

تعیین عمق بهینه چاه‌ها جهت کف‌شکنی با استفاده از برنامه‌ریزی غیر خطی

حمیدرضا عسگری*

بهرام نوابی نیا*

محمد باقر شریفی**

(دریافت ۸۳/۱/۲۴ پذیرش ۸۳/۸/۶)

چکیده

چاه‌ها در اکثر مناطق ایران نقش مهمی در تأمین آب آشامیدنی ایفا می‌کنند. با توجه به پایین رفتار سطح آب زیرزمینی بر اثر برداشت‌های غیر مجاز در اکثر دشت‌های ایران، دبی چاه‌ها پس از مدت زمان کوتاهی (چند سال) به میزان زیادی کاهش پیدا می‌کند و برای دست‌یابی به دبی اولیه چاه، یا پایستی چاه‌های جدید حفر شود و یا با کف‌شکنی چاه‌های موجود مجددأ به همان دبی دست‌یافته. در صورتی که گزینه کف‌شکنی برای تأمین آب انتخاب شود، با استفاده از مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی می‌توان عمق بهینه چاه‌ها را به نحوی یافته که ضمن تأمین آب مورد نیاز، هزینه کمتری صرف کف‌شکنی گردد. در این مقاله یک مدل برنامه‌ریزی غیر خطی برای تعیین عمق بهینه چاه‌ها جهت کف‌شکنی ارائه شده است. در این مدل فرض شده است که بیلان آبی آبخوان در مجموع آبخوان بالا و پایین سنگ کف میانی، اجازه برداشت را می‌دهد. این مدل برای تعیین عمق بهینه سه حلقه چاد موجود یک منطقه تسمه (شهر فریمان در استان خراسان) جهت کف‌شکنی به کار گرفته شده است.
واژه‌های کلیدی: کف‌شکنی چاه‌ها، برنامه‌ریزی غیر خطی، بیانه‌سازی

Determination of Optimal Depth for Well Extension Using a Nonlinear Programming Model

Safari, H. (M.Sc.), *Navaeenia, B. (Ph.D), * Sharifi, M. (Ph.D)**

*Mazandaran university

**Ferdosi, University of Mashad

Abstract

The ground water resources have become the main source of drinking water for communities. High utilization of water has caused drastic reduction of ground water level. In order to maintain designed supply rate, either a new well need to be installed or the depth of programming optimal depth of well can be obtained so that the designed option, using the nonlinear maintained and total expensive to be reduced. In this study a nonlinear programming model was developed and is used to predict the optimal depth of existing well extension in fariman city pilot. In this research positive water balance for ultimate discharge rate is assumed.

*: انسحابی کارشناسی ارشد عمران، مجتمع زیست

**: استادیار دانشکده فنی مهندسی دانشگاه مازندران

***: استادیار دانشکده هندامی دانشگاه فردوسی مشهد

هزینه خرید واحد ضول لوله، هزینه حمل و نقل واحد علول لوله، هزینه پوشش داخلی و خارجی لوله، هزینه خرید شیرآلات و اتصالات، هزینه نصب لوله‌ها، هزینه خرید هر دستگاه، پمپ، هزینه نصب پمپ، هزینه تبیه و نصب تجهیزات برق فشار قوی، هزینه احداث ساختمان ایستگاه، پمپاژ، هزینه ارزی مصرفی ایستگاه، پمپاژ، هزینه حفاظت کاتودیک خط انتقال، هزینه احداث جاده، دسترسی برای ایستگاه، پمپاژ و خط انتقال، هزینه تعمیر و نگهداری خط انتقال و هزینه تعمیر و نگهداری پمپ‌ها.

با توجه به تعداد فاکتورهای ذکر شده، محققین بسیاری با در نظر گرفتن تعیادي از عوامل فوق با استفاده از برنامه‌ریزی خطی، غیر خطی و یا مدل‌های ابتکاری سعی در بهینه‌سازی هزینه خطوط انتقال نمودند. کارمنی [۹]، کالی [۱۰]، آبرهوویس [۱۱]، کیوندری [۱۲] و دیبری [۱۳] با استفاده از برنامه‌ریزی خطی سعی در بهینه‌سازی خطوط انتقال و شبکه‌های توزیع آب نمودند. ژاکوبی [۱۴]، چیپلونکار [۱۵] سرینیواز و همکاران [۱۵] و بیجاری [۲۰] با بهره‌گیری از برنامه‌ریزی غیر خطی مدل‌هایی برای بهینه‌سازی خطوط انتقال و شبکه‌های توزیع ارائه نمودند.

مدل‌های ابتکاری نیز توسط بعضی محققین نظری دب [۱۶]، کیوان [۱۷]، گولتر و همکاران [۱۸] و امینی [۲۱] برای بهینه‌سازی خطوط انتقال و شبکه‌های توزیع آب به کار گرفته شده است. در سال‌های اخیر نیز محققین زیاد روی بهینه‌سازی شبکه‌های توزیع آب کار نموده‌اند که از جمله می‌توان به کارهای [۱۹]، [۲۰] و [۲۱] اشاره نمود. عوامل عمده‌ای که در

دوشانه‌ای فوق مورد توجه قرار گرفته‌اند عبارتند از:

هزینه کل لوله‌گذاری، هزینه تعمیر و نگهداری خط انتقال، هزینه خرید پمپ و هزینه تعمیر و نگهداری پمپ و هزینه ارزی، در کمتر تحقیقی به مسأله بهینه‌سازی عمق چاه‌ها به هنگام کف‌شکنی آن‌ها پرداخته شده است. در بهینه‌سازی همزمان عمق چاه‌ها و خطوط انتقال دو عامل هزینه حفاری و هزینه لوله‌گذاری در داخل چاه را نیز می‌توان به مجموع عوامل فوق افزود و در تابع هدف گنجاند. در این حالت تابع هدف را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:

تابع هدف = هزینه پمپ + هزینه تعمیر و نگهداری پمپ + هزینه حفاری چاه + هزینه لوله‌گذاری چاه + هزینه خط انتقال + هزینه تعمیر و نگهداری خط انتقال + هزینه ارزی

به علت فقدان منابع آب سطحی در اکثر مناطق ایران و هم‌چنین گران بودن تملک قنات‌ها و چشمه‌ها، و نیز با توجه به قیمت نسبتاً پایین انواع برق در ایران، برداشت آب از منابع زیرزمینی مشروط بر اراضی بیلان آبی به وسیله حفر چاه و با توجه به کیفیت مناسب آب زیرزمینی، مقرر به صرفه خواهد بود. اما با توجه به برداشت غیر مجاز آب از منابع آب زیرزمینی و افت نسبتاً شدید سطح آب در دشت‌های ایران، پس از حدتی دبی استحصالی چاه‌ها کم می‌شود به طوری که آب شرب مورد نیاز مصرفی با حفر چاه‌های جدید و یا با کف‌شکنی چاه‌های موجود باید تأمین گردد. این مسئله با افزایش روزافزون جمعیت شکل حادتری به خود گرفته و سبب افزایش بیش از پیش هزینه‌ها می‌گردد. به منظور کاهش هزینه‌ها با استفاده از مدل‌های بهینه‌سازی ریاضی می‌توان عمق بهینه چاه‌ها را به گونه‌ای تعیین نمود که هزینه مربوطه کمینه گردد. تمامی مدل‌های بهینه‌سازی از دو قسمت مهم تابع هدف و محدودیت‌ها تشکیل شده است. تابع هدف، بیانگر تأثیر عوامل مختلف در مسئله بهینه‌سازی می‌باشد. از آن جا که متغیرهای مسائل بهینه‌سازی کاربردی، پارامترهای فیزیکی هستند، لذا هر مقداری را نمی‌پذیرند، بنابراین اکثر مسائل بهینه‌سازی از نوع مقید هستند و برای مسائل مختلف محدودیت‌های گوناگونی وجود دارد. هرچه تعداد فاکتورهای در نظر گرفته شده در مسائل بهینه‌سازی بیشتر باشد، مسئله کامل‌تر بوده و جواب مسئله به جواب بهینه واقعی نزدیک‌تر خواهد بود.

هدف این مقاله، ارائه یک مدل بهینه‌سازی است که به کمک آن می‌توان عمق بهینه چاه‌های موجود را برای کف‌شکنی تعیین نمود. علاوه بر هزینه حفاری و هزینه لوله‌گذاری داخل چاه، با افزایش عمق چاه‌ها در اثر کف‌شکنی و در نتیجه افزایش دبی مجاز چاه‌ها، ممکن است خط انتقال موجود (لوله‌ها و پمپ‌ها) جواب‌گوی انتقال دبی پس از کف‌شکنی از سطح سفره آب زیرزمینی به داخل مخازن موجود نبوده و در نتیجه تعییر پمپ‌ها و یا موازی کردن لوله‌های جدید با لوله‌های موجود خط انتقال اجتناب نپذیر باشد. به عبارت دیگر علاوه بر تعیین عمق بهینه چاه‌ها، بهینه‌سازی خط انتقال نیز باید صورت پذیرده که در این تحقیق مدنظر قرار گرفته است.

عوامل متعددی در بهینه‌سازی خطوط انتقال مؤثرند که عمدۀ آن‌ها عبارتند از:

کارگذاری آنها براساس مرجع [۵] می‌تواند تعیین گردد، و کاپراپ ثابت معادله هستند که با استفاده از رگرسیون به راحتی محاسبه می‌شوند.

هزینه سایانه تعمیر و نگهداری خط انتقال نیز ۰/۰۵ هزینه کل لوله‌گذاری برآورده شود [۲].

محدودیت‌های مسئله

الف- محدودیت میزان نیاز آبی: با توجه به میزان نیاز آبی در سال مورد نظر، این محدودیت را می‌توان به صورت رابطه زیر بیان نمود:

$$\sum_{i=1}^n Q_i = \frac{24}{20} L \quad (6)$$

در رابطه فوق Q_i دبی چاه آ، n تعداد چاه‌های انتخاب شده، برای کف‌شکنی و میزان نیاز آبی در سال مورد نظر می‌باشد، ضریب $\frac{24}{20}$ به این دلیل اعمال شده است که پمپ چاه‌ها در ساعت اوج مصرف برق (ساعت ۱۸ تا ۲۲) به منظور کاهش هزینه انرژی خاموش باشد.

ب- محدودیت عمق چاه‌ها: با توجه به عمق سنگ کف چاه، این محدودیت را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:

$$H_i < H_j + P \quad (7)$$

در رابطه فوق H_i عمق فعلی چاه و P فاصله کف چاه موجود تا سنگ کف می‌باشد.

ج- محدودیت‌های مربوط به افت انرژی در لوله‌ها: مانند تمام شبکه‌های حلقه‌ای و شاخه‌ای این محدودیت‌ها در خطوط جمع‌آوری آب چاه‌ها و انتقال به مخازن نیز وجود داشته و باید مد نظر قرار گیرد. این محدودیت‌ها توابعی از قطر لوله‌ها و عدد پمپ‌ها بوده و می‌توانند بر حسب روابط دارسی - وايساخ یا هیزن-ویلیام و یا بر رابطه معنبر مرتبط دیگری بیان شوند.

د- محدودیت‌های مربوط به دبی چاه‌ها: دبی چاه حفر شده در هر سفره آزاد آب زیرزمینی به کمک رابطه زیر می‌تواند به دست آید [۶]:

$$Q_m = \frac{\pi K (Jl^2 - (H - s)^2)}{100(\frac{R}{r})} \quad (8)$$

محدودیت‌های مسئله عبارتند از: محدودیت انرژی، محدودیت میزان نیاز آبی، محدودیت دبی مجاز چاه‌ها، محدودیت مربوط به عمق چاه‌ها و محدودیت ظرفیت بهره‌برداری آبخوان.

مدل بهینه‌سازی تابع هدف

براساس آنچه که در بخش قبل گفته شد، تابع هدف را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:

$$\begin{aligned} \text{تابع هدف} &= \text{هزینه پمپ} + \text{هزینه تعمیر و نگهداری پمپ} + \\ &\text{هزینه انرژی} - \text{هزینه حفاری} + \text{هزینه لوله‌گذاری چاه} + \text{هزینه} \\ &\text{تعمیر و نگهداری خط انتقال} - \text{هزینه خط انتقال} \\ &\text{هزینه پمپ تابعی از دبی هد پمپ می‌باشد، در نتیجه هزینه} \\ &\text{پمپ را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:} \end{aligned}$$

$$C_{\text{pump}} = F(Q, H) \quad (1)$$

هزینه مصرف انرژی پمپ را می‌توان به صورت رابطه ۲ ارائه نمود:

$$C_{\text{energy}} = F(Q, H, t, T, n) \quad (2)$$

که در رابطه فوق Q دبی پمپ، H هدف پمپ، t هزینه هر کیلووات ساعت برق مصرفی، T ساعت کارکرد پمپ و n بازده پمپ می‌باشد.

هزینه سایانه تعمیر و نگهداری پمپ $0/08$ هزینه انرژی -الیانه در نظر گرفته می‌شود [۳]. هزینه حفاری مطابق رابطه زیر قابل برآورد است:

$$K \times (H_i - H_j) - \text{هزینه حفاری} \quad (3)$$

در رابطه فوق، H_i عمق نهایی چاه، H_j عمق موجود چاه مورد نظر و K هزینه حفاری واحد طول در عمق مورد نظر می‌باشد که از مرجع [۴] می‌تواند به دست آید.

هزینه لوله‌گذاری داخل چاه برای خواهد بود با:

$$J \times (H_i - H_j) - \text{هزینه لوله‌گذاری داخل چاه} \quad (4)$$

در رابطه فوق J هزینه واحد طول لوله‌گذاری می‌باشد که از مرجع [۴] می‌تواند تعیین شود.

هزینه کل لوله‌گذاری (خرید لوله، کارگذاری و ...) را می‌توان به صورت زیر برآورد نمود [۳]:

$$C_{\text{pipe}} = kD^n$$

در رابطه فوق D قطر لوله و C_{pipe} هزینه کل لوله‌گذاری است. هزینه خرید لوله از کارخانه‌های سازنده و هزینه

نمونه مطالعاتی انتخاب نمود تا یکسری مطالعات در آن صورت پذیرد، از جمله این مطالعات می‌توان به تعیین عمق بینه چاه‌های موجود برای تأمین آب شهر فریمان در دوره طرح ۱۵ ساله اشاره نمود.

شهر مذکور در فاصله ۷۵ کیلومتری جنوب شرق مشهد قرار دارد، طول و عرض جغرافیایی شهر فریمان به ترتیب ۵۹°۵۲' شرقی و ۳۵°۴۳' شمالی می‌باشد. آب مورد نیاز مردم شهر به وسیله ۸ حلقه چاه عمیق که بهره‌برداری از آن‌ها توسط اداره آبفایی فریمان صورت می‌گیرد، تأمین می‌شود. با توجه به این که آب ۵ حلقه از چاه‌ها مستقیماً به داخل شبکه پمپاژ می‌شود و قوار است که به تدریج از شبکه خارج گردد، کف شکنی ۳ چاه دیگر به عنوان یک گزینه برای تأمین آب شهر در دوره طرح ۱۵ ساله مورد توجه قرار گرفته و مدل بینه‌سازی تشریح شده برای تعیین عمق بینه سه چاه فوق به کار می‌رود. شکل ۱ شماتیک موقعیت چاه‌های مورد نظر را نشان می‌دهد. هم‌چنین در جداول ۱ و ۲ مشخصات خط انتقال موجود فریمان و نیز سه چاه مذکور ارائه شده است که به غیر از قطر لوله‌ها باقیه مقادیر با اندازه‌گیری مستقیم در محل به دست آمده است.

در رابطه فوق K ضریب هدایت هیدرولیکی، H ضخامت لایه آبدار با در نظر گرفتن سطح استانیک آب، s افت سطح دینامیک آب، R شعاع تأثیر چاه و C قطر داخلی چاه می‌باشد. دبی مجاز هر چاه نیز از رابطه زیر قابل محاسبه است [۷]:

$$Q_c = \frac{2\pi r(H-s)\sqrt{K}}{15} \quad (9)$$

از آنجا که دبی چاه بایستی برابر دبی مجاز باشد تا بهرده‌ی چاه بینه گردد، از حل هم‌مان روابط ۸ و ۹، دبی مجاز چاه به دست می‌آید.

$$Q_m = Q_c \quad (10)$$

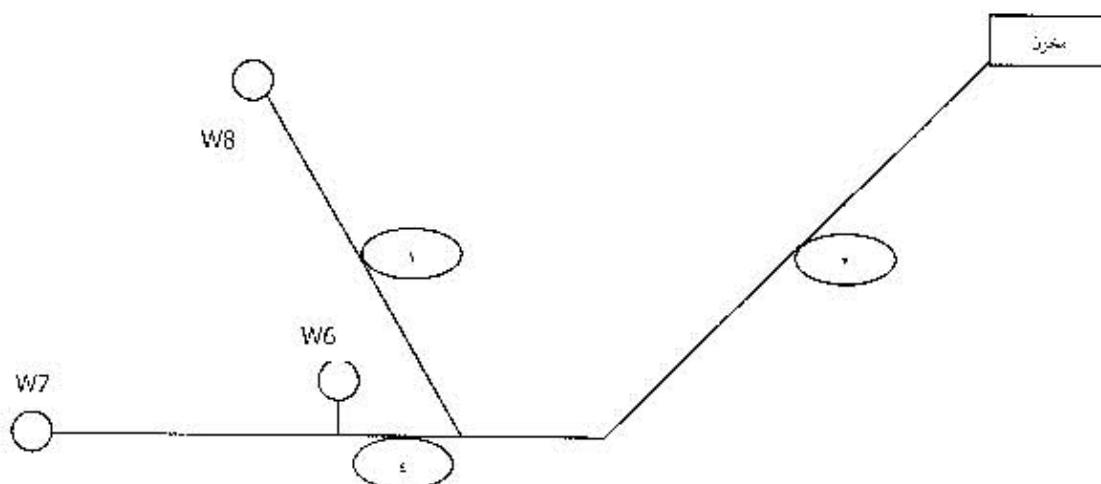
هم‌چنین دبی چاه باید کوچک‌تر یا مساوی دبی مجاز چاه باشد، لذا محدودیت زیر را می‌توان به مسئله افزود:

$$Q_d \leq Q_c \quad (11)$$

مدل تشریح شده، فرق برای یک منطقه نمونه (شهر فریمان) که اطلاعات مورد نیاز آن اندازه‌گیری شده است، به کار گرفته شد.

تحلیل یک مثال

به کارگیری مدل بینه‌سازی برای شهر فریمان شرکت آب و فاضلاب استان خراسان شهر فریمان را به دبل نزدیکی به شهر مشهد و کوچک بودن شهر به عنوان یک



شکل ۱- شماتیک خطوط جمع آوری و انتقال به مخزن ذخیره آب ۵۰۰۰ متر مکعبی شهر فریمان (شماره لوله ○. شماره چاه ○)

جدول ۱- مشخصات خط انتقال موجود فریمان

شماره لوله	قطر لوله (mm)	طول لوله (m)
۱	۲۵۰	۱۱۰۵
۲	۴۰۰	۱۶۱۶/۶
۳	۲۵۰	۴۶۴
۴	۴۰۰	۵۲۳/۲

جدول ۲- مشخصات سه حلقه از هشت حلقه چاه شهر فریمان

شماره چاه	دبي چاه (لیتر بر ثانیه)	کد انتفاعی چاه (اتسکفر)	فشار سر چاه (متر)
۶	۲۶/۳۱۶	۱۴۳۶	۰/۹
۷	۳۰/۳	۱۴۴۰	۰/۶
۸	۲۵/۵۶	۱۴۴۴	۲/۴

در رابطه فوق وزن مخصوص آب و R ضریب تبدیل هزینه سرمایه‌ای به چاری می‌باشد که بواساس مرجع [۸] از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$R = \frac{((1+i)^n - 1)}{i(1+i)^n} \quad (۱۴)$$

در این رابطه، n تاریخ پیره، سالانه است که برای شرایط موجود در ایران ۱۲ درصد فرض شده و ۲۰ دوره طرح می‌باشد. i (بازده پمپ) یا توجه به بازده پمپ‌های شناور ۰/۷۰، فرض شده است.

هزینه تعمیر و نگهداری پمپ: هزینه تعمیر و نگهداری پمپ نیز مطابق رابطه زیر قابن محاسبه است:

$$C_{\text{per}} = 1114707 \sum_{i=0}^n Q_i H_m \quad (۱۵)$$

در روابط ۱۳ و ۱۵ Q_i دبی چاه ابر حسب مترمکعب بر ثانیه و H_m هد پمپ چاه ابر حسب متر می‌باشد. هزینه حفاری: عمق چاه‌های موجود شهر فریمان ۲۶ متر می‌باشد. لذا هزینه حفاری در عمق بیش از ۲۶ متر، به ازای هر متر ۱۱۹۰۰۰ ریال ملاک محاسبه می‌باشد. در نتیجه می‌توان هزینه حفاری را به صورت رابطه ۱۶ بیان نمود [۴].

$$(۱۶) \quad 119000 \times (H - 26) = \text{هزینه حفاری}$$

هزینه لوله‌گذاری: هزینه تهیه و اجرای لوله داخل چاه با عمق بیش از ۲۶ متر، به ازای هر متر ۳۹۸۰۰۰ ریال می‌باشد. در نتیجه می‌توان هزینه لوله‌گذاری را به صورت رابطه زیر بیان نمود:

تابع هدف

با ثابت فرض کردن قطر لوله‌های خط انتقال، تابع هدف به صورت زیر خواهد بود:

تابع هدف = هزینه پمپ + هزینه تعمیر و نگهداری پمپ + هزینه حفاری چاه‌ها + هزینه لوله‌گذاری چاه + هزینه ارزی مورد تیاز پمپ‌ها هزینه پمپ: برای محاسبه هزینه پمپ در تابع هدف، دبی و هد پمپ‌ها در بازده ماقریم از منحنی مشخصه پمپ‌ها مشخص شده و با توجه به هزینه پمپ‌ها، رابطه بین هزینه پمپ و دبی و هد آن در بازده ماقریم با استفاده از رگرسیون غیرخطی تعیین می‌گردد که به صورت معادله زیر در می‌آید [۷]:

$$\begin{aligned} C_{\text{per,p}} &= (QH)^6 + 2 \times 10^2 (QH)^5 - 8 \times 10^3 (QH)^4 \\ &+ 2 \times 10^5 (QH)^3 - 1.921 \times 10^6 (QH)^2 \\ &+ 9799.8 \times 10^3 (QH) + 8069430 \end{aligned} \quad (۱۶)$$

در رابطه فوق Q دبی پمپ بر حسب مترمکعب بر ثانیه و H هد پمپ بر حسب متر می‌باشد.

هزینه ارزی: با توجه به هزینه هر کیلووات ساعت ارزی در ساعت عادی در منطقه فریمان که ۲۰ ریال می‌باشد و با فرض ۲۰ ساعت کارکرد روزانه پمپ‌های چاه‌های داریم [۷]:

$$\frac{RvQHaT}{\eta \times 1000} = 13933843.7 \sum_{i=0}^n Q_i H_m \quad (۱۷)$$

$$H_6 - 260 \times 398000 = H_6 - 260 \quad (17)$$

محدودیت‌ها

محدودیت‌های مسئله را می‌توان به صورت زیر بیان کرد:
محدودیت دبی چاه‌ها: میزان نیاز آبی شهر فریمان در سال ۱۳۹۵ برابر ۱۰۲ لیتر خواهد بود. در نتیجه محدودیت دبی چاه‌ها به صورت رابطه زیر خواهد بود [Y]:

$$Q_6 + Q_7 + Q_8 = \frac{24}{20} \times 0.102 \quad (18)$$

در رابطه فوق Q دبی چاه آدر پایان دور، ۱۵ ساله طرح می‌باشد.

محدودیت عمق چاه‌ها: با توجه به عمق سنگ کف در زیر هر چاه می‌توان محدودیت عمق چاه‌ها را به صورت روابط (۱۹) بیان کرد. لازم به ذکر است که در این تحقیق عمق سنگ کف با استفاده از خطوط هم تراز سنگ کف در منطقه فریمان به دست آمده است [Y]:

$$260 \leq H_6 \leq 260 + 58, \quad (19)$$

$$260 \leq H_7 \leq 260 + 68,$$

$$260 \leq H_8 \leq 260 + 97$$

در روابط فوق H عمق چاه امی باشد.

محدودیت افت انرژی در لوله‌ها: با توجه به شکل ۱ محدودیت‌های انرژی را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:

$$H_{pe} = \frac{10.6(H_6 - 15)Q_6^{1.85}}{0.1524^{4.87} \times 100^{1.85}} - \frac{10.6 \times 535.16(Q_8 + Q_7)^{1.85}}{D_1^{1.87} \times 120^{1.85}} - \frac{10.6 \times 1616.6(Q_6 + Q_7 + Q_8)^{1.85}}{D_2^{4.47} \times 120^{1.85}} - 260 + 29.7 - 25 - (1440 - 1436) \geq 4 \quad (20)$$

در رابطه فوق H محدود پسندیده، ۲۶۰ عمق فعلی، ۷۲۹/۷٪ ضخامت لایه آبدار در سال طرح، ۲۵ افت سطح دینامیک آب و ۱۴۴ کد ارتفاعی مربوط به چاه ۶ می‌باشد. همچنین عدد ۱۴۳۶ در رابطه فوق کد ارتفاعی مخزن و ۴ انرژی لازم باقی ماند، در انتها مسیر بر حسب متر می‌باشد.

این رابطه را می‌توان برای سایر مسیرها تعمیم داد.

محدودیت دبی چاه‌ها: این محدودیت را می‌توان به صورت رابطه زیر نوشت:

$$\frac{K_6(H_6 - 230.7)^2 - (H_6 - 230.7 - S_6)^2}{\ln(\frac{3000 \times S_6 \times K_6}{0.3536})} \quad (21)$$

منابع

- ۱- دبیری، ا. (۱۳۶۲). "بهینه سازی خطوط انتقال آب با استفاده از برنامه ریزی خطي". مجله آب، شماره ۴، ص ۱۹-۱۳.
- ۲- بیجاری، م. (۱۳۷۰). "تعیین نقطه اقتصادی لوله های شبکه های توزیع آب"، مجله آب و فاضلاب، شماره، ص ۹-۱۸.
- ۳- امینی، ع. (۱۳۶۲). "استفاده از مدل ریاضی برای طراحی بهینه شبکه های توزیع آب شهری". مجله آب، شماره ۳، صفحات ۳۱-۱۹.
- ۴- دفتر امور فنی و تدوین معیارهای سازمان مدیریت و برنامه ریزی کشور. (۱۳۸۰). "قهرست بهای واحد رانه چاهه و قنات ها".
- ۵- دفتر امور فنی و تدوین معیارهای سازمان مدیریت و برنامه ریزی کشور. (۱۳۸۰). "قهرست بهای واحد رانه خطوط انتقال آب".
- ۶- علیزاده، ا. (۱۳۷۴). "اصول هیدرولوژی کاربردی". چاپ ششم، انتشارات دانشگاه مشهد، مشهد.
- ۷- صفری، ح. (۱۳۸۱). "بهینه سازی تأمین آب آشامیدنی شهرهای خراسان (پایلوت فریمان)", پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده فنی دانشگاه مازندران.
- ۸- سلطانی، غ. (۱۳۶۹). "اقتصاد مهندسی". چاپ سوم، انتشارات دانشگاه شیراز، شیراز.
- 9- Karmeli, D., Gadish, Y., and Mayers, S., (1968). "Design of Optimum Water Distribution Network", J. Hydr. Div., ASCE, Vol. 94, No. 1, pp: 1-10.
- 10- Kally, E., (1972). "Computerised Planning of Least Cost Water Distribution Network", Water Sewage Works, Rep., pp: 121-127.
- 11- Alperovits, E., and Shamir, U., (1977). "Design of Optimal Water Distribution Systems", Water Resour. Res., Vol. 13, No.6, pp:885-900.
- 12- Quindry, G. E., Brill, E.D., and Liebman, J.C., (1981). "Optimization of Looped Water Distribution Systems", J. Envir. Eng. Div., ASCE, Vol. 107, No.4, pp:665-679.
- 13- Jacoby, S.L.S., (1968). "Design of Optimal Hydraulic Networks", J. Hydr. Eng., ASCE, Vol. 194, No 3, pp: 641-661.
- 14- Chiplunkar, A.V., Mahndiratta, S.L., and Khanna, P., (1986). "Looped Water Distribution System Optimization of Single Loading", J. Envir. Eng., Div., ASCE, Vol. 100, No.2, pp:264-279.
- 15-Srinivasa, R. L., and Elango, K., (1992). "Optimal Design of Water Distribution Networks with Head Dependent Outflows Using Augmented Lagrangian", J. Inst. of Eng., Vol. 73, No.2, pp:27-33.
- 16- Deb, A. K., (1974). "Least Cost Design of Branched Pipe Network Systems", J. Envir. Eng., Div., ASCE, Vol. 100, No. 4, pp: 821-835.
- 17- Cowan, J., (1971). "Cheking Trunk Main Designs for Cost Effectiveness", Water and wastewater Eng., Vol. 75, No. 908, pp:385-386.
- 18- Goulte, I. C., and Morgan, D.R., (1987). "Optimal Urban Water Distribution Design", Water Resource Research, Vol. 121, pp:260-281.
- 19- Cunha, M., and Sousa. J., (1999). "Water Distribution Network Design Optimization: Simulated annealing Approach", J. Water Resource Planning and Management, Vol. 125, No.4., pp: 215-226.
- 20- Mousavi, H., and Ramamurthy, A., (2000). "Optimal Design of Multi-Reservoir Systems for water Supply", Adv. In Water Resource, Vol. 23, pp:613-624.
- 21- Kim, J., Mays, L., (1994). "Optimal Rehabilitation Model for Water Distribution System", J. Water Resource Planning and Management, ASCE, Vol. 120, No. 5, pp: 982-1000.