس مدل خطی دینامیک حرکت هدف و مشاهدات تحقق یافته است، کارایی ندارد. برای رفع این مشکل می‌توان از روش‌های حل معادلات غیر خطی نظیر EKF و UKF استفاده نمود. در ادامه ضمن اشاره مختصر به اصول کار فیلتر کالمن، روابط مورد استفاده در هر یک از روش‌های غیر خطی فوق را بیان نموده، به معرفی روش تبدیلی مورد نظر در این مقاله پرداخته و ضعف‌ها و پیچیدگی‌های حاکم بر روش‌های غیر خطی را بررسی می‌نمائیم.

۳- اصول کار فیلترهای خطی و غیر خطی مبتنی بر کالمن

تئوری فیلتر کالمن، که توسط آقای کالمن در سال ۱۹۶۰ به سستی به عنوان تز دکتری پذیرفته شد [۵] و جهت چاپ در مجلات معتبر آن دوره با عدم استقبال مواجه گردید، در عمل یکی از موفقترین روش‌های تخمین و پیش‌بینی محسوب گردید فیلتر کالمن در سال ۱۹۹۴ به عنوان موفقترین یا کارآمدترین تئوری از میان تئوری‌های متنوع کنترلی در انجمن برق و الکترونیک^{۱۲} برگزیده شد. دو دلیل عمده موفقیت فیلتر کالمن در کاربردهای وسیع آن از ناوبری، هدایت و رهگیری اهداف راداری گرفته تا پردازش سیگنال‌های دیجیتال و رفع نویز را می‌توان به شکل زیر دانست:

۳-۱- عدم نیاز به مدل دقیق از دینامیک سیستم

در مدل دینامیکی حرکت هدف رابطه (۱) که از آن به عنوان مدل استاندارد بیزین یاد می‌شود چنانچه اشاره گردید می‌توان عدم قطعیت‌های ناشی از فرآیند را توسط W نمایش داد در صورتی که عدم قطعیت مدل یا دینامیک از خطاهای سنسور اندازه‌گیر بیشتر باشد فیلتر کالمن با توازن می‌کشد بین تخمین یک مرحله رو به جلو و مشاهدات بوجود می‌آورد می‌تواند به یک تخمین معقول دست یابد.

۳-۲- عدم محدودیت در پیاده‌سازی سخت افزاری

معمولاً از فیلتر کالمن به عنوان یک رویت‌گر بهینه، به عنوان دوگان کنترل بهینه یاد می‌شود به لحاظ پیاده‌سازی و در بکارگیری عملی برای یک کنترل‌کننده بهینه که محصول آن یک بهره فیدبک حالت است نمی‌توان این بهره را بدون محدودیت افزایش داد این موضوع به محدودیت‌های فیزیکی عملگرهای سیستم باز می‌گردد. ولیکن در مورد فیلتر کالمن بهره فیلتر یعنی $k(n)$ را به هر میزان می‌توان دست‌کاری نمود در برخی از روش‌های اصلاح گام همگرایی حتی این بهره فیلتر به میزان چند برابر مقدار محاسبه شده بازتظیم^{۱۴} می‌شود. اساس کار فیلتر کالمن استاندارد که توسط آقای کالمن در سال ۱۹۶۵ میلادی مطرح گردید برای سیستم دینامیکی (۱) را می‌توان در رابطه خلاصه شده زیر دید:

$$\lambda = \alpha^2 (L + \kappa) - L$$

در رابطه (۲۲)، $\chi(n/n)$ را می‌توان ماتریس بردارهای سیگما نامید همچنین $\sqrt{(L + \lambda)P(n/n)}$ را می‌توان به‌عنوان ماتریس انحراف معیار وزن یافته تخمین بردار حالت در نظر گرفت اندیس i اشاره به آمین بردار ستونی ماتریس $\chi(n/n)$ دارد. λ یک ضریب مقیاس^{۱۸} و α میزان انحراف بردارهای سیگما از مقدار میانگین را مشخص می‌کند که معمولاً $0.001 < \alpha < 1$ انتخاب می‌گردد. K دومین ضریب مقیاس بوده که معمولاً $3 - L$ انتخاب می‌شود.

$$\chi_i(n+1/n) = F(n)\chi_i(n/n) \quad (23)$$

$$z_i(n+1/n) = h(\chi_i(n+1/n)), i = 0, 1, \dots, 2L$$

در فرمول فوق بردار $\chi_i(n/n)$ ، آمین بردار ستونی ماتریس $\chi(n/n)$ است.

$$\hat{X}(n+1/n) = \sum_{i=0}^{2L} W_i^m \chi_i(n/n) \quad (24)$$

$$\bar{P}(n+1/n) =$$

$$\sum_{i=0}^{2L} W_i^{(c)} \left[\chi_i(n+1|n) - \hat{X}(n) \right] \left[\chi_i(n+1|n) - \hat{X}(n) \right]^T + GQG^T$$

$$\hat{Z}_p(n+1) = \sum_{i=0}^{2L} W_i^m z_i(n+1|n)$$

و در نهایت برای دستیابی به یک تخمین مناسب از حالت سیستم داریم

$$\hat{X}(n+1/n+1) = \hat{X}(n+1/n) + \kappa(n+1)[Z_p(n+1) - \hat{Z}_p(n+1)] \quad (25)$$

چنانچه از (۲۳) مشخص است تعداد بردارهای Z_i ، $2L+1$ بردار بوده که برای محاسبه یک تخمین مناسب از $\hat{Z}_p$ می‌توان فرمول زیر را بکار برد.

$$P_{XZ}(n+1) = \quad (26)$$

$$\sum_{i=0}^{2L} W_i^{(c)} \left[\chi_i(n+1|n) - \hat{X}(n+1) \right] \left[z_i(n+1|n) - \hat{Z}_p(n+1) \right]^T$$

$$\kappa(n+1) = P_{XZ}(n+1)P_{ZZ}^{-1}(n+1)$$

$$P(n+1/n+1) =$$

$$\bar{P}(n+1/n) - \kappa(n+1)P_{ZZ}(n+1)\kappa(n+1)^T$$

$$W_0^m = \lambda(L + \lambda) \quad (27)$$

$$W_0^c = \lambda(L + \lambda) + (1 - \alpha^2 + \beta)$$

$$W_i^m = W_i^c = 0.5(L + \lambda) \quad i = 1, \dots, 2L$$

$$i = 0, \dots, 2L$$

W_i^m, W_i^c وزن‌های ثابت و محاسبه شده بر حسب پارامترهای $\lambda, L, \alpha, \beta$ می‌باشد. به این ترتیب UKF قادر به تخمین حالات سیستم $X(n)$ بوده و از روی آن طبق روابط تبدیل مختصاتی (۸) و (۹) می‌توان کلیه پارامترهای هدف از جمله فاصله هدف و سمت آن را محاسبه نمود. چنانچه اشاره شد یکی از معایب این روش پیچیدگی

سری تیلور تابع غیرخطی $h(0)$ حول نقطه کار و با صرف نظر نمودن از جملات درجه دوم و بالاتر در این بسط، به خطی‌سازی رابطه غیرخطی می‌پردازد بر این اساس می‌توان گفت، خطی‌سازی حول نقطه میانگین و کوواریانس فعلی تخمین حالات هدف، با استفاده از بسط تیلور صورت می‌پذیرد. خطی‌سازی تابع $h(0)$ در رابطه (۱۳) در این روش منجر به معادله رویت‌گر به شکل زیر می‌شود:

$$Z_p(n) = H_j(n)X(n) + V_e(n) \quad (19)$$

این رابطه با استفاده از بسط تیلور رابطه غیر خطی (۱۳) و صرف نظر کردن از جملات درجه دوم و بالاتر به شکل زیر خواهد بود:

$$Z_p(n) = \begin{bmatrix} \hat{x}(n-1) & \hat{y}(n-1) \\ \sqrt{\hat{x}(n-1)^T + \hat{y}(n-1)^T} & \sqrt{\hat{x}(n-1)^T + \hat{y}(n-1)^T} \\ -\hat{y}(n-1) & \hat{x}(n-1) \\ \hat{x}(n-1)^T + \hat{y}(n-1)^T & \hat{x}(n-1)^T + \hat{y}(n-1)^T \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x(n) \\ v_x(n) \\ y(n) \\ v_y(n) \end{bmatrix} + V_p(n) \quad (20)$$

در روش EKF، $\hat{x}(n-1)$ و $\hat{y}(n-1)$ با توجه به مقادیر تخمین شده قبلی مولفه‌های بردار حالت موجود می‌باشد در واقع طبق رابطه (۲۰) ماتریس ژاکوبین که در جایگاه ماتریس مشاهده قرار دارد در هر مرحله بر اساس تخمین بردار بدست آمده حالت از مرحله قبل، تخمین شده می‌شود که این خود باعث افزایش خطای رهگیری می‌شود. محاسبه ماتریس ژاکوبین همراه با خطا بوده و در سناریوهایی که زاویه قرارگیری هدف نزدیک ۹۰ درجه است، ماتریس ژاکوبین صورت پذیرفته در رابطه (۲۰) تقریب خوبی از معادله غیرخطی تانژانت معکوس در رابطه (۹) نبوده و نیاز به در نظر گرفتن مشتقات مراتب بالاتر در بسط سری تیلور بوده امری که در رابطه ماتریس ژاکوبین دیده نمی‌شود.

۵- فیلتر کالمن بی‌بو

جولیر و اولمان [۱۰]-[۱۱] UKF را بر اساس یک روش ابتکاری که جانشین EKF در حل مسایل غیرخطی می‌شود، پیشنهاد دادند. در این نگرش جهت محاسبه ممان‌های $Z_p(n)$ در رابطه غیرخطی (۱۳) از روی ممان‌های $X_c(n)$ ، ابتدا تعداد $2L+1$ بردار سیگما $\chi_i(n)$ برای $i=0, \dots, 2L$ برای بردار $X_c(n)$ در نظر گرفته می‌شود. بردارهای سیگما برای یک فرآیند تصادفی در روش UKF معرف خصوصیات آماری حول میانگین آن متغیر یا فرآیند تصادفی بوده که ممان‌های آماری نظیر میانگین و واریانس به شکل مجموع وزن یافته این بردارهای سیگما قابل محاسبه هستند. L بعد بردار حالات $X(n)$ است. فرمول بندی فیلتر UKF به شکل زیر است:

$$\bar{X}(0) = E\{X(0)\}$$

$$P(0) = E\left\{ \left(X(0) - \hat{X}(0) \right) \left(X(0) - \hat{X}(0) \right)^T \right\} \quad (21)$$

در رابطه فوق $P(0)$ ماتریس کوواریانس خطای تخمین حالات سیستم در لحظه شروع می‌باشد. محاسبه ماتریس بردارهای سیگما برای هر n به شکل زیر انجام می‌شود:

$$\chi(n/n) = [\hat{X}(n/n) \quad \hat{X}(n/n) \pm \sqrt{(L + \lambda)P(n/n)}_i] \quad n = 0, 1, \dots \quad (22)$$

محاسبات می‌باشد که بر اساس فرمول‌های (۱۹) تا (۲۲) مشخص است.

۶- فیلتر کالمن تصحیح شده بر اساس روش پیشنهادی

با توجه به مشکلات مشاهده شده در دو روش EKF و UKF که در بخش‌های قبل تشریح شد روش پیشنهادی جدید برای استفاده از فیلتر کالمن استاندارد بر اساس تبدیل خطای برد و سمت هدف و تبدیل آن به مختصات کارتزین بنا شده است که حجم محاسبات و خطاهای ممکنه را به کمینه می‌رساند. روش پیشنهادی از این نظر که به جبران‌سازی حالات سیستم در وضعیت مانور هدف نسبت به حالات سیستم در وضعیت بدون مانور با تغییر سطح ماتریس کواریانس نویز اندازه‌گیری می‌پردازد، به دسته روش‌های مبتنی بر تنظیم سطح نویز^{۱۹}، یا نویز معادل^{۲۰} تعلق دارد [۱۶]–[۱۷]. روش نویز معادل تلاش می‌کند تاثیر مانور هدف را با بکارگیری یک نویز معادل نامشخص و غیر ایستا به جای نویز سفید و ایستای دینامیک سیستم بکارگیری نماید. البته روش‌های مبتنی بر این نگرش که شامل بسیاری از روش‌های فیلتر کالمن تطبیقی^{۲۱} [۱۸] و متدهای مرسوم بازنشانی ماتریس کواریانس^{۲۲} خطا نیز می‌شوند با وجود سادگی بکارگیری در حل مساله، در حالتی که هدف دارای مانورهای پیچیده و از مشتقات بالاتر است [۱۹]، نویز مورد نظر کاملاً غیر ایستا شده، و فیلتر واگرا می‌شود. این موضوع به خصوص در متدهای بازنشانی ماتریس کواریانس خطا به علت مشخص نبودن سطح بازنشانی نویز اندازه‌گیری در مانورهای ناگهانی و سریع هدف مشهودتر است. بر این اساس روش پیشنهادی به یک رابطه بسته و مشخص برای نویز معادل اندازه‌گیری با استفاده از تبدیل بدست آمده می‌رسد که بسیاری از مشکلات روش‌های مرسوم را در بر ندارد.

در روش پیشنهادی باید بردار مشاهدات در مختصات کارتزین و نیز ماتریس کواریانس خطا معادل مربوطه را در این مختصات داشته باشیم. بردار مشاهدات در مختصات کارتزین به راحتی از روی بردار معادل مشاهدات در مختصات قطبی در هر نمونه زمانی مانند $\mathbf{n}$ بر اساس تبدیل (۱۰) و (۱۱) بدست می‌آید که به شکل زیر است:

$$\begin{aligned} Z_x(n) &= Z_R(n) \cos(Z_\theta(n)) \\ Z_y(n) &= Z_R(n) \sin(Z_\theta(n)) \end{aligned} \quad (28)$$

با جایگذاری از (۸) در رابطه (۲۸) داریم:

$$\begin{aligned} Z_x(n) &= (R(n) + V_R(n)) \cos(\theta(n) + V_\theta(n)) = \\ &R(n) \cos(\theta(n) + V_\theta(n)) + V_R(n) \cos(\theta(n) + V_\theta(n)) \\ Z_y(n) &= (R(n) + V_R(n)) \sin(\theta(n) + V_\theta(n)) = \\ &R(n) \sin(\theta(n) + V_\theta(n)) + V_R(n) \sin(\theta(n) + V_\theta(n)) \end{aligned} \quad (29)$$

با بسط (۲۹) بر اساس روابط مثلثاتی می‌توان به روابط زیر دست یافت:

$$\begin{aligned} Z_x(n) &= R(n) \cos(\theta(n)) \cos(V_\theta(n)) \\ &- R(n) \sin(\theta(n)) \sin(V_\theta(n)) \\ &+ V_R(n) \cos(\theta(n)) \cos(V_\theta(n)) \\ &- V_R(n) \sin(\theta(n)) \sin(V_\theta(n)) \\ Z_y(n) &= R(n) \sin(\theta(n)) \cos(V_\theta(n)) \\ &+ R(n) \cos(\theta(n)) \sin(V_\theta(n)) \\ &+ V_R(n) \sin(\theta(n)) \cos(V_\theta(n)) \\ &+ V_R(n) \cos(\theta(n)) \sin(V_\theta(n)) \end{aligned} \quad (30)$$

برای یک رادار نوعی معمولاً مقادیر بر حسب رادیان، مقادیر کوچکی بوده از این‌رو از تقریب‌های زیر می‌توان بهره برد:

$$\begin{aligned} \cos(V_\theta(n)) &\approx 1 \\ \sin(V_\theta(n)) &\approx V_\theta(n) \\ V_\theta(n) V_R(n) &\approx 0 \end{aligned} \quad (31)$$

با توجه به تقریب‌های رابطه (۳۱) رابطه (۳۰) می‌تواند بازنویسی شود.

$$\begin{aligned} Z_x(n) &= R(n) \cos(\theta(n)) \\ &- R(n) V_\theta(n) \sin(\theta(n)) + V_R(n) \cos(\theta(n)) \\ Z_y(n) &= R(n) \sin(\theta(n)) \\ &+ R(n) V_\theta(n) \cos(\theta(n)) + V_R(n) \sin(\theta(n)) \end{aligned} \quad (32)$$

مطابق (۱۰)، (۱۱) و (۳۲) رابطه (۲) می‌تواند به شکل زیر بازنویسی شود.

$$\begin{aligned} Z_c(n) &= H(n) X_c(n) + M(n) V_p(n) \\ &= H(n) X_c(n) + \tilde{V}_x(n) \\ M(n) &= \begin{bmatrix} \cos(\theta(n)) & -R(n) \sin(\theta(n)) \\ \sin(\theta(n)) & R(n) \cos(\theta(n)) \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (33)$$

رابطه (۳۳) معادله خطی مشاهدات را نشان می‌دهد. چنانچه قبلاً یادآوری کردیم که در پیاده‌سازی فیلتر کالمن، ماتریس کواریانس خطا در مختصات کارتزین مورد نیاز می‌باشد. با توجه به اینکه ماتریس $M(n)$ در هر نمونه برداری زمانی $\mathbf{n}$ ثابت و معلوم است. از این‌رو ماتریس جدید نوآوری شده زیر را می‌توان بدست آورد.

$$\begin{aligned} \tilde{R}_c(n) &= E\{\tilde{V}_x(n) \tilde{V}_x^T(n)\} \\ &= E\{M(n) V_p(n) V_p^T(n) M^T(n)\} \\ &= M(n) E\{V_p(n) V_p^T(n)\} R_p(n) M^T(n) \\ &= M(n) R_p(n) M^T(n) \end{aligned} \quad (34)$$

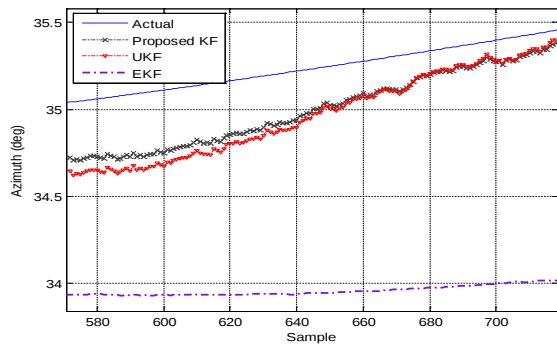
$$E\left\{\begin{bmatrix} \cos(\theta(n)) & -R(n) \sin(\theta(n)) \\ \sin(\theta(n)) & R(n) \cos(\theta(n)) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R(n) \\ V_\theta(n) \end{bmatrix}\right\} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

نکته قابل توجه در رابطه (۳۵) آن است که $R_p(n)$ می‌تواند دارای درایه‌های ثابت باشد حال آنکه $\tilde{R}_c(n)$ وابسته به $\mathbf{n}$ است. اگر دو متغیر تصادفی $V_\theta(n)$ و $V_R(n)$ دارای توزیع گوسی با میانگین صفر و مستقل از یکدیگر باشند، $V_x(n)$ و $V_y(n)$ نیز دارای توزیع گوسی با میانگین صفر خواهند بود [۲۰].

۷- نتایج شبیه‌سازی

الگوریتم ردیابی هدف بامانور در یک فضای دوبعدی مانند حرکات کشتی و یا یک بالگرد با ارتفاع ثابت شبیه‌سازی شده است. مقادیر مختلف در شبیه‌سازی برای پارامترهای تبدیل بدست آمده در روش پیشنهادی بکار گرفته شده است. نتایج شبیه‌سازی برتری روش پیشنهادی بر روش EKF و قابل مقایسه بودن این روش با روش UKF در عین رفع پیچیدگی‌های حاکم بر آن را نشان می‌دهد.

در مثال نخست هدف با شتاب در راستای محورهای x و y به ترتیب با مقادیر $a_x(t) = 0.0 \text{ m/s}^2$ و $a_y(t) = 0.0 \text{ m/s}^2$ در نظر گرفته می‌شود. نمونه‌برداری با نرخ زمانی $T = 0.015 \text{ (sec)}$ در نظر گرفته



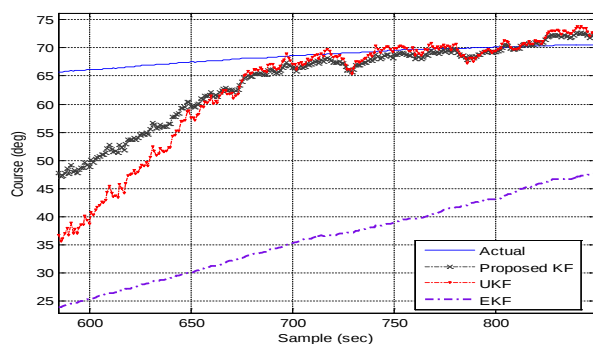
شکل ۵: سمت واقعی هدف (0) و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF

دو پارامتر اساسی در تخمین هدف، پارامترهای کورس^{۲۳} و سرعت^{۲۴} است که بسیاری از روش‌های تخمین و ردیابی هدف در سنجش این دو پارامتر دارای ضعف می‌باشند این دو پارامتر از روابط زیر محاسبه می‌شوند:

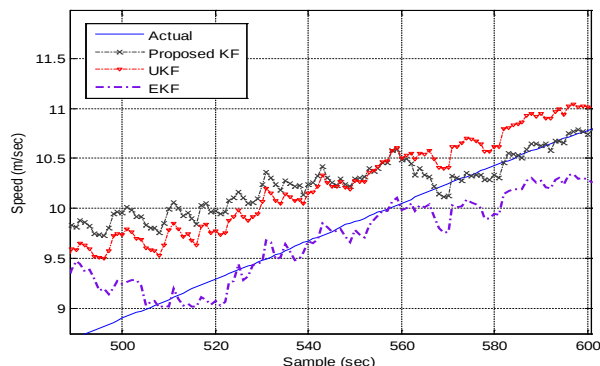
$$\varphi(n) = \tan^{-1}(v_x(n)/v_y(n)) \quad (36)$$

$$S(n) = \sqrt{v_x^2(n) + v_y^2(n)}$$

$\varphi(\cdot)$ کورس هدف و $S(\cdot)$ سرعت هدف می‌باشد. نتایج شبیه‌سازی در شکل‌های (۶) و (۷) آمده است.



شکل ۶: کورس واقعی هدف ($\varphi(\cdot)$) و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF



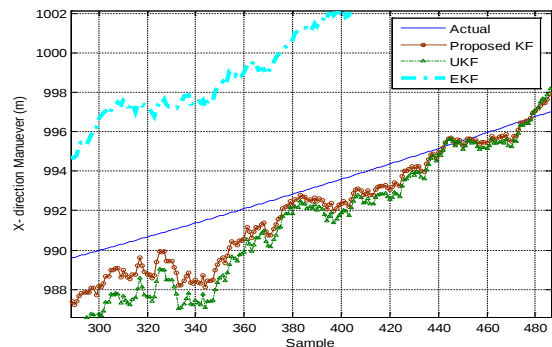
شکل ۷: سرعت واقعی هدف ($S(0)$) و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF

در پایان برای دستیابی به نتایج قابل استناد در تمامی سناریوها از روش مونت کارلو و با تکرار برنامه در بازه متنوعی از سناریوها استفاده

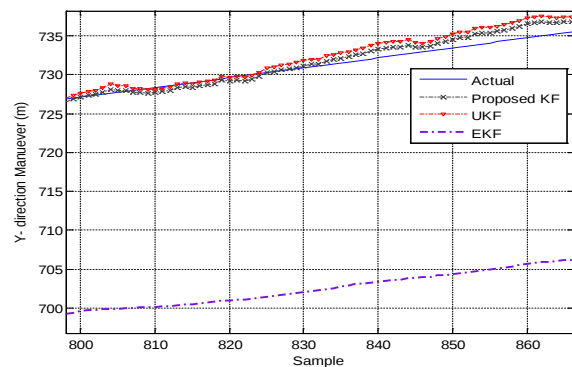
می‌شود. ماتریس کواریانس خطای سیستم و اندازه‌گیری به ترتیب به شکل زیر انتخاب شده‌اند.

$$Q = \begin{bmatrix} 0.3 & 0 \\ 0 & 0.3 \end{bmatrix}, R = \begin{bmatrix} 100 (m^2) & 0 \\ 0 & 0.005 (rad^2) \end{bmatrix}$$

شکل‌های (۲) و (۳) مسیر واقعی و تخمین‌های آن با روش پیشنهادی در مقایسه با دو روش EKF و UKF در طول دو محور X و Y را نشان می‌دهد. نمودارهای مورد نظر برای زمان‌هایی از مسیر حرکت بزرگنمایی شده است.

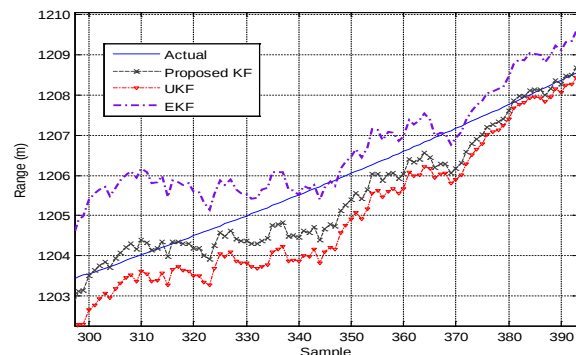


شکل ۸: مسیر واقعی هدف و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF در طول محور X



شکل ۹: مسیر واقعی هدف و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF در طول محور Y

شکل‌های (۴) و (۵) با در اختیار داشتن مقادیر X و Y در هر لحظه از فرمول‌های (۱۰) و (۱۱) قابل محاسبه است. چنانچه مشاهده می‌گردد روش پیشنهادی دارای تخمین‌های بهتری نسبت به روش‌های EKF و UKF در مختصات قطبی، نیز می‌باشد.



شکل ۱۰: فاصله واقعی هدف ($R(0)$) و تخمین آن با روش پیشنهادی
در مقایسه با دو روش EKF و UKF

- filter to nonlinear systems," In Proc. of 11th Int. Symp. On Aerospace/ Defence Sensing, Simulation and Controls., 1997.
- [12] S. J. Julier and J. K. Uhlmann, "Unscented filtering and nonlinear estimation," In Proc. IEEE, vol. 92, no. 3, pp. 401-422, Mar. 2004.
- [13] F. C. Schweppe, Uncertain Dynamic Systems, Prentice-Hall. 1973.
- [14] R. V. D. Merwe, "Sigma-point Kalman filters for probabilistic inference in dynamic state-space models," Electrical and computer engineering, Ph.D. dissertation, Oregon Health Sciences Univ., Portland, OR, 2004.
- [15] R. V. D. Merwe, J. F. G. de Freitas, A. Doucet and E. A. Wan, "The unscented particle filter," Technical report, Dept. of Engineering, University of Cambridge, 2000.
- [16] E. A. Wan and R. V. D. Merwe, "The unscented Kalman filter for nonlinear estimation," In Proc. Of IEEE Symposium 2000 (AS-SPCC), Oct. 2000.
- [17] X. R. Li and Y. Bar-Shalom, "A recursive multiple model approach to noise identification," IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst., AES-30(3):671-684, July 1994.
- [18] M. E. Hough, "Improved performance of recursive tracking filters using batch initialization and process noise adaptation," AIAA Journal of Guidance, Control, and Dynamics, 22(5):675-681, 1999.
- [19] P. O. Gutman and M. Vegler, "Tracking targets using adaptive Kalman filtering," IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst., AES-26:691-699, Sept. 1990.
- [۲۰] حمید خالوزاده، علی کارساز، «تخمین پارامترهای اهداف راداری با مانور بالا» مجله مهندسی برق و الکترونیک ایران، ۱۳۸۶.
- [21] A. Karsaz, H. Khaloozadeh, "An optimal two-stage algorithm for highly maneuvering targets tracking," Signal Processing., 2009, vol. 89, pp. 532-547.
- [22] Z. Beheshtipour; H. Khaloozadeh, An innovative fuzzy covariance presetting for high maneuvering target tracking problems," 2009 Chinese Control and Decision Conference, pp. 5623-5628, 2009.
- [23] M. H. Bahari, F. N. Moharrami, A. Karsaz, "Tracking a High Maneuver Target Based on Intelligent Matrix Covariance Resetting", International IEEE Conf. ISPA 2007, To be published.
- [24] M. Schimmack; B. Haus, P. Mercorelli "An Extended Kalman Filter as an Observer in a Control Structure for Health Monitoring of a Metal-Polymer Hybrid Soft Actuator," IEEE/ASME Transactions on Mechatronics, issue, 99, pp. 1-1, 2018.
- [25] S. Yang and H. Li, "Application of EKF and UKF in Target Tracking Problem", 2016 8th International Conference on Intelligent Human-Machine Systems and Cybernetics (IHMSC), 2016.

پی‌نوشت‌ها

- 1- Maneuvering target tracking
- 2 - Extended Kalman filter
- 3 - Unscented Kalman filter
- 4- Jacobian matrix
- 5- Real time
- 6- Sigma vector
- 7- Bayesian model
- 8- Stochastic process
- 9- Moments
- 10- Completely Unknown
- 11- Fisher model
- 12- sensor coordinates
- 13- IEEE
- 14- Preset
- 15- Pseudo observation
- 16- Priori estimation
- 17 - Posteriori estimation
- 18--Scaling factor
- 19- Noise level adjustment
- 20 - Equivalent noise
- 21 - Adaptive Kalman filter
- 22- Matrix covariance presetting
- 23-Course
- 24 - Speed

شده است. تعداد سناریوهای در نظر گرفته شده ۱۲۰۰ سناریو بوده که این سناریوها در رنج، سمت، سرعت و کورس‌های مختلف هدف اجرا شده است. بر این اساس نتایج حاصله در جدول (۱) ذکر شده است.

جدول ۱: مقایسه نتایج شبیه‌سازی در ۱۲۰۰ مختلف سناریوهای متفاوت هدف اجرا برنامه

خطای تخمین و رهگیری هدف (STD)			
پارامتر تخمینی	فیلتر کالمن پیشنهادی	فیلتر کالمن UKF	فیلتر کالمن EKF
$x(0)$	1.6536	2.2149	9.4537
$y(0)$	4.3150	3.8505	12.5538
$R(0)$	2.3022	2.5347	1.9901
$\theta(0)$	2.3022	2.5347	0.6996
$\varphi(0)$	29.3359	40.5995	37.3001
$S(0)$	2.8223	2.5600	4.5048

۸- نتیجه‌گیری

در این مقاله یک روش جدید مبتنی بر تبدیل پارامترهای اندازه‌گیری شده هدف از مختصات قطبی به کارتزین درمساله ردیابی اهداف با مانور معرفی گردیده است. با بکارگیری تکنیک ارایه شده فیلتر کالمن استاندارد براحتی می‌تواند در حل مساله غیرخطی ردیابی هدف در مختصات قطبی پیاده‌سازی شود. برتری و سادگی پیاده‌سازی روش جدید در مقایسه با روش‌های EKF و UKF در بخش نتایج شبیه‌سازی ارایه شده است.

۹- مراجع

- [1] M. Dahmani, A. Meche, M. Keche, and K. Abed-Meraim. An improved fuzzy alpha-beta filter for tracking a highly maneuvering target. Aerospace Science and Technology, 58:298-305, September 2016.
- [2] A. Meche, M. Dahmani, M. Keche, and A. Ouamri. Pseudo steady state filters for target tracking with polar measurements. Aerospace Science & Technology, 43:14-15, April 2015.
- [3] S. Jia, Y. Zhang, G. Wang., "Highly maneuvering target tracking using multi-parameter fusion singer model," Journal of Syst. Engineering and Electronics, vol., 28, 5, pp. 841-850, 2017.
- [4] H. Khaloozadeh, A. Karsaz, "Modified input estimation technique for tracking manoeuvring targets," IET Radar Sonar Navig., 2009, vol. 3, No. 1, pp. 30-41.
- [5] R. E. Kalman, "A new approach to linear filtering and prediction problem," Trans. of the ASME, Journal of Basic Engineering, 1960.
- [6] A. J. Haug, K. R. Ford "An end-point-constrained extended Kalman filter for tracking maneuvering near-radially inbound targets," 2016 19th International Conference on Information Fusion (FUSION), pp. 312-318, 2016.
- [7] J. Korn, S. W. Gully and A. S. Willsky, "Application of the generalized likelihood ratio algorithm to maneuver detection and estimation," In Proc. 1982 American Control Conference, pp. 792-798.
- [8] X. Lin, T. Kirubarajan, Y. Bar-Shalom and S. Maskell, "Comparison of EKF, pseudomeasurement and particle filters for a bearing-only target tracking problem," IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst., 2002.
- [9] P. R. Mahapatra and K. Mehrotra, "Mixed coordinate tracking of generalized maneuvering targets using acceleration and jerk models," IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst., AES-36(3):992-1001, 2000.
- [10] S. J. Julier and K. Uhlmann, "Unscented filtering and nonlinear estimation," In Proc. IEEE Power Engineering Society Winter Meeting, vol. 92, no. 3, pp. 401-422, March 2001.
- [11] S. J. Julier and J. K. Uhlmann, "A new extension of the Kalman